

اجب على أحد الموضوعين التاليين على الخيار  
الموضوع الاول

**التمرين الأول: (04.5 نقاط)**

يمثل الجدول التالي تطور الرقم القياسي العالمي لسباق 100m في العاب القوى رجال خلال 20 عاما.

السنة	1988	1991	1994	1996	1999	2005	2007	2008
رتبة السنة $x_i$	0	3	6	8	11	17	19	20
الرقم القياسي بالثواني $y_i$	9.92	9.86	9.85	9.84	9.79	9.77	9.74	9.69

- 1- في معلم متعامد  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  مثل سحابة النقط  $M_i(x_i, y_i)$  (نأخذ المبدأ  $O(0,9)$  على محور الفواصل يمثل سنتين و 1cm على محور الترتيب يمثل 0.1 ثانية)
- 2- احسب احداثي النقطة المتوسطة  $G$  لسحابة النقط  $M_i(x_i, y_i)$  ومثلها في المعلم السابق.
- 3- بين ان معادلة المستقيم  $(\Delta)$  مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا  $y$  بدلالة  $x$  هي:  $y = -0.01x + 9.91$  ثم مثله في المعلم السابق.
- 4- باستخدام التعديل السابق في أي سنة سينزل الرقم القياسي عن 9 ثواني.
- 5- في سنة 2009 حطم "يوسين بولت" رقمه القياسي العالمي بتسجيله 9.58 ثانية ، هل النتيجة المحصلة بالتعديل السابق توافق هذا الرقم؟

**التمرين الثاني: (04.5 نقاط)**

في قرية صغيرة، نظمت دار البلدية معرضا لبيع المنتوجات المحلية، يتوقع المنظمون ان 40% من زوار المعرض يكون دخولهم مجانا بينما الباقي يدفعون ثمن الدخول، وعلاوة على ذلك 45% من الزوار اللذين كان دخولهم مجانا يشترون من المعرض بينما 60% من اللذين يدفعون ثمن دخولهم لا يشترون.

نعتبر الحوادث التالية:

A: الزائر يدفع ثمن دخوله.

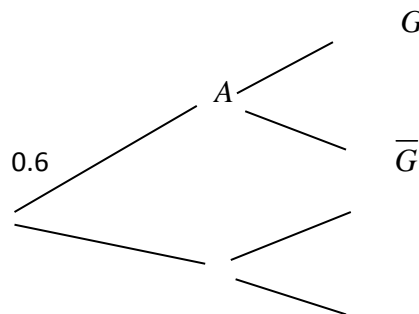
G: الزائر يشتري من المعرض.

ونرمز بـ  $\bar{A}$  و  $\bar{G}$  للحادثتين العكسيتين للحادثتين A و G على الترتيب.

نختار عشوائيا أحد زوار المعرض.

1- احسب الاحتمال:  $P_G(A)$ .

2- انقل على ورقة الإجابة واتمم الشجرة المتزنة التالية:



- 3- احسب احتمال ان يكون الزائر دفع ثمن دخوله واشترى من المعرض.
- 4- بين ان احتمال ان يكون الزائر اشترى من المعرض هو: 0.42.
- 5- احسب احتمال أن الزائر قد دفع ثمن دخوله مع العلم انه اشترى من المعرض.

#### التمرين الثالث: (04 نقاط)

نعتبر المتتالية  $(u_n)$  المعرفة كما يلي:  $u_0 = 7$  و  $u_{n+1} = \frac{1}{4}u_n - \frac{3}{4}$ .

1- احسب:  $u_1, u_2$ .

2- برهن بالتراجع انه، من اجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n \geq -1$ .

3- بين انه، من اجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_{n+1} - u_n = -\frac{3}{4}(u_n + 1)$ .

4- بين ان المتتالية  $(u_n)$  متناقصة، ثم استنتج انها متقاربة.

5-  $(v_n)$  متتالية عددية حيث:  $v_n = u_n + 1$ .

أ. بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول.

ب. عبر عن  $u_n$  و  $v_n$  بدلالة  $n$ .

ت. احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  و  $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n$ .

ث. احسب بدلالة  $n$  المجموع:  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ .

#### التمرين الرابع: (07 نقاط)

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة على  $]-1; +\infty[$  كما يلي:  $f(x) = \frac{2x}{x+1} - \ln(x+1)$ ، و  $(C_f)$  تمثيلها البياني في

معلم متعامد متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (وحدة الطول  $2cm$ ).

1) احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -1} f(x)$ .

2) أ- بين انه من اجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $]-1; +\infty[$  فان:  $f'(x) = \frac{1-x}{(x+1)^2}$ .

ب- ادرس اتجاه تغير الدالة  $f$ ، وشكل جدول تغيراتها.

3) أ- اكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة  $0$ .

ب- اثبت ان المنحنى  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيين احداثيتها.

4) أ- بين ان المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $3.9 \leq \alpha \leq 4$ .

5) ارسم المستقيم  $(T)$  و المنحنى  $(C_f)$ .

6) أ- بين أن الدالة  $F$  المعرفة على  $]-1; +\infty[$  ب:  $F(x) = (-3-x)\ln(x+1) + 3x$  دالة اصلية للدالة  $f$

على المجال  $]-1; +\infty[$ .

ب- احسب بدلالة  $\alpha$ ، المساحة  $A(\alpha)$  للحيز المستوي المحدد بالمنحنى  $(C_f)$ ، محور الفواصل و

المستقيمين اللذين معادلتاهما  $x = \alpha$  و  $x = 0$ .

**التمرين الأول: (3.5 نقاط)**

تتكون باقة زهور من ثلاث زهراء حمراء ( $R$ ) و زهرتين صفراوين ( $J$ ).

نختار عشوائيا على التوالي زهرتين من الباقة و بدون ارجاع.

1- مثل هذه الوضعية بشجرة احتمالات.

2- احسب احتمال الحوادث التالية:

أ-  $A$  حادثة "الحصول على زهرتين حمراوين".

ب-  $B$  حادثة "الحصول على زهرتين مختلفتين في اللون".

3- ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يرفق بكل مخرج عدد الزهراء الصفراء المختارة.

أ- ماهي قيم  $X$ .

ب- عين قانون الاحتمال للمتغير العشوائي  $X$  و احسب امله الرياضي و تباينه .

**التمرين الثاني: (04.5 نقاط)**

$$\begin{cases} \ln u_1 + \ln u_5 = -12 \\ \ln u_2 - \ln u_4 = 4 \end{cases} \quad (u_n) \text{ متتالية هندسية حدودها موجبة تماما بحيث:}$$

(1) أ- بين ان  $q$  اساس المتتالية ( $u_n$ ) يساوي  $e^{-2}$ .

ب- احسب الحد الاول  $u_0$  ، ثم اكتب  $u_n$  بدلالة  $n$ .

ج- احسب بدلالة  $n$  المجموع :  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$ .

(2) نعتبر المتتالية ( $v_n$ ) المعرفة من اجل كل عدد طبيعي  $n$  كما يلي :  $v_n = \ln u_n$

أ- بين ان المتتالية ( $v_n$ ) حسابية يطلب تعيين اساسها وحدها الاول.

ب- عبر عن  $v_n$  بدلالة  $n$ .

ج- احسب بدلالة  $n$  الجداء :  $P_n = v_0 \times v_1 \times \dots \times v_n$

**التمرين الثالث: (05 نقاط)**

الجدول التالي يعطي وزن طفل بالكلف بدلالة طوله بالسنتيمتر.

$x_i$ الطول cm	145	150	155	160	165	170
$y_i$ الوزن kg	50	53	57	62	65	67

1- مثل سحابة النقط  $M_i(x_i, y_i)$ .

2- احسب احداثيي النقطة المتوسطة  $G$  لسحابة النقط  $M_i(x_i, y_i)$  ومثلها في المعلم السابق (1cm لكل 10cm على محور

الفواصل و يبدا التدرج من 140 و لكل 2kg على محور الترتيب و يبدا التدرج من 50).

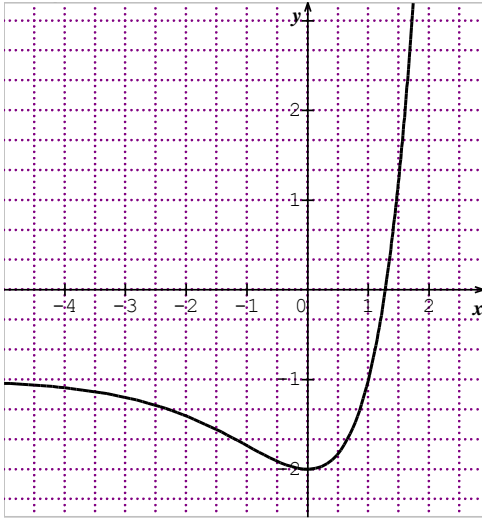
3- اكتب معادلة مستقيم الانحدار بالمربعات الدنيا  $y$  بدلالة  $x$  ثم مثله في المعلم السابق.

4- نسبي مؤشر كتلة الجسم BMI حاصل قسمة الوزن بالكلف على مربع الطول بالمتر ونقول أن وزن الطفل مثالي إذا كان

مؤشر كتلة الجسم ينتمي الى المجال  $[19; 24]$  .

أ- باستعمال التعديل الخطي السابق عين وزن طفل طوله 185cm.

ب- احسب مؤشر كتلة هذا جسم ، هل وزن هذا الطفل مثالي.



I. الدالة ذات المتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}$

$$g(x) = -1 + (x-1)e^x \text{ كما يلي:}$$

و ليكن  $(\Gamma)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و

المتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ . (الرسم المقابل)

(1) بقراء بيانية شكل جدول تغيرات الدالة  $g$ .

(2) اثبت ان المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حل وحيد  $\alpha$  حيث  $1.2 < \alpha < 1.3$

(3) استنتج إشارة  $g(x)$ .

II. الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = \frac{2x}{e^x + 1}$ .

$(C_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

(1) بين انه من اجل كل عدد حقيقي فان:  $f(x) = \frac{2}{\frac{e^x}{x} + \frac{1}{x}}$

(2) أ- احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ثم فسر النتيجة بيانيا. (نقبل ان:  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$ ).

ب- احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .

ج- احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x) - (2x)]$ ، فسر بيانيا النتيجة.

(3) ادرس إشارة  $f(x) - (2x)$ ، استنتج الوضع النسبي للمنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  ذي المعادلة  $y = 2x$ .

(4) أ. بين أن:  $f'(x) = \frac{-2g(x)}{(e^x + 1)^2}$

ب. استنتج اتجاه تغير الدالة  $f$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(5) انشئ  $(\Delta)$  و  $(C_f)$ .

(6) ناقش بيانيا وحسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  وجود وعدد حلول المعادلة:  $f(x) = 2x + m$