

الموضوع الثاني (الهندسة الفضائية)

تمرين 1 :

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ نعتبر النقط :

$$A(-1; 0; 1) \quad B(1; 4; -1) \quad C(3; -4; -3) \quad S(4; 0; 4)$$

1. بين أن المثلث ABC قائم في A .

2. بين أن الشعاع \overrightarrow{SO} عمودي على كل من الشعاعين \overrightarrow{AB} و \overrightarrow{AC}

استنتج معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) .

3. أحسب V حجم رباعي الوجوه $SABC$.

تمرين 2 :

ليكن $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ معلم متعامد ومتجانس للفضاء ؛ نعتبر النقط :

$$A(2; 4; 1) \quad B(0; 4; -3) \quad C(3; 1; -3) \quad E(3; 2; -1) \quad D(1; 0; -2) \quad I\left(\frac{3}{5}; 4; -\frac{9}{5}\right)$$

لكل من الاقتراحات الخمسة التالية ، حدد الإجابة الصحيحة دون تبرير

1. معادلة ديكارتية للمستوي (ABC) هي $2x + 2y - z - 11 = 0$

2. النقطة E هي المسقط العمودي للنقطة D على المستوي (ABC)

3. المستقيمان (AB) و (CD) متعامدان .

4. المستقيم (CD) معرف بالتمثيل الوسيط التالي $(t \in \mathbb{R})$

$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = -1 + t \\ z = -1 + t \end{cases}$$

5. النقطة I تنتمي إلى المستقيم (AB) .

تمرين 3 :

الفضاء منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر المستوي P ذو المعادلة $2x + y - 2z + 4 = 0$ والنقط :

$$A(3; 2; 6) \quad ; \quad B(1; 2; 4) \quad \text{و} \quad C(4; -2; 5)$$

1. أ) تحقق أن النقط A ؛ B و C تعين مستويا .

ب) بين أن هذا المستوي هو المستوي P

2. أ) أثبت أن المثلث ABC قائم .

ب) أكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم Δ المار من O والعمودي على P

ج) لتكن K المسقط العمودي لـ O على P ؛ أحسب المسافة OK .

د) أحسب حجم الرباعي $OABC$.

3. نعتبر في هذا السؤال جملة النقط المثقلة : $S = \{(O, 3), (A, 1), (B, 1), (C, 1)\}$

أ) تحقق أن هذه الجملة تقبل مرجحا ، نرمز له G .

ب) نرمز بـ I إلى مركز ثقل المثلث ABC ، برهن أن G تنتمي إلى المستقيم (OI)

ج) أحسب بعد النقطة G عن المستوي P

4. لتكن Γ مجموعة النقط M من الفضاء والتي تحقق $\|3\vec{MO} + \vec{MA} + \vec{MB} + \vec{MC}\| = 5$

عين Γ ، ما طبيعة النقط المشتركة بين P و Γ .