

إختبار الفصل الثالث في مادة الرياضيات

المدة : ساعتان

المستوى : 2 + 2 د ر

التمرين الأول : (6 نقاط)

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$.

تعطى النقط $A(2; 0)$ ، $B(3; 1)$ ، $C(-1; 3)$ ، $D(1; 2)$ و المستقيم (Δ) ذو المعادلة $2x + y = 0$.

- 1 . أحسب الجداء السلمي $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ ، ما طبيعة المثلث ABC .
- 2 . أحسب الأطوال DA ، DB و DC .
- 3 . أكتب معادلة للدائرة (Γ) ذات المركز D و التي تشمل A . تحقق أن النقطتان B و C تنتميان إلى (Γ) .
- 4 . أكتب معادلة لمماس الدائرة (Γ) في A ، تحقق أن هذا المماس عمودي على (Δ) .
- 5 . أحسب المسافة بين النقطة D و المستقيم (Δ) . ما هي وضعية المستقيم (Δ) بالنسبة للدائرة (Γ) .
- 6 . عين معادلة لصورة الدائرة (Γ) بالتحاكي الذي مركزه B و نسبته -2 .

التمرين الثاني : (نقطتان)

1 . بين أنه : $\sin^2 \alpha - \sin^2 \beta = \sin(\alpha + \beta) \times \sin(\alpha - \beta)$ حيث α ، β عدنان حقيقيان .

2 . حل في \mathbb{R} المعادلة : $\sin^2 \left(x + \frac{\pi}{2} \right) - \sin^2 \left(x + \frac{\pi}{3} \right) = \frac{\sqrt{3}}{4}$.

التمرين الثالث : (6 نقاط)

الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ نعتبر النقط $A(-1, 1, 0)$ ، $B(1, 2, -3)$ و $C\left(\frac{1}{3}, \frac{5}{3}, -2\right)$ ، $D(2, 3, -2)$

- 1 . بين أن النقط A ، B ، C في إستقامة .
- 2 . أحسب الأطوال AB ، BD و AD . حدد طبيعة المثلث ABD .
- 3 . عين إحداثيات النقطة G مركز ثقل المثلث ABD .
- 4 . أكتب تمثيلا وسيطيا للمستقيم (AD) . عين نقطة تقاطع المستقيم (AD) مع المستوي $P(O; \vec{j}, \vec{k})$.
- 5 . أكتب معادلة لسطح الكرة (S) التي قطرها $[AD]$. تحقق أنها تشمل النقطة B .
- 6 . أحسب مساحة المثلث ACD .

التمرين الرابع : (6 نقاط)

α عدد حقيقي . (U_n) متتالية عددية حدها الأول $U_0 = \alpha$ و من أجل كل عدد طبيعي n يكون $U_{n+1} = \frac{48}{49}U_n + 41$.

(1) أوجد قيمة العدد α حتى تكون المتتالية (U_n) ثابتة .

(2) نضع $\alpha = 2008$ و نعرف المتتالية (V_n) على N بـ : $V_n = U_n - 2009$.

أ . بين أن (V_n) هندسية يطلب أساسها وحدها الأول .

ب . أكتب V_n ثم U_n بدلالة n .

ج . أحسب بدلالة n المجموع : $S_n = V_0 + V_1 + V_2 + \dots + V_n$. أحسب $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$.

د . أستنتج بدلالة n المجموع : $T_n = U_0 + U_1 + U_2 + \dots + U_n$.

إنتهى