

**\*\*\*الموضوع الأول\*\*\***

**التمرين الأول : ( 6 نقاط )**

الفضاء المنسوب الى معلم متعامد و متجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

نعتبر النقط  $A(1,2,-3)$  ،  $B(-3,1,4)$  ،  $C(2,6,-1)$  و المستوي ( P ) الذي معادلته  $2x - y + z + 3 = 0$

أجب بصحيح أو خاطئ مع التبرير :

1. للمستوي الذي يشمل النقطة  $A(1,2,-3)$  و الشعاع  $\vec{n}(2,-1,1)$  ناظمي له. معادلة من الشكل  $-2x + y - z - 3 = 0$  .

2. النقط  $A$  ،  $B$  ،  $C$  تعين مستويا.

3. المستوي ( P ) هو المستوي  $(ABC)$

4. النقطة  $H(-1,1,0)$  هي المسقط العمودي للنقطة  $D(1,0,1)$  على المستوي ( P ) .

5. المسافة بين النقطة  $D$  و المستوي ( P ) هي 3 .

6. المستقيم  $(OB)$  محتوي في المستوي ( P ) .

**التمرين الثاني : ( 14 نقطة )**

g دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $g(x) = x + e^{2(x-1)}$

1. ادرس نهاية الدالة g عند  $-\infty$  و عند  $+\infty$  .

2. ادرس تغيرات الدالة g ثم شكل جدول تغيراتها

3. بين أن  $(C_g)$  يقبل مستقيما مقاربا مائلا يطلب معادلته

4. بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا واحدا  $\alpha$  :  $-0.2 < \alpha < -0.1$

5. استنتج إشارة  $g(x)$  على  $\mathbb{R}$  أرسم  $(C_g)$  .

II. لتكن f دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = x^2 + e^{2(x-1)}$

1. ادرس نهاية الدالة f عند  $-\infty$  و عند  $+\infty$  .

2. ادرس تغيرات الدالة f ثم شكل جدول تغيراتها

3. بين أن  $f(\alpha) = \alpha^2 - \alpha$  ثم استنتج حصر الـ  $f(\alpha)$

4. . أحسب  $f(-1)$  ،  $f\left(-\frac{1}{2}\right)$  ،  $f\left(\frac{1}{2}\right)$  ،  $f(1)$  بتقريب  $10^{-2}$  ثم أرسم  $(C_f)$