

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية
وزارة التربية الوطنية

مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي

المفتشية العامة للبيداغوجيا

التدرجات السنوية
مادة الرياضيات
السنة الثالثة من التعليم الثانوي
(جميع الشعب)

جويلية 2019

تقديم:

جاءت تدرجات هذه السنة الدراسية 2020/2019 نتيجة لجهود السيدات والسادة مفتشي التربية الوطنية وللملاحظات الميدانية التي أفادوا بها المفتشية العامة خاصة ما تعلق منها بصعوبات صادفها بعض الأساتذة، خاص الجدد منهم، في تناول مفاهيم مهيكلة لبرنامج الرياضيات في التعليم الثانوي على غرار المقاربة التواترية في الاحتمالات أو الدمج بين ثلاثة جوانب في تناول أي مفهوم من البرنامج والمتمثلة في الجانب الحسابي والجانب الجبري والجانب البياني، باعتبار أن اجتماع هذه الجوانب الثلاثة يسمح للمتعلم بالحصول على فكرة متكاملة حول الموضوع الواحد من جهة وبناء شبكة روابط بين مختلف المواضيع.

لقد حافظت هذه التدرجات، في إطار التعديل البيداغوجي، على العمل على نفس الضوابط التي تنظمّ التعلّمات من حيث تدرجها والوعاء الزمني المخصص لها مع مراعاة التوازن في توزيع كثافة المحتويات وإعطاء مكانة خاصة لميدان الإحصاء والاحتمالات على امتداد سنوات التعليم الثانوي. وتماشيا مع هذا التوجه نذكر على سبيل المثال أنه يبقى تناول بعض المفاهيم في الإحصاء في السنة الأولى والتي كانت مدرجة في السنة الثانية كما تم الاحتفاظ بتناول موضع الاحتمالات في السنتين الثانية والثالثة.

أما بخصوص التوجيهات والإرشادات التي تساعد على إبراز المقاربة المتبناة من البرنامج عند تناول الموضوع المعني، فقد تم إدراجها ضمن عمود تحت عنوان "السير المنهجي لتدرج التعلّمات" مقابل الموضوع المعني به تسهيلا للقراءة والاستيعاب.

احتوت هذه الوثيقة على شروط وافية عن كيفية تناول كل موضوع حسب كل شعبة مع اقتراح مقاربات وأمثلة عن ذلك. وعليه فالاطلاع الجيد على ما جاء في هذه الوثيقة يسمح للأساتذة خاصة الجدد منهم بفهم نيات المفتشية العامة في إحداث أرضية تربوية تساعد على الاستعداد للانطلاق في إصلاح التعليم الثانوي، كما تمكنهم من بالتزود بأدوات بيداغوجية تساعد على مواكبة الإصلاحات المنتظر لمرحلة التعليم الثانوي.

جويلية 2019

مذكرة منهجية:

لقد أثبت العمل بهذه التدرجات خلال السنة الدراسية 2019/2018 نجاعته خاصة بعد التعديل البيداغوجي الذي أعدّ خلال الفصل الثاني والذي مكّن التلاميذ والأساتذة من تخطي الصعوبات التي تعرضوا لها جراء بعض التوقفات. إنّ هذه التجربة تؤكد لنا على ضرورة وأهمية توخي المرونة في استخدام هذه التدرجات حسب متطلبات السياق المدرسي الذي عادة ما يحمل جملة من المتغيرات التربوية والمهنية إضافة إلى حالات طارئة وقد تكون في بعض الأحيان مفاجئة للأستاذ وللتلميذ وحتى للأولياء.

ومن هذا المنطلق ندعو كل الأساتذة إلى اعتماد هذه التدرجات خلال هذه السنة الدراسية 2020/2019 في تخطيط وتنظيم تعلّمات تلاميذهم وفي إعداد دروسهم، وذلك بالتنسيق مع أساتذة المادة على مستوى الثانوية وتحت الإشراف المباشر لمفتش التربية الوطنية بالمقاطعة، كما نؤكد في هذا الشأن على أهمية التكفل بالأساتذة الجدد والذين وظفوا مع مطلع هذه السنة الدراسية.

إنّ أهم ما يأخذه الأستاذ بخصوص الجانب التعليمي أي الديداكتيكي هو التركيز في ميدان الإحصاء والاحتمالات على إتاحة الفرصة للتلاميذ في اتجاهين الأول يتعلق بإدراك مفهوم التجربة العشوائية والثاني يتعلق بإدراك مفهوم المحاكاة وذلك من خلال ممارسة، في السنة الأولى، التجارب العشوائية والبحث عن مخرجها وكذلك إجراء المحاكاة لتجارب عشوائية باستعمال المجدولات. والتوضيح أكثر نشير إلى أنّ هذه الممارسة تمثل نقطة انطلاق وتمهيد للسنة الثانية عند تقديم مفهوم الاحتمال وفق المقاربة التواترية التي ينص عليها المنهاج الرسمي، إذ لا يمكن تناول مفهوم الاحتمال في السنة الثانية، من منطلق المنهاج دون التطرق إلى المفهومين السابقين. ففي السنة الثانية يعتمد التلميذ على المفهومين السابقين لكي يتناول مفهوم تذبذب العيّنات ثم ميولها نحو الاستقرار ثم أمثلة التواترات فمفهوم الاحتمال وأخيرا الحساب على الاحتمالات واستعمال شجرة الاحتمالات. وفي السنة الثالثة يتواصل العمل بتدعيم مفهوم الاحتمال وتوسيع الحساب على الاحتمالات.

نرجو من السادة الأساتذة العمل بهذا التوجه في ميدان الإحصاء والاحتمالات على امتداد سنوات التعليم الثانوي في الشعب المعنية بذلك.

ملامح التخرج من التعليم الثانوي العام والتكنولوجي

يساهم تدريس الرياضيات في الجذع المشترك علوم وتكنولوجيا والشعب المتفرعة عنه إلى تحقيق ملامح التخرج في نهاية هذه المرحلة التي تعتبر تنويجا لكل مراحل التعليم السابقة له وقاعدة الانطلاق للتعليم الجامعي أو مباشرة الحياة المهنية وتتمثل هذه الملامح في القدرة على:

- ◀ حل مشكلات.
- ◀ مواصلة الدراسة في إحدى التخصصات العلمية في التعليم الجامعي.
- ◀ التعلم الذاتي المستمر والبحث المنهجي والابتكار.
- ◀ مزاولة تكوين مهني متخصص يؤهله إلى الاندماج في الحياة العملية.
- النقد الموضوعي والتعبير عن المواقف والآراء واستخدام مختلف أشكال التواصل ووسائله.

التدرجات السنوية
مادة الرياضيات
السنة الثالثة شعبة تقني رياضي

ملامح التخرج

ملامح التخرج

يساهم تدريس الرياضيات في التعليم الثانوي العام والتكنولوجي إلى تحقيق ملامح التخرج في نهاية هذه المرحلة التي تعتبر تنويجا لكل مراحل التعليم السابقة لها وقاعدة الانطلاق للتعليم الجامعي أو مباشرة الحياة المهنية وتتمثل هذه الملامح في القدرة على:

حل مشكلات.

مواصلة الدراسة في إحدى التخصصات في التعليم الجامعي.

التكوين الذاتي المستمر و البحث المنهجي و الابتكار.

مزاولة تكوين مهني متخصص يؤهله إلى الاندماج في الحياة العملية.

النقد الموضوعي و التعبير عن المواقف و الآراء و استخدام مختلف أشكال التواصل و وسائله باستقلالية.

الكفاءات الرياضية في نهاية السنة الثالثة في شعبة تقني رياضي

تُعتبر السنة الثالثة من التعليم الثانوي العام والتكنولوجي حلقة الوصل بين مرحلة التعليم الثانوي والدراسة الجامعية أو الانخراط في الحياة المهنية . ويفترض هذا لبرنامج أنّ التلميذ قد اكتسب خلال دراسته الثانوية، كفاءات علمية إمّا تؤكد ميله نحو الاهتمام بالمواد العلمية ورغبته في التخصص في واحدة منها وهو الأمر الذي يؤهله لاختيار تخصص جامعي ما عن دراية ووعي، أو تمكنه من التكوين في إحدى التخصصات المهنية ذات طابع يتماشى وقدراته . ولتجسيد ذلك ينبغي تحقيق مجموعة من الكفاءات لدى كل صنف من التلاميذ وهذا حسب الشعبة التي ينتمون إليه.

الكفاءات المستهدفة في شعبة تقني رياضي

الحساب:

توظيف خواص الموافقات في حل مشكلات رياضية.

توظيف مبرهنتي غوص وبيزو ونتائجهما في حل مشكلات رياضية.

التحليل:

دراسة وتوظيف الدوال العددية في حل مشكلات رياضية ومشكلات قريبة من الواقع.

توظيف المتتاليات العددية في حل مشكلات.

الهندسة:

حل مشكلات هندسية بتوظيف الأعداد المركبة والتحويلات النقطية والمعادلات الجبرية للمستقيمات والمستويات.

الإحصاء والاحتمالات:

حل مسائل في الاحتمالات.
 توظيف المحاكاة في بناء نموذج احتمالي؟
تكنولوجيات الإعلام والاتصال:
 توظيف الحاسبة البيانية في حل المشكلات.
 توظيف برمجيات الهندسة الديناميكية ورسمات المنحنيات في المجدولات في حل مشكلات رياضية و/أو قريبة من الواقع.
المنطق والبرهان الرياضي
 ممارسة مختلف أنماط البرهان بما فيها البرهان بالتراجع.
 صياغة نصوص رياضية باستعمال تعبير رياضي مناسب يحترم قواعد النقاش الرياضي.

الترج السنوي لبناء التعلّات في السنة الثالثة تقني رياضي

المحور	الكفاءات المستهدفة	المحتويات المعرفية	السير المنهجي لترج التعلّات	ح ساعي
الدوال العديّة (الاشتقاقية والاستمرار ية)		تقويم تشخيصي للمكتسبات التلاميذ		
		الاشتقاقية والاستمرارية: التذكير بالنتائج المحصل عليها في السنة الثانية (1) العدد المشتق والمماس تعريف استمرار دالة على مجال	(1) • التذكير بالنتائج المحصل عليها في السنة الثانية، من خلال أنشطة وتمارين هادفة مختارة بعناية. • من خلال دوال مثل: $x \mapsto x^2$ ، $x \mapsto x $ و $x \mapsto \sqrt{x}$ نجعل التلاميذ يلاحظون أنّ الدالة تكون مستمرة على مجال، عندما يمكن رسم منحنيها البياني على هذا المجال دون رفع القلم. • كل الدوال المألوفة المقرّرة في هذا المستوى مستمرة على كل مجال من مجموعة تعريفها. • لا تثار مسألة البحث في إثبات استمرارية دالة	2
	إثبات وجود حلول للمعادلة $f(x) = k$ ، k عدد حقيقي.	مبرهنة القيم المتوسطة واستعمالها في إثبات وجود حلول للمعادلة $f(x) = k$ ، k عدد حقيقي.		2
حساب مشتق دالة مركّبة.	المشتقات المتتابعة،		1	

2			استعمال المشتقات لدراسة خواص دالة والمنحنى الممثل لها (اتجاه تغير دالة على مجال، التقريب الخطي، نقطة الانعطاف، ...)	
2	<p>(2) • ندرس أمثلة حول دوال من مثل:</p> <p>* الدوال الناطقة (حاصل قسمة كثير حدود من الدرجة 2 أو 3 على كثير حدود من الدرجة 1 أو 2).</p> <p>* الدوال الصماء $x \mapsto \sqrt{f(x)}$، حيث f دالة موجبة وقابلة للاشتقاق.</p> <p>* الدوال المثلثية: $x \mapsto \cos(ax + b)$، $x \mapsto \sin(ax + b)$، $x \mapsto \tan(x)$.</p> <p>• فيما يخص الدوال الصماء نتطرق إلى المماس الموازي لحامل محور الترتيب.</p> <p>• يمكن الملاحظة أنّ كل دالة قابلة للاشتقاق على مجال هي دالة مستمرة على هذا المجال.</p>		توظيف المشتقات لحل مشكلات (دراسة اتجاه تغير دوال كثيرات الحدود، ناطقة، صماء) (2)	
3	<p>(3) • نشرح الكتابات $\frac{df}{dx}$، $\frac{d^2f}{dx^2}$ (المستعملة في الفيزياء) والكتابة $dy = f'(x).dx$.</p> <p>يمكن توظيف العلاقة $\Delta y \approx f'(x).\Delta x$ باستعمال جدول لتقريب دالة تكون حلاً لإحدى المعادلات التفاضلية:</p> $y' = \frac{1}{x} \text{ ، } y' = y$		<p>توظيف المشتقات لدراسة الدوال المثلثية:</p> $x \mapsto \sin x \text{ ، } x \mapsto \cos x$ $(3) t \mapsto a \sin(\omega t + \varphi)$ <p>توظيف المشتقات لحل مشكلات.</p> <p>إيجاد حلاً لمعادلة تفاضلية من الشكل</p> $y' = f(x)$ $y'' = f(x) \text{ ; حيث } f \text{ دالة مألوفة.}$	

<p>2</p>	<p>(4) • تُعرف الدالة الأسية كحل خاص للمعادلة التفاضلية $y' = y$ التي تحقق $y(0) = 1$.</p> <p>• نبدأ بإنشاء حل تقريبي لهذه المعادلة باستخدام جدول (بتطبيق طريقة أولير) ثم بعدها نقبل بوجود هذا الحل.</p> <p>• نقدّم هذه الدالة في مرحلة مبكرة من السنة الدراسية قصد توظيفها في العلوم الفيزيائية.</p> <p>• نستنتج من التعريف خواص الدالة الأسية: $\exp(x) > 0$ ، $\exp(x + y) = \exp(x) \times \exp(y)$.</p> <p>الترميز e^x، النهايات والمنحنى الممثل لها.</p>	<p>الدالة الأسية: نشاط، تعريف وخواص الدالة $x \mapsto \exp(x)$ (4)</p>	<p>دراسة الدالة الأسية النيبيرية وتوظيف خواصها في حل معادلات و متراجحات</p> <p>- توظيف خواص الدالة الأسية النيبيرية لحل مشكلات.</p>	<p>الدالتان الأسية واللوغا ريتمية</p>
<p>2</p>		<p>حل معادلات و متراجحات باستعمال خواص الدالة الأسية.</p>		
<p>1</p>		<p>توظيف خواص دوال أسية $x \mapsto e^{kx}$.</p>		
<p>1</p>		<p>دراسة الدالة $\exp \alpha u$.</p>		
<p>1</p>	<p>(5) • نبيّن من أجل كل عدد حقيقي a موجب تماماً، أنّ المعادلة $e^x = a$ تقبل حلاً وحيداً نرّمز له بالرمز $\ln a$، يمكن القول حينئذ أنّ الدالة \ln هي الدالة العكسية للدالة الأسية، لكن لا تُعطى أي دراسة تفصيلية حول الدالة العكسية.</p> <p>• تُستنتج الخواص الجبرية والتحليلية للدالة اللوغاريتمية \ln من خواص الدالة الأسية \exp.</p> <p>• تتم الإشارة إلى أنّ المنحنيين الممثلين للدالتين \ln و \exp متناظران بالنسبة للمنصف الأوّل في المعلم المتعامد والمتجانس وتبرير ذلك.</p>	<p>الدوال اللوغاريتمية: تعريف وخواص الدالة اللوغاريتمية النيبيرية (5)</p>	<p>دراسة الدالة اللوغاريتمية النيبيرية وتوظيف خواصها في حل معادلات و متراجحات.</p> <p>حل مشكلات بتوظيف اللوغاريتمات ودوال القوى</p>	

2		حل معادلات ومتراجحات باستعمال خواص الدالة اللوغاريتمية النيبيرية.		
2	(6) • يعطى تعريف دالة اللوغاريتم العشري (التي نرمز إليها بالرمز \log) ويشار إلى أهمية تطبيقاتها في مواد أخرى.	دراسة الدالة $\ln ou$ ، تعريف اللوغاريتم العشري. (6)		
1			حل معادلات تفاضلية من الشكل: $y' = ay + b$	
2	(7) • ننتقل من وضعيات ذات دلالة تتعلق بالدوال المدروسة في السنة الثانية ثانوي، ونهتم فقط بدوال تكون مجموعة تعريفها معطاة أو سهلة التعيين. • تُدعم مكتسبات التلاميذ حول مفهوم النهاية في وضعيات بسيطة (مثلاً النهاية المنتهية عند عدد حقيقي x_0) وتوظيف ذلك في أمثلة بسيطة ثم توسع إلى وضعيات أخرى. ولتوضيح ذلك، نعتد على تمثيلات بيانية باستعمال برمجيات مناسبة كالمجداول. كما يمكن توظيف الحاسبة البيانية: * لإزاحة النافذة نحو اليسار عندما يؤول x إلى $-\infty$. * لإزاحة النافذة نحو اليمين عندما يؤول x إلى $+\infty$. * لإنجاز تكبير للنافذة بجوار x_0 عندما يؤول x إلى x_0 وذلك لتخمين نهاية أو المصادقة عليها. تُستغل هذه المناسبة للتذكير بالمستقيم المقارب الموازي لحامل المحورين	النهايات: المستقيمات المقاربة الموازية للمحورين. (7)	حساب نهاية منتهية أو غير منتهية لدالة عند الحدود (المنتهية أو غير المنتهية) لمجالات مجموعة تعريف	الدوال العددية (النهايات)

2	<p>(8) • تُعطى المبرهنات الشهيرة المتعلقة بمجموع وُجْداء وحاصل قسمة نهايتين دون برهان. (يمكن أن يُقدم برهاناً على حالة بسيطة).</p> <p>• تُعطى مبرهنات الحصر (نهاية منتهية، غير منتهية، وكذا المبرهنة التي تربط الترتيب بين دالتين والترتيب بين نهايتين).</p> <p>• حساب نهاية دالة مركبة $g \circ f$ يطبق في الحالة التي تكون فيها g دالة مألوفة.</p>	<p>النهايات باستعمال المبرهنات المتعلقة بالعمليات على النهايات. (8)</p>	<p>حساب نهاية باستعمال المبرهنات المتعلقة بالعمليات على النهايات أو المقارنة وتركيب دالتين</p>	
1		<p>حساب نهاية باستعمال المقارنة أو الحصر وتركيب دالتين.</p>		
1	<p>(9) • تسمح الملاحظة عند استعمال برمجيات مناسبة أو حاسبة بيانية بتخمين وجود مستقيم مقارب أو منحني مقارب للمنحنى الممثل لدالة، وتحديد الوضعية النسبية لهما وتبرّر النتائج الملاحظة عن طريق الحساب.</p>	<p>المستقيم المقارب المائل (9)</p>	<p>دراسة السلوك التقاربي لدالة، المستقيم المقارب المائل</p>	
2		<p>دوال القوى والجذور النونية وتوظيف خواصهما.</p>		
1	<p>(10) • نجعل التلميذ يلاحظ، انطلاقاً من التمثيلات البيانية للدوال $x \mapsto \ln x$ ، $x \mapsto e^x$ ، $x \mapsto x^n$ حيث n عدد طبيعي غير معدوم، أنّ هذه الدوال تؤول كلّها نحو $+\infty$ عندما $x \rightarrow +\infty$، لكن سلوكها مختلف ومن ثمّ استنتاج التزايد المقارن لها: في اللانهاية، تتفوق الدالة الأسية على الدالة " قوة " و"الدالة " قوة " على الدالة اللوغاريتم. في هذا المجال يمكن استعمال الحاسبة البيانية أو المجدول لتجسيد هذه السلوكات.</p>	<p>التزايد المقارن للدوال الأسية و دوال القوى و اللوغاريتمات. (10)</p>	<p>معرفة وتفسير النهايات: $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$ ؛ $\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0$ ؛ $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x = 0$ ؛ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$ (10)</p>	<p>التزايد المقارن ودراسة دوال</p>
1		<p>تطبيقات على النهايات الأسية واللوغاريتمية</p>		

3	<p>(11) • تُدرج دراسة بعض الأمثلة لدوال من الشكل: $x \mapsto e^{-\lambda x^2}$ حيث $(\lambda > 0)$ ؛ $x \mapsto a^x$ حيث $(a > 0)$ أو $x \mapsto x^a$ حيث $(x > 0)$ و $(a \in \mathbb{R})$. • نقبل العلاقة: $a^b = e^{b \ln a}$ من أجل كل عددين حقيقيين a و b حيث $a > 0$ و b كفي.</p>	<p>دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء، دوال القوى. وحل مشكلات باستعمالها (11)</p>	<p>دراسة دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء، مثلثية، دوال القوى. وحل مشكلات باستعمالها.</p>	<p>المتاليات العددية</p>
3		<p>دوال أسية، اللوغاريتم، دوال القوى وحل مشكلات باستعمالها.</p>	<p>دراسة دوال أسية، اللوغاريتم، دوال القوى وحل مشكلات باستعمالها. حل مسائل الاستمثال باستعمال هذه الدوال</p>	
1	<p>(12) • تقترح متاليات معرّفة باستعمال دالة f بعلاقة من الشكل $u_n = f(n)$ أو $u_{n+1} = f(u_n)$ يتم بهذه المناسبة التذكير بالمتاليات الحسابية والمتاليات الهندسية.</p>	<p>توليد متالية عددية. (12)</p>	<p>استعمال التمثيل البياني لتخمين سلوك ونهاية متالية عددية.</p>	
2		<p>التذكير بالمتالية الحسابية والمتالية الهندسية من خلال أنشطة وتطبيقات عليها</p>	<p>اثبات خاصية بالتراجع.</p>	
2		<p>الاستدلال بالتراجع: إثبات خاصية بالتراجع.</p>	<p>دراسة سلوك ونهاية متالية.</p>	
1		<p>الاستدلال بالتراجع: إثبات خاصية بالتراجع. تابع</p>		

<p>2</p>	<p>(13) • في دراسة نهايات المتتاليات تطبق النتائج المحصل عليها في السنة الثانية أو المبرهنات المعروفة على الدوال عندما يؤول n إلى $+\infty$. • عندما تقبل الدالة f نهاية l عندما يؤول المتغير إلى $+\infty$ فإنّ المتتالية (u_n) المعرفة بالعلاقة $u_n = f(n)$ تقبل نفس النهاية l عندما يؤول n إلى $+\infty$ (ننبه أنّ العكس غير صحيح). • تُعطى أمثلة عن دوال محدودة من الأعلى (بالقيمة المطلقة) بمتتالية هندسية متقاربة. • من خلال أمثلة، ندرس تقارب المتتاليات من الشكل $u_{n+1} = f(u_n)$ خاصة عندما تكون الدالة f تآلفية ($f(x) = ax + b$)، وفي هذه الحالة نناقش سلوك المتتالية حسب قيم العددين الحقيقيين a و b.</p>	<p>خواص المتتاليات: دراسة سلوك ونهاية متتالية. (13)</p>	<p>حل مشكلات توظف فيها المتتاليات والبرهان بالتراجع. اثبات تجاور متتاليتان</p>	
<p>1</p>	<p>(14) • يُعطى تعريف متتاليتين متجاورتين وتُقبل النظرية التي تنص على أنّه إذا كانت متتاليتين متجاورتين فإنّهما تتقربان إلى نفس النهاية ويستثمر ذلك لحساب مساحة الحيز تحت المنحنى الممثل لدالة.</p>	<p>المتتاليتان المتجاورتان: تعريف ومفهوم متتاليتين متجاورتين. (14)</p>		
<p>2</p>		<p>حل مشكلات توظف فيها المتتاليات والبرهان بالتراجع.</p>		
<p>1</p>		<p>قابلية القسمة <input type="checkbox"/></p>	<p>: إثبات أنّ عدداً صحيحاً يقسم عدداً صحيحاً آخرأ.</p>	<p>الأعداد و الحساب</p>

<p>1</p>	<p>(15) • يتعلق الأمر بالخواص التالية، التي يتعين إثباتها: * إذا كان a يقسم b و b يقسم c فإن a يقسم c. * إذا كان a يقسم b فإنه من أجل كل عدد صحيح k، a يقسم ka و kb. * إذا كان a يقسم b و c فإنه من أجل كل x و y من \mathbb{Z}، لدينا a يقسم $bx + cy$. • نجد هنا فرصاً لممارسة بعض أنماط البرهان.</p>		<p>استعمال خواص قابلية القسمة في \mathbb{Z}. (15)</p>	
<p>1</p>	<p>(16) • تُبرهن الخاصية: من أجل $a \in \mathbb{Z}$ و $b \in \mathbb{Z}_+$، توجد ثنائية وحيدة $(q; r)$ (q و r عدنان صحيحان) حيث: $a = bq + r$ و $0 \leq r < b$. • كما تُبرهن المساواة: $PGCD(a; b) = PGCD(b; r)$ • نُبرهن أنّ: $PGCD(ka; kb) = kPGCD(a; b)$ وأنّ: $PGCD(a; b) = d$ يكافئ $a = da'$ و $b = db'$ مع a' و b' أوليين فيما بينهما. • توسيع مفهوم القاسم المشترك الأكبر إلى \mathbb{Z}.</p>	<p>القسمة الإقليدية في \mathbb{Z} القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين. قابلية القسمة في \mathbb{Z}</p>	<p>: استعمال خوارزمية إقليدس لتعيين القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين. (16)</p>	
<p>1</p>			<p>استعمال خوارزمية إقليدس لتعيين القواسم المشتركة لعددين طبيعيين.</p>	

1	<p>(17) • يمكن اقتراح أنشطة من النوع: إيجاد الأعداد الصحيحة a و b إذا أعطي $PGCD(a;b)$ وعلاقة بين a و b.</p> <p>• يمكن اقتراح مشكلات من الواقع مثل تبليط أرضية مستطيلة الشكل، رصف علب (متوازي مستطيلات) في صندوق (متوازي مستطيلات) ذي أبعاد معلومة، ...</p>		<p>حل مشكلات بتوظيف خواص القاسم المشترك الأكبر. (17)</p>	
1	<p>(18) • تُبرهن الخواص المتعلقة بتلاؤم الموافقة مع العمليتين $+$ و \times.</p> <p>• تُقترح أنشطة متنوعة مثل: إيجاد باقي قسمة، حيث يمكن إبراز محدودية الحاسبة.</p> <p>• حل معادلات في \square، من الشكل: $ax + by = c$.</p> <p>• تُقترح أنشطة متنوعة حول قابلية القسمة تُوظف فيها الموافقات.</p>	<p>الموافقات في \square تعريف و خواص (18)</p>	<p>معرفة واستعمال خواص الموافقات في \square.</p>	
1	<p>(19) • يُبرهن وجود ووحدانية نشر عدد طبيعي N وفق أساس x من الشكل:</p> $.N = a_0 + a_1x^1 + a_2x^2 + \dots + a_nx^n$	<p>التعداد: (19)</p>	<p>نشر عدد طبيعي وفق أساس.</p>	
1			<p>الانتقال من نظام أساسه α إلى نظام أساسه β.</p>	
1			<p>التعرّف على أولية عدد طبيعي.</p>	
1	<p>(20) • يُبرهن وجود تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أولية ونقبل، دون برهان، وحدانية هذا التحليل.</p> <p>• تقترح أنشطة متنوعة يُوظف فيها تحليل عدد طبيعي إلى جُداء أعداد أولية لتعيين قواسمه (أو عددها) أو مضاعفاته.</p>	<p>الأعداد الأولية (20)</p>	<p>استعمال تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أولية لتعيين مضاعفاته وقواسمه.</p>	

1			استعمال تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أولية لتعيين المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر
1	(21) • تبرهن الخاصية: $PGCD(a;b) \times PPCM(a;b) = ab$ • يمكن اقتراح أنشطة حول إيجاد الأعداد الصحيحة a و b إذا أُعطي $PGCD(a;b)$ أو $PPCM(a;b)$ أو علاقة بين a و b .	المضاعف المشترك الأصغر: (21) (22)	استعمال العلاقة بين المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر
1	(22) • تبرهن الخاصية: * $PPCM(ka; kb) = k PPCM(a;b)$ حيث k عدد صحيح غير معدوم.		استعمال خواص المضاعف المشترك الأصغر.
1	(23) • تُقترح أنشطة حول مبرهنة "بيزو" ومبرهنة "غوص".	مبرهنة بيزو: (23)	استعمال مبرهنة بيزو.
2	(24) • نقصد بنتائج مبرهنة غوص، ما يلي: * $a \in \mathbb{Z}^*$ و $b \in \mathbb{Z}^*$ و p عدد أولي. إذا كان p يقسم ab فإنّ p يقسم a أو p يقسم b . * a, b, c أعداد طبيعية غير معدومة. إذا كان a مضاعف b و c و $PGCD(b;c) = 1$ فإنّ a مضاعف bc . • يمكن استعمال مبرهنة غوص لحل في \mathbb{Z} ، المعادلة $ax + by = c$.	مبرهنة غوص: (24)	استعمال مبرهنة غوص ونتائجها.

1			حل مسائل في الحساب	
2	(25) • مفهوم الاحتمال والمتغير العشوائي غير جديد على التلميذ، لذا تستغل هذه الفقرة في معالجة أنشطة تدعم مكتسباته حول الموضوع وتوفر له فرصة توظيفها من جديد لتهيئه إلى التوسع فيها لاحقاً.	الاحتمالات المتساوية على مجموعة منتهية: (26)	إيجاد قانون احتمال لمتغير عشوائي. (25)	الإحصاء و الاحتمالات
2	(26) • يُفسر الأمل الرياضي لمتغير عشوائي باعتباره المتوسط الحسابي لقيم هذا المتغير العشوائي مرفقة باحتمال كل منها، وتُعالج أنشطة متنوعة لتأكيد هذا المعنى وتوظيفه للإجابة عن تساؤلات تتعلق بالاحتمالات. • تُعالج أنشطة نمذجة تجربة يتدخل فيها متغير عشوائي وتوظف الانحراف المعياري والأمل الرياضي.		حل مسائل في الاحتمالات توظف المتغيرات العشوائية، قانون احتمالها، التباين، الانحراف المعياري والأمل الرياضي	
1	(27) • تُستعمل مختلف التمثيلات كالمخططات، الجداول، شجرة الإمكانيات لطرح المبدأ الأساسي للعدّ وشرحه. • تُبرر قوانين التحليل التوافيقي انطلاقاً من معالجة أنشطة في العدّ تتمحور حول تجارب بسيطة في السحب (السحب على التوالي دون إعادة، مع الإعادة، السحب في آن واحد) • تُعالج حالات بسيطة في العدّ لتدعيم مكتسبات التلميذ		العدّ باستخدام المبدأ الأساسي للعدّ (المجموع والجداء). المبدأ الأساسي للعدّ: (المبدأ الأساسي للعدّ، القوائم، الترتيبات، التبادلات، التوفيقات) (27)	

2	<p>حول حل مسائل في الاحتمالات المتقطعة.</p> <ul style="list-style-type: none"> • يتم التوصل إلى قوانين التحليل التوفيقي باعتماد دراسة نظرية بحيث تصبح هذه القوانين فيما بعد أدوات رياضية قوية تسمح بمعالجة وضعيات مركبة في العَدّ تعتمد نمذجتها على تجارب إلقاء قطعة نقدية وإلقاء حجر نرد والسحب بأنواعه الثلاثة. 		<p>حل مسائل في العَدّ باستعمال قوانين التحليل التوفيقي</p>	
1		<p>دستور ثنائي الحد.</p>		
1	<p>(28) • يتعلّق الأمر بمعالجة تجارب تؤول نمذجتها إلى تجارب السحب بأنواعه الثلاثة وإلى إلقاء حجر النرد والقطعة النقدية، ثمّ تمديد هذه النمذجة إلى وضعيات تتدخل فيها المتغيرات العشوائية المتقطعة وشجرة الإمكانات.</p> <ul style="list-style-type: none"> • تعتبر المحاكاة وسيلة ضرورية لنمذجة مبنية على التجربة وذلك باستعمال تواتر كل مخرج من مخرجها، في حين تصبح قوانين التحليل التوفيقي أداة رياضية قوية لنمذجة نظرية. 	<p>(28)</p>	<p>نمذجة وضعيات بالاعتماد على التجارب المرجعية للسحب أو الإلقاء.</p>	
1	<p>(29) • ندرس الأعداد المركبة في إطار هندسي.</p> <ul style="list-style-type: none"> • نقترح أنشطة تتعلق بالبحث عن مجموعات النقط و/أو استعمال المرجح. 	<p>المجموعة □: (29)</p>	<p>إجراء العمليات الحسابية على الأعداد المركبة.</p>	<p>مجموعة الأعداد المركبة</p>
1			<p>استعمال خواص مرافق عدد مركب، حساب طولية عدد مركب.</p>	
1	<p>(30) • نتطرق إلى الجذرين التربيعيين لعدد مركب.</p>	<p>حل معادلة من الشكل $z^2 = z_0$ حيث z_0 عدد مركب معلوم (30)</p>	<p>إجراء العمليات الحسابية على الأعداد المركبة.</p>	
2	<p>(31) • تُقدّم المساعدة المناسبة للتلميذ لحل هذا النوع من المعادلات.</p>	<p>حل في □، معادلة من الدرجة الثانية ذات معاملات حقيقية. (31)</p>	<p>حل في □، معادلات يؤول حلها إلى حل معادلة من الدرجة الثانية ذات معاملات حقيقية.</p>	

1			حساب عمدة لعدد مركب غير معدوم.
1		الشكل المثلثي لعدد مركب غير معدوم	الانتقال من الشكل الجبري إلى الشكل المثلثي والعكس.
1	(32) • يُرمز $e^{i\alpha}$ للعدد المركب $\cos\alpha + i \sin\alpha$.	ترميز أولير: $e^{i\alpha}$ (32)	كتابة عدد مركب غير معدوم على الشكل الأسّي
1	(33) • تُمَيِّز دائرة مركزها النقطة Ω ذات اللاحة z_0 أو نصف مستقيم مبدؤه Ω بعلاقة من الشكل $z = z_0 + ke^{i\theta}$ ، k ثابت موجب و θ يمسح \square عندما يتعلق الأمر بالدائرة أو θ ثابت و k يمسح \square^+ عندما يتعلق الأمر بنصف المستقيم. • يُدرج تفسير طويلة وعمدة العددين $z_A - z_B$ و $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_D}$ واستعمالها في حل مسائل هندسية. • نُبرهن الدساتير المتعلقة لطويلة وعمدة جُداء أو حاصل قسمة عددين مركبين غير معدومين، نبيّن عندئذٍ أهمية ترميز أولير. (نستعمل ترميز أولير لإيجاد دساتير التحويل المدروسة سابقاً في حساب المثلثات).	(33) التفسير الهندسي لطويلة وعمدة عدد مركب	التعبير عن خواص لأشكال هندسية باستعمال الأعداد المركبة.
1			توظيف خواص الطويلة والعمدة لحل مسائل في الأعداد المركبة وفي الهندسة
1		دستور موافر	توظيف دستور موافر لحل مسائل في الأعداد المركبة وفي الهندسة.
1	(34) • نُبرز الكتابة المختصرة $z' - z_0 = k(z - z_0)$ لكل من التحاكي والدوران.	التحويلات النقطية المألوفة: (34).	تعيين الكتابة المركبة للتحويلات النقطية المألوفة (الانسحاب، التحاكي، الدوران). - التعرّف عن تحويل انطلاقاً من الكتابة المركبة

1	<p>(35) • تُعالج مسائل هندسية يتم فيها برهان خواص هذه التحويلات كحفظ الاستقامية، التوازي، المُرَجِّح، ...؛ التأثير على الأطوال وعلى المساحات؛ ... يمكن في هذه الفقرة الاعتماد على تمييز الدائرة وتمييز نصف المستقيم المشار إليهما أعلاه.</p>	<p>(35). الأعداد المركبة والتحويلات النقطية من الشكل $M(Z) \mapsto M'(Z')$ حيث $z' = az + b$</p>	<p>حل مسائل هندسية تتطلب استعمال انسحابات، تحاكيات أو دورانات بالأعداد المركبة.</p>	التحويلات النقطية
1			<p>توظيف الأعداد المركبة لبرهان خواص الانسحاب، الدوران والتحاكي.</p>	
1	<p>(36) • نُعرِّف التشابه المباشر كتحويل نقطي يحافظ على نسب المسافات ويحافظ كذلك على الزوايا الموجَّهة.</p> <p>• في حالة التي تكون فيها نسبة التشابه المباشر هي 1، نقول عن التشابه المباشر إنه تقايماً موجباً (أو إزاحة).</p> <p>• نُبيِّن أنَّ التحويلات المدروسة سابقاً هي تشابهات مباشرة.</p>		<p>التعرِّف على تشابه مباشر.</p>	
1	<p>(37) • نقبل أنه لا توجد تشابهات مباشرة أخرى شكلها المركب يختلف عن $z' = az + b$ مع $a \in \mathbb{C}^*$ و $b \in \mathbb{C}$. (يمكن برهان هذه النتيجة)</p> <p>• نُبيِّن أنَّ التشابه المباشر (ماعد الانسحاب) يتميِّز بثلاثة عناصر: مركزه ونسبته وزاويته.</p> <p>• تُعالج مسائل متنوعة ووضعيات نستعمل فيها المثلثات المتشابهة تدعيماً لمكتسبات التلاميذ في السنة الأولى.</p> <p>• نُبرهن أنَّ إذا كانت A ، B ، A' و B' أربع نقط مختلفة مثنى مثنى فإنَّه يوجد تشابه مباشر وحيد يُحوِّل A إلى A' و B إلى B'.</p>	<p>التشابهات المستوية المباشرة تعريف، الكتابة المركبة حالة خاصة (التقايسات) ، مركب تشابهين مباشرين، خواص (36) (37)</p>	<p>التعبير عن تشابه مباشر بالأعداد المركبة.</p>	
1			<p>تركيب تشابهين مباشرين.</p>	

1			تعيين التحليل القانوني لتشابه مباشر بواسطة الأعداد المركبة. توظيف التحليل القانوني لتشابه مباشر بواسطة الأعداد المركبة	
2			توظيف خواص التشابهات المباشرة لحل مسائل هندسية.	
1	(38) • تُقترح أنشطة حول تحويلات نقطية كتابتها المركبة هي $z' = a\bar{z} + b$ وذلك في حالات خاصة وبتقديم المساعدة المناسبة.	أنشطة حول تحويلات نقطية كتابتها المركبة هي $z' = a\bar{z} + b$ (38)		
1	(39) • نُدرج الخواص المعروفة للدوال الأصلية وحسابها المستخلصة انطلاقاً من خواص المشتقات.	تعريف الدالة الأصلية لدالة على مجال والخواص. (39)	تعيين دالة أصلية لدالة مستمرة على مجال. تعيين دوال أصلية لدوال مألوفة.	الدوال الأصلية
2		أمثلة لدوال أصلية		
1				
1	(40) • نثبت وحدانية الدالة الأصلية لدالة معرفة على مجال تأخذ قيمة معينة من أجل قيمة معلومة من هذا المجال عندما نتعرف على إحدى دوالها الأصلية.	(40)	تعيين الدالة أصلية التي تأخذ قيمة y_0 من أجل قيمة x_0 للمتغير.	
1			حل معادلات تفاضلية من الشكل: $y' = f(x)$ ، $y'' = f(x)$ حيث f دالة مألوفة.	

1	<p>(41) • يتم مقارنة مفهوم التكامل بحساب مساحات لأشكال هندسية معروفة (مستطيل، مثلث في وضعيات مختلفة، شبه منحرف).</p> <p>• مثلاً حساب مساحة الحيز المستوي تحت المنحنى الممثل لدالة f مستمرة وموجبة على مجال $[a; b]$ أي مجموعة النقط $M(x; y)$ حيث $a \leq x \leq b$ و $0 \leq y \leq f(x)$.</p> <p>ثم نقارن النتيجة بالعدد $G(b) - G(a)$ حيث G هي دالة أصلية للدالة f على المجال $[a; b]$.</p> <p>• نأخذ f دالة مستمرة وموجبة في وضعيات أولية</p> <p>1 ثابتة (مساحة مستطيل)</p> <p>2 تآلفية (مساحة مثلث أو شبه منحرف)</p> <p>• نعرّف العدد $\int_a^b f(x) dx$ بالفرق $G(b) - G(a)$</p> <p>ونقرأ "التكامل من a إلى b لـ $f(x)$ تفاضل x" وهو يُمثّل مساحة الحيز المستوي المحدّد بمنحنى الدالة f والمستقيمتين التي معادلاتها $x = a$، $x = b$ و $y = 0$ في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد.</p>	المقارنة والتعريف. (41)	الحساب التكامل
---	--	-------------------------	----------------

	<p>(42) • تُدرج خواص التكامل في حالة f موجبة والمتعلقة:</p> <p>* بعلاقة شال $\int_a^b f(x) dx = \int_a^c f(x) dx + \int_c^b f(x) dx$</p> <p>ونائجها وبالخطية.</p> <p>* بالمقارنة: إذا كانت $f \leq g$ فإنّ</p> $\int_a^b f(x) dx \leq \int_a^b g(x) dx$ <p>* بالقيمة المتوسطة لدالة: $\frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) dx$</p> <p>* حصر القيمة المتوسطة: إذا كانت $m \leq f(x) \leq M$ على مجال $[a; b]$ فإنّ $m \leq \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x) dx \leq M$</p> <p>• بعد التعرّف على الخواص السابقة يتم التعميم شيئاً فشيئاً من أجل:</p> <p>* f سالبة حيث: $\int_a^b f(x) dx = - \int_a^b f(x) dx$</p> <p>* f تغيّر إشارتها.</p> <p>* إشارة العدد $\int_a^b f(x) dx$ بدلالة إشارة f على المجال $[a; b]$</p>	<p>(42) الحساب التكاملي: تعريف، خواص، حساب مساحات سطوح مستوية</p>	<p>توظيف خواص التكامل لحساب مساحة سطح معطى.</p>	
1		<p>مفهوم القيمة المتوسطة لدالة على مجال وحصرها.</p>		

2			استعمال التكامل بالتجزئة.	
1	(43) • تعريف الدالة الأصلية للدالة f على $[a; b]$ والتي تنعدم من أجل a على أنها الدالة التي ترفق كل x من $[a; b]$ بالعدد $\int_a^x f(t) dt$.	(43) توظيف الحساب التكاملي	توظيف الحساب التكاملي لحساب دوال أصلية.	
1	(44) • حساب الحجم: $\int_a^b \pi [f(x)]^2 dx$ نقتصر على الأمثلة البسيطة سهلة الحساب.	(44) (45)	حساب حجم لمجسمات بسيطة.	
1	(45) • يتعلق الأمر بمعالجة مشكلات من الواقع أو المرتبطة به مثل العبارة التكاملية للمسافة المقطوعة على مستقيم بمعرفة السرعة اللحظية		توظيف الحساب التكاملي لحل مشكلات بسيطة.	
2	(46) • نُعمِّم تعريف الجداء السُّلمي في المستوي إلى الفضاء، نراجع بهذه المناسبة الجداء السُّلمي في المستوي. ونستعمل التعبير " شعاع يُعامد مستو " .		توظيف الجداء السُّلمي لإثبات تعامد مستقيمين، تعامد مستويين، تعامد مستقيم ومستو	
1	(47) • تُعالج مسائل يتطلب حلها استعمال الجداء السُّلمي و/أو عبارته التحليلية	الجداء السلمي وتطبيقاته. التعريف والعبارة التحليلية. (46)	توظيف الجداء السُّلمي لتعيين معادلة ديكارتية لمستوي.	
1		(47)	توظيف الجداء السُّلمي لحساب المسافة بين نقطة ومستوي.	الهندسة في الفضاء
2	(48) • مجموعات النقط المقصودة هنا هي تلك المعرفة كما يلي: مجموعة النقط M حيث $\vec{AM} \cdot \vec{u} = k$ أو بصفة عامة $\alpha MA^2 + \beta MB^2 = k$ (k عدد حقيقي).	(48)	توظيف الجداء السُّلمي لتعيين مجموعات نقط.	

3	<p>(49) • نعني بالتمييز بالمرجح، تعريف مستقيم، قطعة مستقيم ومستو، كمجموعة مراجح نقطتين، مرفقتين بمعاملين من نفس الإشارة، 3 نقط ليست على استقامة واحدة، على الترتيب.</p>	المستقيمت والمستويات في الفضاء: (49)	استعمال التمثيلات الوسيطة أو التمييز بالمرجح لحل مسائل الاستقامية، التلاقي، انتماء 4 نقط إلى نفس المستوي.	
1	<p>(50) • نُسَجِّلُ أَنَّهُ يمكن تمثيل مستقيم بمعادلتين خطيتين</p>	(50)	الانتقال من جملة معادلتين لمستقيم أو معادلة لمستوي إلى تمثيل وسيطي والعكس.	
2	<p>(51) • نُبَرِّرُ كيف أنّ دراسة الوضع النسبي لمستويين أو لمستقيم ومستو أو لمستقيمين يؤول إلى حل جملة معادلات خطية. • نتطرق إلى تقاطع ثلاثة مستويات الذي يؤدي إلى حل جملة ثلاث معادلات خطية بثلاثة مجاهيل.</p>	الأوضاع النسبية لمستقيمت و / أو لمستويات في الفضاء. (51)	تحديد الوضع النسبي لمستويين، لمستقيم ومستو، لمستقيمين	
3			تعيين تقاطع مستويين، مستقيم ومستو، مستقيمين. تقاطع 3 مستويات.	

المادة: رياضيات		المستوى: السنة الثالثة ثانوي	الشعبة: تقني رياضي
الفصل الأول: 12 أسبوعا	الدوال العددية (الاشتقاقية والاستمرارية)	أسبوعان ونصف	14 ساعة
	الدالتان الأسية واللوغاريتمية	أسبوعان	12 ساعة
	الدوال العددية (النهايات)	أسبوع	6 ساعات
	التزايد المقارن ودراسة الدوال	أسبوع ونصف	10 ساعات
	المتتاليات العددية	أسبوعان	12 ساعات
	الأعداد والحساب	أسبوع	6 ساعات
	تقويم ومعالجة	أسبوعان	12 ساعات
الفصل الثاني: 10 أسابيع	الأعداد والحساب	أسبوعان	12 ساعة
	الإحصاء والاحتمالات	أسبوعان	12 ساعة
	الأعداد المركبة والتحويلات النقطية	3 أسابيع ونصف	21 ساعات
	الدوال الأصلية	نصف أسبوع	3 ساعات
	تقويم ومعالجة	أسبوعان	12 ساعات
الفصل الثالث: 6 أسابيع	الدوال الأصلية (تابع)	نصف أسبوع	3 ساعة
	الحساب التكاملي	أسبوع ونصف	9 ساعة
	الهندسة في الفضاء	أسبوعان ونصف	15 ساعات
	تقويم ومعالجة	أسبوع ونصف	9 ساعة