

فرض رقم 1

في مادة الرياضيات

مسألة:

الجزء الأول:

g الدالة المعرفة على $\mathbb{R}$ كمايلي : $g(x) = x^3 - 3x - 3$.

- 1- ادرس التغيرات الدالة g.
- 2- بين المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α حيث $\alpha \in]2, 3[$
- 3- ادرس حسب قيم x إشارة $g(x)$ على $\mathbb{R}$.

الجزء الثاني:

f الدالة المعرفة $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$ كما يلي : $f(x) = \frac{2x^3 + 3}{x^2 - 1}$

وليكن (C_f) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد متجانس الوحدة 1cm.

- 1- بين انه من اجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$: $f'(x) = g(x) \times h(x)$ حيث h دالة يطلب تعيينها.
- 2- باستعمال الجزء الأول أنجز جدول تغيرات الدالة f.
- 3- بين انه توجد ثلاث أعداد حقيقية a ؛ b و c بحيث من اجل كل x من $\mathbb{R} - \{-1, 1\}$ $f(x) = ax + \frac{bx+c}{x^2-1}$
- 4- استنتج أن المنحني (C_f) يقبل مستقيما مقاربا مائلا (Δ) .
- 5- ادرس الوضعية النسبية للمنحني (C_f) و (Δ) .
- 6- هل (C_f) يقبل مستقيمات مقاربة أخرى
- 7- بين أن $f(\alpha) = 3$
- 8- أنشئ (C_f) و (Δ) .

بالتوفيق