

عمليات على الدوال:

1. تساوي دالتين:

القول عن دالتين f و g أنهما متساويتان يعني أن لهما نفس مجموعة التعريف D وأن من أجل كل عدد حقيقي x من D لدينا: $f(x) = g(x)$ ونكتب: $f = g$

2. العمليات الجبرية

f و g دالتان معرفتان على D_f و D_g على الترتيب. λ و k عدنان حقيقيان.

مجموعة التعريف	التعريف	الرمز	العملية
D_f	$(f+k)(x) = f(x) + k$	$f+k$	مجموع f و k
$D_f \cap D_g$	$(f+g)(x) = f(x) + g(x)$	$f+g$	مجموع f و g
D_f	$(\lambda f)(x) = \lambda f(x)$	λf	جداء f بالعدد λ
$D_f \cap D_g$	$(f \times g)(x) = f(x) \times g(x)$	$f \times g$	جداء f و g
$\{x \in D_f \cap D_g : g(x) \neq 0\}$	$\left(\frac{f}{g}\right)(x) = \frac{f(x)}{g(x)}$	$\frac{f}{g}$	حاصل قسمة f على g

3) تركيب الدوال

f و g دالتان معرفتان على D_f و D_g على الترتيب.

مركب الدالة f متبوعة بالدالة g هي الدالة التي نرمز إليها بالرمز $g \circ f$ والمعرفة على:

$$D_{g \circ f} = \{x / f(x) \in D_g \text{ و } x \in D_f\} \text{ بـ: } (g \circ f)(x) = g[f(x)]$$

اتجاه التغير:

1. اتجاه تغير الدالة: $f+k$

جرادي سلطان

2. دالة ترتيبية تماما على مجال I و k عدد حقيقي.

للدالتين f و $f+k$ نفس اتجاه التغير على المجال I .

3. اتجاه تغير الدالة: λf

f دالة ترتيبية تماما على مجال I و λ عدد حقيقي غير معدوم.

• إذا كان $\lambda > 0$ يكون للدالتين f و λf نفس اتجاه التغير على المجال I .

• إذا كان $\lambda < 0$ يكون اتجاهها تغير الدالتين f و λf متعاكسين على المجال I .

4. اتجاه تغير الدالة: $g \circ f$

f دالة ترتيبية تماما على مجال I و g دالة ترتيبية تماما على مجال J حيث: $f(I) \subset J$

- إذا كان للدالتين f و g نفس اتجاه التغير تكون الدالة $g \circ f$ متزايدة تماما على I .
- إذا كان اتجاهها تغير الدالتين f و g متعاكسين تكون الدالة $g \circ f$ متناقصة تماما على I .

التمثيل البياني:

5. التمثيل البياني للدالة: $f + k$

إذا كان (C_f) و (C_{f+k}) التمثيلين البيانيين في معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ للدالتين f و $(f+k)$ على الترتيب حيث k عدد حقيقي فإن (C_{f+k}) هو صورة (C_f) بالانسحاب الذي شعاعه \vec{j} .

1. التمثيل البياني للدالة: λf

ليكن (C_f) و $(C_{\lambda f})$ التمثيلين البيانيين في معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$ للدالتين f و (λf) على الترتيب حيث λ عدد حقيقي غير معدوم. ولتكن M نقطة من (C_f) فاصلتها x . نحصل على نقطة من $(C_{\lambda f})$ ذات الفاصلة x بضرب ترتيب النقطة M في العدد λ .

التمثيل البياني للدالة: $x \mapsto f(x+b) + k$

لتكن f و g دالتين معرفتين على D حيث: من أجل كل x من D لدينا: $g(x) = f(x+b) + k$ حيث b و k عددا حقيقيان معلومان. نرمز بـ: (C_f) و (C_g) إلى تمثيليها البيانيين على الترتيب المنحني (C_g) ينتج عن (C_f) باسحاب شعاعه $\vec{v}(-b, k)$.

أمثلة:

مثال(1):

نعتبر الدالتين g و h المعرفتين على المجال $]-1; +\infty[$ بـ:

$$h(x) = \sqrt{x+1} + 2 \quad \text{و} \quad g(x) = \sqrt{x+1}$$

و ليكن (C_g) و (C_h) تمثيليها البيانيين على الترتيب في معلم للمستوي.

(أ) انطلاقا من التمثيل البياني (C_f) للدالة " الجذر التربيعي " $f: x \rightarrow \sqrt{x}$ ارسم المنحني (C_g) .
 (ب) حدد طريقتين لرسم المنحني (C_h) ثم ارسمه.

مثال(2):

نعتبر الدالتين f و g المعرفتين على \mathbb{R} بـ: $f(x) = x^2 - 4$ و $g(x) = |f(x)|$. نسمي (C_f) و (C_g) تمثيلاهما البيانيين على الترتيب في معلم $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. ارسم المنحني (C_f) انطلاقا من (C_h) التمثيل البياني للدالة $h: x \mapsto x^2$ (h هي الدالة " مربع ")
2. بين كيف يمكن استنتاج (C_g) انطلاقا من (C_f) ثم ارسمه.

جرادي سلطان

التمرين الأول:

باستعمال عملية الجمع على الدوال عين اتجاه تغير الدالة f على المجال I في كل حالة من الحالات التالية :

$$I =]-\infty, 0[\quad , \quad f(x) = \frac{-x^2 + 2x + 3}{x-2} \quad (1) \quad \dots \quad I =]0, +\infty[\quad , \quad f(x) = x^2 - \frac{1}{x} + 2 \quad (2)$$

$$I =]0, 2[\quad , \quad f(x) = x^2 - \frac{1}{x-2} \quad (3) \quad \dots \quad I =]0, +\infty[\quad , \quad f(x) = \sqrt{x} - \frac{1}{x} \quad (4)$$

التمرين الثاني:

(1) لتكن الدالة f المعرفة على المجال $[0, +\infty[$ حيث : $f(x) = x^2 + 2x$

■ أدرس اتجاه تغير الدالة f على المجال $[0, +\infty[$

■ أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي x حيث : $x \geq 0$ فإن $f(x) \geq 0$

(2) لتكن الدالة g المعرفة على المجال $[0, +\infty[$ حيث : $g(x) = -1 + \sqrt{1+x}$

■ أدرس اتجاه تغير الدالة g على المجال $[0, +\infty[$

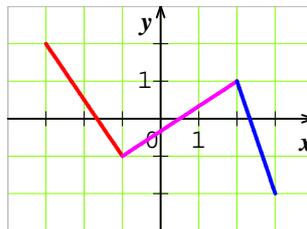
■ أثبت أنه إذا كان العدد x موجبا فإن $g(x) \geq 0$

(3) على أي مجال يمكن تعريف الدالة $g \circ f$ ؟ أحسب $(g \circ f)(x)$

(4) على أي مجال يمكن تعريف الدالة $f \circ g$ ؟ أحسب $(f \circ g)(x)$.

التمرين الثالث:

نعتبر دالة f معرفة على المجال $[-3; 3]$. الشكل المقابل يمثل منحنيا البياني. مثل كل من الدوال التالية



$$f_1(x) = -f(x) \quad (1)$$

$$f_2(x) = |f(x)| \quad (2)$$

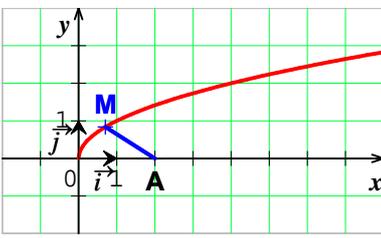
$$f_3(x) = f(x) + 1 \quad (3)$$

التمرين الرابع:

في مستو مزود بمعلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، نعتبر المنحني (C) الذي معادلته $y = \sqrt{x}$ و النقطة

A التي احداثيها $(2; 0)$

الهدف من هذه المسألة هو تعيين النقطة من (C) الأقرب من A .



ليكن x عدد حقيقي موجب و M النقطة من (C) التي فاصلتها x .

(1) عبر عن AM بدلالة x .

(2) لتكن f الدالة المعرفة على $[0; +\infty[$ كما يلي : $f(x) = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{7}{4}$

(أ) ما هي العلاقة الموجودة بين AM و $f(x)$ ؟

(ب) عين جدول تغيرات الدالة f على المجال $[0; +\infty[$.

(ج) استنتج احداثيي النقطة M بحيث تكون المسافة AM أصغر ما يمكن .

التمرين الخامس:

f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = (x+1)(x-4)$

(1) - تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x يكون: $f(x) = \left(x - \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{25}{4}$

ارسم في معلم $(O; I, J)$ المنحني (P) الممثل للدالة $x \mapsto x^2$ و استنتج رسم المنحني الممثل للدالة f في نفس المعلم.

(2) g دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $g(x) = f(|x|)$

- أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي $x \geq 0$: $g(x) = f(x)$

- أثبت أن g دالة زوجية.

(3) ارسم منحني g باستعمال منحني f .

التمرين السادس:

x	0	3	4	1
$f(x)$	2		0	2

لتكن f دالة فردية حيث : جزء من جدول تغيراتها يكون من الشكل :

(1) اتمم جدول تغيرات الدالة f .

(2) حدد إشارة الدالة f على المجال $[-4; 4]$

(3) هل يمكنك معرفة عدد حلول المعادلة: $f(x) = 0$ ؟

(4) أعط تمثيلاً لمنحن يمكن ان يكون للدالة f



العام

السلسلة (3)

الأستاذ: جرادي سلطان

الدراسة: 2017-2018

ليكن (C_f) و (C_g) التمثيلان البيانيان للدالتين f و g المعرفتين بـ:

$$f(x) = x^2 - x - 2 \text{ و } g(x) = -x^2 + 3x + 4$$

ولتكن الدالة h المعرفة على IR^* بـ: $h(x) = x^2 - \frac{1}{x} - 2$.

(1) برهن أنه من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = \left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{9}{4}$.

(2) أكتب الدالة f على شكل مركب دالتين بسيطتين يطلب تعيينهما.

(3) دون استعمال التمثيل البياني، برهن أن الدالة f متزايدة تماما

على $\left[\frac{1}{2}; +\infty\right[$ ومتناقصة تماما على المجال $]-\infty; \frac{1}{2}]$ ،

(4) شكل جدول تغيرات f .

(5) أدرس اتجاه تغير الدالة h على المجال $]0; +\infty[$ ،

(6) هل يمكن استنتاج اتجاه تغير الدالة h على المجال $]-\infty; 0[$ ؟ لماذا؟

(7) حدّد طريقة لرسم (C_f) انطلاقا من (C) التمثيل البياني للدالة

مربع. (ملاحظة: الرسم غير مطلوب).

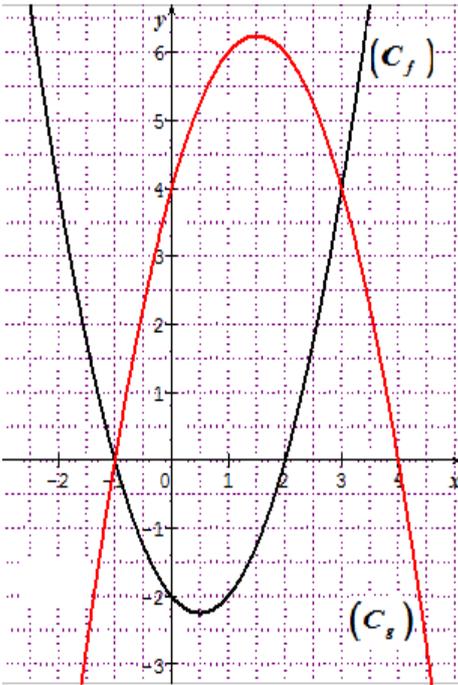
(8) برهن أن المستقيم $x = \frac{1}{2}$: محور تناظر للمنحنى (C_f) .

(9) حل بيانيا المعادلة $f(x) - g(x) = 0$.

(10) باستعمال التمثيل البياني (C_f) عين إشارة الدالة f .

(11) نعتبر الدالة k المعرفة على IR بـ: $k(x) = |f(x)|$.

أكتب k بدون رمز القيمة المطلقة، ثم حدّد كيف يتم رسم (C_k) انطلاقا من التمثيل البياني (C_f)



التمرين الأول:

دالة معرفة على $R - \{-2\}$: $f(x) = \frac{3x+7}{x+2}$ و (C_f) بيانها في مستوي منسوب إلى م، م (o, \vec{i}, \vec{j})

(1) أوجد العددين الحقيقيين β, α حتى يكون من أجل كل $x \in R - \{-2\}$ فإن: $f(x) = \alpha + \frac{\beta}{x+2}$

(2) أدرس تغيرات الدالة f على كل من المجالين $]-\infty, -2[$ و $]-2, +\infty[$ ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) أوجد دالة g حيث: $f(x) = g(x+2) + 3$ من أجل كل: $x \in R - \{-2\}$.

(4) اشرح كيفية رسم (C_f) انطلاقاً من (C_g) ثم أرسمه.

(5) بين أن $w(-2, 3)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

التمرين الثاني:

لتكن f الدالة المعرفة على أكبر مجموعة ممكنة D جزء من \mathbb{R} بـ: $f(x) = \sqrt{\frac{x+2}{x+1}}$

(1) بين أن: $D =]-\infty; -2] \cup]-1; +\infty[$

(2) بين أن: $f = g \circ h$ حيث g هي الدالة " الجذر التربيعي " و h دالة يطلب تحديدها.

(3) تحقق أن من أجل كل x من D لدينا: $h(x) = 1 + \frac{1}{x+1}$. استنتج اتجاه تغير h على $]-\infty; -2[$ وعلى $]-1; +\infty[$

(4) استنتج اتجاه تغير الدالة f على $]-\infty; -2[$ و على $]-1; +\infty[$

التمرين الثالث:

أكمل الجدول التالي:

الدالة	مجموعة تعريفها	اتجاه تغيراتها	طريقة تمثيل بيانها
$f(x) = 1 + \sqrt{x-2}$			
$g(x) = 1 + \frac{1}{x+2}$			

التمرين الرابع:

لتكن f دالة معرفة المجالين $]-\infty; 3[$ و $]3; +\infty[$ بـ: $f(x) = \frac{2x-5}{x-3}$

(1) أوجد عددين a و b بحيث من أجل كل $x \neq 3$: $f(x) = a + \frac{b}{x-3}$.

(2) ماهو اتجاه تغير الدالة f على مجالي تعريفها؟

(3) اشرح كيف نتحصل على المنحنى (C_f) انطلاقاً من القطع الزائد الممثل لدالة المقلوب.

4) اثبت أن النقطة $\Omega(3;2)$ مركز تناظر للمنحنى (C_f) .

5) ارسم (C_f) .

6) لنعتبر الدالة h المعرفة كما يلي : $h(x) = \frac{2x-5}{|x-3|}$

• اكتب $h(x)$ دون رمز القيمة المطلقة ثم استنتج أن : $h(x) = f(x)$ على مجال يطلب تعيينه . ارسم (C_h) انطلاقاً من (C_f) .

7) نضع : $g(x) = x^2 + 2$ ، اعط مجموعة تعريف الدالة $f \circ g$ ثم عبر عن $(f \circ g)(x)$ بدلالة x .

التمرين الخامس:

نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R} - \{1\}$ ب: $f(x) = \frac{2x+3}{x-1}$ و (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1) تحقق أنه من أجل كل $x \neq 1$ لدينا $f(x) = 2 + \frac{5}{x-1}$.

2) أكتب الدالة f على شكل مركب دالتين مرجعيتين يطلب تحديدهما.

3) أدرس اتجاه تغير الدالة f على المجالين $[1; +\infty[$ و $]-\infty; 1]$. ثم شكل جدول تغيراتها.

التمرين السادس:

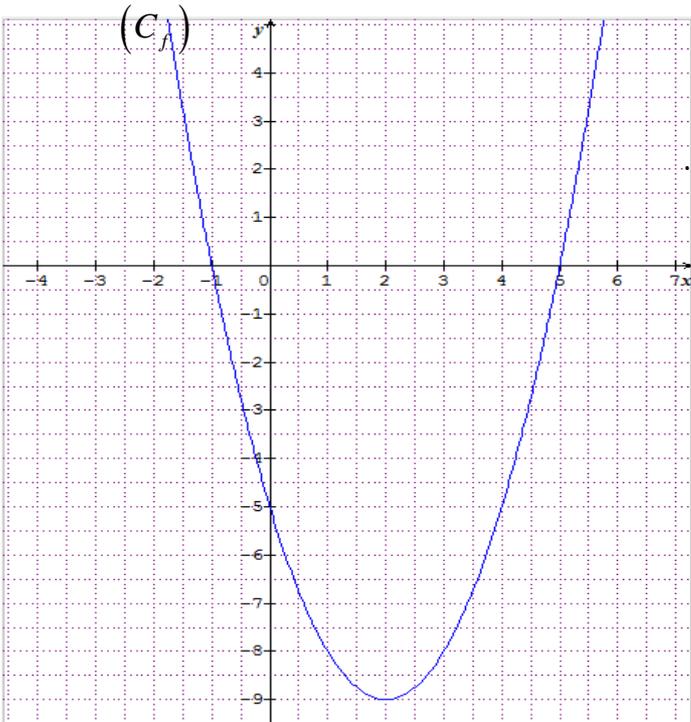
✚ دالة معرفة على \mathbb{R} بـ: $f(x) = ax^2 + bx + c$ حيث a, b, c أعداد حقيقية. (C_f) تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$ كما هو موضح في الشكل.

1- حدد مع التعليل إشارة المميز Δ لثلاثي الحدود $f(x)$ (بيانيا)

2- نضع $a=1$: عين قيمة b و c حيث المنحنى (C_f)

يقطع محور الفواصل في النقطتين ذات الفاصلتين (-1) و (5) .

3- حدد إشارة $f(x)$ بيانيا.



ثانوية أجيال المستقبل الخاصة – باتنة - العام الدراسي: 2016-2017	السلسلة (4) في مجال كثيرات الحدود الأستاذ: جرادي سلطان (الثانية ثانوي)
--	---

التمرين الأول:

هل صحيح أم خاطئ ما يلي:

(1) العبارة $f(x) = 3x^2 - 1 - 2x^3$ هي كثير حدود من الدرجة الثالثة حيث x عدد حقيقي موجب

(2) العبارة $f(x) = (\sqrt{x-3})^2$ هي كثير حدود من الدرجة الأولى .

(3) إذا كان $f(x)$ و $g(x)$ كثيري حدود من الدرجة الثانية فإن $f(x) + g(x)$ يكون من الدرجة الثانية .

(4) إذا كان $f(x)$ و $g(x)$ كثيري حدود من الدرجة الثالثة فإن $f(x) \times g(x)$ يكون من الدرجة السادسة

التمرين الثاني:

نعتبر كثير الحدود $P(x)$ حيث : $P(x) = x^3 - x^2 - 4x + 4$

(1) عين الأعداد الحقيقية a ، b ، c بحيث يكون ، من أجل كل عدد حقيقي x ، $P(x) = (x-1)(ax^2 + bx + c)$ ،

(2) حلل $P(x)$ إلى جذاء كثيرات الحدود من الدرجة الأولى

(3) عين كل جذور $P(x)$.

التمرين الثالث:

$P(x)$ كثير الحدود حيث : $P(x) = 4x^3 - 4x^2 - 15x + 18$

(1) أثبت أن -2 هو جذر لـ $P(x)$.

(2) حلل $P(x)$ إلى جذاء كثيرات الحدود من الدرجة الأولى

(3) عين كل جذور $P(x)$

التمرين الرابع:

نريد حل في \mathbb{R} المعادلة (E) ذات المجهول x : $3x^4 - 7x^3 + 8x^2 - 7x + 3 = 0$. . . (E)

(1) تحقق من أن العدد 0 ليس حلا للمعادلة (E)

(2) برهن أن المعادلة المعادلة (E) مكافئة للمعادلة (E') حيث : $3\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 7\left(x + \frac{1}{x}\right) + 2 = 0$: (E')

(3) حل في \mathbb{R} المعادلة : $3u^2 - 7u + 2 = 0$.

(4) استنتج حلول المعادلة (E) .

التمرين الخامس:

لتكن الدالة f المعرفة بـ: $f(x) = \frac{x^3 - 3x^2 + 3x - 3}{(x-1)^2}$ و (C) تمثيلها البياني

(1) عين مجموعة تعريف الدالة f .

(2) بين أنه توجد ثلاثة أعداد حقيقية a ، b و c حيث من أجل كل عدد حقيقي $x \neq 1$:

$$f(x) = x + a + \frac{b}{x-1} + \frac{c}{(x-1)^2}$$

التمرين السادس:

نريد إنشاء حديقة في مركز قطعة أرضية مستطيلة الشكل طولها $15m$ وعرضها $8m$ ماهي قيمة العرض x للممر حتى تكون مساحة الحديقة ومساحة الممر متساويتان .



التمرين السابع:

نعتبر المعادلة ذات المجهول x : $2x^2 + x - 1 = 0$ (*)

(1) بين أن حل المعادلة (*) يؤول إلى حل المعادلة $2x+1 = \frac{1}{x}$

(2) باستعمال ورق ميليمتري ارسم في معلم (O, \vec{i}, \vec{j}) المستقيم ذا المعادلة $y = 2x+1$ و القطع

الزائد (H) ذا المعادلة $y = \frac{1}{x}$

(3) استنتج بيانيا حلول المعادلة (*). تحقق من صحة النتائج.

السلسلة (5) في مجال كثيرات الحدود	مؤسسة أجيال المستقبل الخاصة - باتنة -
الأستاذ: جرادي سلطان (الثانية ثانوي)	العام الدراسي: 2017-2018

التمرين الأول:

(1) كثير حدود معرف كما يلي : $P(x) = x^3 - 16x^2 + 40x - 25$

احسب $P(1)$ ثم حلل $P(x)$ الى جداء كثيري حدود .

(2) دالة معرفة على المجال $]-\infty; \frac{5}{4}]$ بـ : $f(x) = (5-4x)^2$.

فكك f الى مركب دالتين بسيطتين ثم حدد اتجاه تغيرها على المجال $]-\infty; \frac{5}{4}]$.

(3) بين أنه من أجل كل x من $]-\infty; \frac{5}{4}]$: $P(x) = x^3 - f(x)$. ثم استنتج اتجاه تغير الدالة P على $]-\infty; \frac{5}{4}]$.

التمرين الثاني:

نعرف على \mathbb{R} الدالة f بـ : $f(x) = \alpha x^2 + 4x$.

1- عين العدد الحقيقي α حيث المنحنى الممثل لـ f يشمل النقطة $A(1,2)$.

2- بوضع $\alpha = -2$:

(أ) بين أن : $f(x) = -2(x-1)^2 + 2$.

(ب) بعد تفكيك f الى مركب لدوال بسيطة حدد اتجاه تغيرها على كل من المجالين $[1, +\infty[$ و $]-\infty, 1]$.

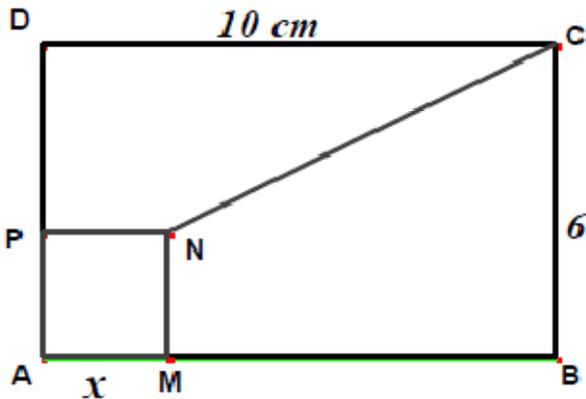
(ت) أكتب معادلة المنحنى (C_f) في المعلم (A, I, J) حيث : $A(1,0)$ ماذا يمكن أن تستنتج ؟

(ث) أرسم (C_f) .

(ج) أرسم ممثل للدالة g المعرفة بـ : $g(x) = f(|x|)$.

التمرين الثالث:

$ABCD$ مستطيل حيث: $AD = 6cm$ ، $AB = 10cm$ ننشئ داخل هذا المستطيل مربعا $AMNP$ طول ضلعه



x (الشكل)

(1) عين المجال الذي تتغير فيه قيم x

(2) بين أن المساحة s لشبه المنحرف $MBCN$ تعطى

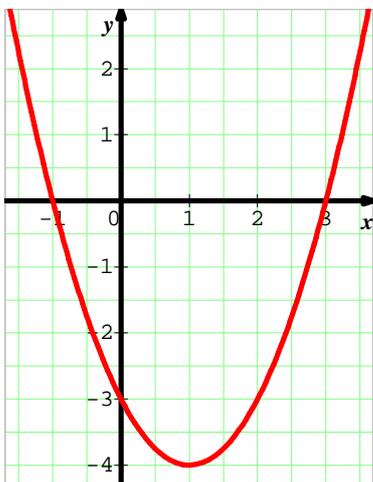
(3) بالدستور: $s = -\frac{1}{2}(x^2 - 4x - 60)$

(4) أوجد قيم x التي من أجلها تكون مساحة المربع

التمرين الرابع:

هل صحيح أم خاطئ مايلي:

(أ) f هي دالة كثير حدود من الدرجة الثانية ، تمثيلها البياني موضح في الشكل المقابل.



(1) مميز $f(x)$ سالب .

(2) $f(x)$ يقبل جذرين متمايزين.

(3) من أجل كل عدد حقيقي x : $f(x) \geq 0$.

(4) إشارة $f(x)$ هي إشارة معامل حدّه الذي له أعلى درجة

(ب) مميز المعادلة: $(67971x - 31527)^2 = 0$ معدوم

(ج) المعادلة: $1962x^2 + 110364x - 2007 = 0$ لها حلان مختلفان

التمرين الخامس:

(1) أنشر العبارة : $(\sqrt{3}+2)^2$

(2) حل المعادلة: $-2x^2 - (\sqrt{3}-2)x + \sqrt{3} = 0$

(3) عين الأعداد الحقيقية α, β, γ بحيث يكون من أجل كل عدد حقيقي x :

$$-2x^2 - (\sqrt{3}-2)x + \sqrt{3} = \alpha(x-\beta)(x-\gamma)$$

(1) حل في \mathbb{R} المتراجحة : $-2x^2 - (\sqrt{3}-2)x + \sqrt{3} \geq 0$

التمرين السادس:

(أ) ليكن كثير الحدود $h(x)$ المعروف بـ: $h(x) = x^3 + x^2 - 7x + 2$.

• احسب $h(2)$ واعط تحليلاً لـ $h(x)$.

• حل في \mathbb{R} المعادلة: $h(x) = 0$

(ب) نعتبر الدالتين f و g المعرفتين بـ: $f(x) = x^2 + 2x - 3$ و $g(x) = \frac{2x+1}{x-1}$ و $D_f = \mathbb{R}$ و $D_g = \mathbb{R} - \{1\}$

و (C_f) و (C_g) تمثيلاهما البياني في مستوي منسوب إلي معلم متعامد ومتجانس $(O.I.J)$

• احسب فواصل نقاط تقاطع (C_f) و (C_g) .

التمرين الأول:

[AB] قطعة مستقيمة و I منتصفها ، ولتكن E

مجموعة النقط M من المستوي حيث: $\|\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB}\| = AB$

(1) بين انه من أجل كل نقطة M من المستوي:

$$\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} = 2\overrightarrow{MI}$$

(2) استنتج أن المجموعة E هي دائرة يطلب تعيين مركزها و نصف قطرها .

التمرين الثاني:

(1) عين العدد الحقيقي a حيث تكون النقطة D مرجح الجملة } (A, a) ، (B, -1) و (C, a)

(2) لكل نقطة M من المستوي نرفق الأشعة

$$u(M) = \overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}$$

$$v(M) = 2\overrightarrow{MD} - \overrightarrow{MA} - \overrightarrow{MC}$$

عين و أنشئ مجموعة النقط M من المستوي بحيث يكون للشعاعين u(M) و v(M) نفس الطويلة.

التمرين الثالث:

المستوي منسوب إلى معلم (O; i, j). لتكن النقط A(1; 2) ،

$$B(-1; 4) \text{ و } C(-3; 3)$$

(1) أثبت أن النقط A ، B و C ليست على استقامة واحدة .

(2) عين إحداثيات مركز ثقل المثلث ABC .

(3) عين إحداثيات النقطة H مرجح الجملة :

$$\{(A, -1); (B, -3); (C, 2)\}$$

التمرين الرابع:

ABCI متوازي أضلاع و m عدد حقيقي .

نعتبر مرجح الجملة

$$\{(A, 2m), (B, 1-m), (C, 2-m)\}$$

(1) أ- بين أن النقطة G_m موجودة مهما يكن العدد m .

ب- عبر عن الشعاع $\overrightarrow{AG_m}$ بدلالة الشعاعين \overrightarrow{AC} ، \overrightarrow{AB} .

ج- انشيء النقطة G_1 (أي m = 1) .

(2) ينسب المستوي الى معلم متعامد ومتجانس (O, I, J) و من أجل m = 3 .

نعرف النقط السابقة : $C(2, 2), B(0, 3), A(-1, 2)$.

1- عين احداثيات النقطة G_3 .

2- عين مجموعة النقط M من المستوي حيث :

$$\|6\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\| = 12 \dots (I)$$

$$\|6\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\| = \|3\overrightarrow{MA} - 2\overrightarrow{MB} - \overrightarrow{MC}\| \dots (II)$$

التمرين الخامس:

A و B نقطتان متميزتان .

(1) أنشئ النقطة G مرجح النقطتين A و B المرفقتين

بالمعاملين 3 و 1 على الترتيب .

(2) أنشئ النقطة H مرجح النقطتين A و B المرفقتين

بالمعاملين 4- و 3 على الترتيب .

التمرين السادس:

نقطتان متميزتان A و B .

(1) لتكن النقط K حيث أن: $\overrightarrow{AK} = -\frac{8}{3}\overrightarrow{AB}$. أثبت أن K مرجح

النقطتين A و B مرفقتين بمعاملين صحيحين يطلب تعيينهما

(2) أثبت أن كل نقطة من المستقيم (AB) هي مرجح للنقطتين A

B مرفقتين بمعاملين يطلب تعيينهما .

التمرين السابع:

A ، B ، و C ثلاث نقط من المستوي

أنشئ النقطة G مرجح النقط A ، B ، و C المرفقة بالعوامل 1، 2، و 5 على الترتيب

التمرين الثامن:

A ، B ، و C ثلاث نقط من المستوي .

(1) أنشئ النقطة G مرجح النقط A ، B ، و C المرفقة

بالمعاملات -1، 1، و 2 على الترتيب

(2) ليكن الشعاع \vec{u} المعروف بـ $\vec{u} = -\overrightarrow{MA} + \overrightarrow{MB} + 2\overrightarrow{MC}$

أكتب \vec{u} بدلالة \overrightarrow{MG} ثم استنتج مجموعة النقط M

$$\|\vec{u}\| = 2$$

التمرين التاسع:

A و B نقطتان متميزتان من المستوي . G نقطة معرفة

بالعلاقة المعطاة . جد عددين حقيقيين α و β حيث تكون G

مرجح (A, α) و (B, β)

$$3\overrightarrow{GB} - 2\overrightarrow{AB} = \vec{0} \quad (1)$$

$$-2\overrightarrow{AB} + 3\overrightarrow{GA} - 5\overrightarrow{GB} = \vec{0} \quad (2)$$

$$2\overrightarrow{AB} = \frac{2}{3}\overrightarrow{GB} \quad (3)$$



الثانية ثانوي السلسلة (7) مراجعة للثلاثي الأول الأستاذ: جرادي سلطان (نوفمبر 2017)

التمرين الأول:

عين الإجابات الصحيحة من بين الإجابات المقترحة مع التبرير :

- ليكن ثلاثي الحدود $p(x) = x^2 - 3x + 5$
 - $p(x)$ يقبل تحليلا
 - $p(x)$ لا يقبل جذورا
 - $p(x)$ يقبل جذرين مجموعهما 3- و جدواهما 5
- نعتبر في \mathbb{R} المعادلة $x^4 - 3x^2 - 4$ و لتكن S مجموعة حلولها
 - $S = \emptyset$
 - $S = \{-2, -1, 1, 2\}$
 - $S = \{-2, 2\}$
- الدالة $x \mapsto \sqrt{3-x}$ المعرفة على $D =]-\infty, 3]$
 - متزايدة تماما على D
 - متناقصة تماما على D
 - ثابتة على D
- الدالة $x \mapsto \frac{-x^3}{x^2+1}$
 - لمحور الفواصل
 - ب/ إلى مبدأ المعلم
 - ج/ لمحور الترتيب

التمرين الثاني:

المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; I; J)$.

- ناقش حسب قيم m وجود مرجح G للجملة $\{(A, m^2 + 2), (B, m^2 + m - 3)\}$ نقطتان من المستوي و m عدد حقيقي.
- أنشئ النقطة G من أجل $m = 0$ و من أجل $m = 1$
- نأخذ $m = 1$

- أوجد إحداثيات النقطة G
- أوجد مجموعة النقط M من المستوي حيث: $\|3\overline{MA} - \overline{MB}\| = 5$
- أنشئ مجموعة هذه النقط في المعلم المتعامد و المتجانس

التمرين الثالث:

m عدد حقيقي نعتبر كثير الحدود f المعروف على \mathbb{R} كما يلي :

- عين m بحيث يكون 2 جذر لكثير الحدود $f(x)$
- نضع في كل ما سيأتي $m = 3$
 - احسب $f(1), f(-\sqrt{5}), f(-3)$ ثم استنتج جذر لكثير الحدود $f(x)$
 - عين العددين α و β بحيث يكون من أجل كل $x \in \mathbb{R}$:
$$f(x) = (x - 2)(\alpha x^2 + 7x + \beta)$$
 - ج/ حل في \mathbb{R} المعادلة $f(x) = 0$ ثم استنتج حلول المعادلة $f(2x - 1) = 0$
 - د/ حل في \mathbb{R} المتراجحة $\frac{f(x)}{x^2 - 4} \leq 0$



الثانية ثانوي السلسلة (8) مراجعة للثلاثي الأول الأستاذ: جرادى سلطان (نوفمبر 2017)

التمرين الخامس:

(C) منحن يشمل النقطة $A(2; 4)$ و (Δ) مستقيم معادلته $y = 3x + 5$.
أكتب معادلة لمماس المنحني (C) عند النقطة A ، والذي يوازي المستقيم (Δ) .

التمرين السادس:

نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[2; +\infty[$ بـ :

$$f(x) = \sqrt{x-2}$$

وليكن (C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

(1) أكتب الدالة f على الشكل $f = v \circ u$ حيث u و v دالتين مرجعيتين يطلب تعيينهما
(2) استنتج اتجاه تغير الدالة f على $[2; +\infty[$

(3) برهن أن الدالة f قابلة للاشتقاق عند $x_0 = 6$ $f'(6)$

التمرين السابع:

أجب بصحيح أم خطأ مع التعليل :

(1) إذا كان لكثيري الحدود $P(x)$ و $Q(x)$ نفس الجذور فهما متساويان .

(2) إذا كان : $f(1) = -2$ و $f'(1) = -1$ فان معادلة المماس عند $x_0 = 1$ هي : $Y = -X + 1$.

(3) إذا كان مماس منحنى الدالة f عند $A(2,1)$ ويشمل

النقطة $O(0,0)$ فان : $f'(2) = \frac{1}{2}$.

(4) إذا كان ABCD متوازي أضلاع فان A مرجح الجملة المثقلة : $\{(B,1), (C,-1), (D,1)\}$.

(5) f دالة زوجية و g دالة فردية فان fog فردية .

التمرين الأول:

أصبح أم خاطئ؛ مايلي:

(1) من أجل $h \neq 0$ نسبة تزايد الدالة f المعرفة بـ $f(x) = x^2 + 1$ بين 3 و $h+3$ هي $h+6$
(2) إذا كانت الدالة f تقبل الاشتقاق من أجل -1 فإن عددها

المشتق هو : $\frac{f(h-1) - f(-1)}{h}$

(3) إذا كانت الدالة f تحقق من أجل كل عدد حقيقي غير

معدوم h ، $\frac{f(1+h) - f(1)}{h} = 2h^2 - 3h - 4$ ، فإن

$$f'(1) = -4$$

(4) إذا كان $f(-2) = 0$ و $f'(-2) = 2$ فإن

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h-2)}{h} = 2$$

(5) الدالة المعرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = x^2 - x$

معادلة المماس للمنحنى الممثل للدالة f في معلم عند

النقطة $A(2; 2)$ هي $y = 3x + 1$

التمرين الثاني:

$y = x^2 - 2x$ هي معادلة للمنحني (C) . أكتب معادلة لمماس المنحني (C) عند النقطة ذات الفاصلة -1

التمرين الثالث:

(C) و (D) منحنيان معادلتيهما على الترتيب :

$$y = x^2 \text{ و } y = -4x - 4$$

(1) أدرس تقاطع المنحنيين (C) و (D) .

(2) استنتج أن (D) هو المماس لـ (C) عند نقطة يطلب إحداثياتها .

التمرين الرابع:

(C) و (D) منحنيان معادلتيهما على الترتيب :

$$y = x^2 \text{ و } y = -4x - 4$$

(3) أدرس تقاطع المنحنيين (C) و (D) .

(4) استنتج أن (D) هو المماس لـ (C) عند نقطة يطلب إحداثياتها .



الفرض الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

المستوى: الثانية ثانوي الشعبة: علوم تجريبية المدة: ساعة واحدة

التمرين الأول: 10 ن

المطلوب منك عزيزي الطالب الإجابة بـ (صحيح) أو (خاطئ) مع تبرير حكمك:

(1) مجموع دالتين متزايدتين على نفس المجال هو دالة متزايدة

الجواب:

(2) f دالة رتيبة تماما على مجال I و g دالة رتيبة تماما على مجال J حيث: $f(I) \subset J$

إذا كان للدالتين f و g نفس اتجاه التغير تكون $g \circ f$ متزايدة تماما على I .

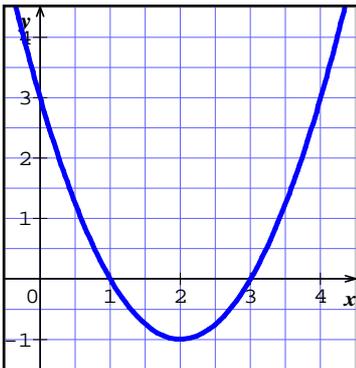
الجواب:

(3) f, g, h, k دوال معرفة على R بـ:

$f(x) = 2x, g(x) = x^2, h(x) = x+1, k(x) = x^2 + 1$ يكون لدينا: $k \circ k = g^2 + 2k$

الجواب:

.....
.....
.....
.....



(4) المنحني التالي لدالة k ناتج عن منحنى الدالة (مربع) بانسحاب

كما في الشكل، إن دستور الدالة k هو: $k(x) = x^2 - 4x + 3$

الجواب:

أكمل مايلي بالعبارة المناسبة أو الرمز المناسب:

(1) إذا كان (C_f) و (C_{f+k}) التمثيلان البيانيان في معلم $(O; \bar{i}; \bar{j})$ للدالتين f و $(f+k)$ على الترتيب

حيث k عدد حقيقي فإن (C_{f+k}) هو صورة (C_f) :

f دالة رتيبة تماما على مجال I و λ عدد حقيقي غير معدوم.

(2) إذا كان $\lambda > 0$ يكون اتجاه تغير الدالتين f و λf

(3) الدالتان f و g معرفتان على $[0; +\infty[$ و $[1; +\infty[$ على الترتيب بـ: $f(x) = 2x^2 + 1$ و $g(x) = \sqrt{x-1}$

إن: $(f \circ g)(x) = \dots\dots\dots$

(4) f هي الدالة المعرفة على المجال $[-1; +\infty[$ بالدستور: $f(x) = -2 + \sqrt{x+1}$

(أ) تمثيل الدالة f ينتج عن تمثيل دالة (الجزر التربيعي) بـ:

.....

(ب) اتجاه تغير الدالة f :

.....



دورة: ديسمبر 2017
المستوى: الثانية ثانوي

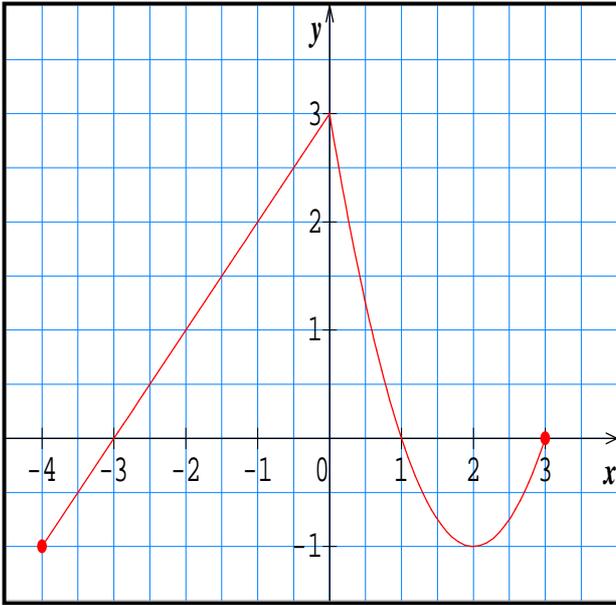
إختبار الثلاثي الأول

الشعبة: علوم تجريبية

المدة: ساعتان

اختبار في مادة: الرياضيات

التمرين الأول: 6ن



المنحني (C_f) المرسوم في الشكل المقابل هو التمثيل

البياني لدالة f معرفة على المجال D حيث: $D = [-4, 3]$

فيمايلي أجب بصحيح أو خاطئ مع الشرح:

(1) الدالة f زوجية

(2) القيمة العظمى للدالة f هي 3

(3) $f\left(\frac{1}{3}\right) > f\left(\frac{1}{4}\right)$

(4) المجموعة S لحلول المعادلة $f(x) = 0$ هي: $S = \{0, 1, 3\}$

(5) مجموعة حلول المتراجحة: $f(x) > 0$ هي المجال $]-3, 1[$

(6) للعدد 4 سابتان بالدالة f

التمرين الثاني: 6ن

ليكن كثير الحدود $p(x)$ حيث: $p(x) = 2x^3 + x^2 - 5x + 2$

(1) أحسب $p(-2)$. ماذا تستنتج؟

(2) تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن: $p(x) = (2x-1)(x^2+x-2)$

(3) حل في مجموعة الأعداد الحقيقية المعادلة: $p(x) = 0$

(4) عين حلول المتراجحة: $p(x) \leq 0$

(5) استنتج المعادلة: $p(x-5) = 0$

(6) دون أي حساب استنتج إشارة العدد: $p\left(\frac{2018}{2017}\right)$

التمرين الثالث: 6ن

A ، B ، C ثلاثة نقط من المستوي ليست في استقامية.

(1) بين أنه توجد نقطة G مرجح لـ $(A,1)$ ، $(B,2)$ و $(C,-4)$

(2) عبر عن \overline{AG} بدلالة \overline{AB} و \overline{AC} ، ثم أنشئ G .

(3) عين المجموعة E ، مجموعة النقط M من المستوي حيث: $\|\overline{MA} + 2\overline{MB} - 4\overline{MC}\| = 2$

(4) المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ ، ونعتبر $A(1,1)$ ، $B(2,3)$ ، $C(-2,-1)$

(أ) بين أن A ، B ، C ليست بالفعل في استقامية

(ب) عين إحداثيتي G المعرفة في السؤال (1)

(ج) عين احداثيتي I مركز ثقل المثلث ABC .

(د) هل يمكنك توقع احداثيتي H مرجح الجملة $(A,-1)$ ، $(B,-2)$ ، $(C,4)$ ؟

ملاحظة: تعطى علامتان عن التنسيق وتنظيم الاجابات