



الفرض المحروس للفصل الاول

2019/2018



مسألة شاملة حول الدوال الناطقة الاجابة المقدمة تكون باحد اللونين الازرق او الاسود

الجزء الأول: 😊

نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R} بـ : $g(x) = x^3 - x^2 + 3x + 1$

(1)- أدرس تغيرات الدالة g على \mathbb{R} (النهايات+اتجاه التغير +جدول التغيرات)

(2)- ا- بين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $[-1; 0]$

ب- باستعمال الجدول اعلاه اعط حصرا للعدد α .

(3)- حدد حسب قيم x إشارة $g(x)$.

x	$g(x)$
-0.32	-0.09
-0.31	-0.05
-0.3	-0.02
-0.29	0.02
-0.28	0.06
-0.27	0.09

الجزء الثاني: 😊

نعتبر الدالة f المعرفة على \mathbb{R} كما يلي: $f(x) = \frac{x^3 + x - 2}{x^2 + 1}$ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في معلم متعامد و

متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ حيث وحدة الأطوال (2cm) .

(1)- أحسب نهايات الدالة f عند أطراف مجموعة تعريفها.

(2)- ا- بين أنه من أجل كل x من \mathbb{R} فإن: $f'(x) = \frac{(x+1)g(x)}{(x^2+1)^2}$ ثم حدد اتجاه تغير الدالة f

ب- شكل جدول تغيرات الدالة f

(3)- بين أن: $f(\alpha) = \alpha + \frac{2}{\alpha^2 + 1}$ ثم استنتج أن: $-2.15 < f(\alpha) < -2.12$

(4)- ا- عين الاعداد الحقيقية $a; b; c; d$ حيث يكون من اجل كل عدد حقيقي x : $f(x) = ax + b + \frac{cx + d}{x^2 + 1}$

ب- بين ان المنحنى (C_f) يقبل مستقيما مقاربا (Δ) يطلب معادلة له

ج- ادرس وضعية المنحنى (C_f) بالنسبة الى المستقيم (Δ)

(5)- ا- تحقق انه من اجل كل عدد حقيقي x من \mathbb{R} فان: $f''(x) = \frac{4(-3x^2 + 1)}{(x^2 + 1)^3}$

ب- بين ان المنحنى (C_f) يقبل نقطتي انعطاف يطلب تعيين احداثياتهما

استاذ المادة



بعد المسافة لا يهم، الخطوة الأولى فقط هي الأكثر صعوبة