

التمرين الأول:

1. حل في \mathbb{R} المعادلة : $2\sin^2(x) + 3\sin(x) + 1 = 0$ ثم مثل صور الحلول على الدائرة المثلثية .
2. استنتج في المجال $]-\pi, \pi]$ حلول المعادلة $-2\cos^2(x) + 3\sin(x) + 3 = 0$

التمرين الثاني :

(I) المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$

A النقطة ذات الإحداثيات الديكارتية $(4, 0)$ و B النقطة ذات الإحداثيات القطبية $(4, \frac{5\pi}{6})$ ، H منتصف $[AB]$.

(1) أنشئ الشكل المناسب ثم عين الإحداثيات الديكارتية للنقطتين : H و B .

(2) ما هي طبيعة المثلث OAB ، أستنتج قياسا للزاوية الموجهة $(\vec{i}, \overrightarrow{OH})$.

(II) $ABCD$ مستطيل حيث $AB = 10$ ، $AD = 6$ ولتكن B' و D' مسطوي B على الترتيب على المستقيم (AC) .

(1) أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{AD}$.

(2) أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{AD} \cdot \overrightarrow{AC}$ ثم أستنتج قيمة $\cos(\widehat{DAC})$ ثم عين القيمة القربة لـ \widehat{DAC} .

(3) أحسب الجداء السلمي $\overrightarrow{CA} \cdot \overrightarrow{DB}$ ثم أستنتج الطول $D'B'$.

التمرين الثالث :

المستوي منسوب إلى معلم متعامد و متجانس $(O; \vec{i}, \vec{j})$ نعتبر (C) مجموعة النقط $M(x, y)$ من

المستوي التي تحقق المعادلة : $x^2 + y^2 - 6x + 5 = 0$

(1) بين أن (C) دائرة يطلب تعيين مركزها I وطول نصف قطرها .

(2) تأكد من أن النقطة $A(2, \sqrt{3})$ تنتمي إلى الدائرة (C) ثم أكتب معادلة المماس (D) لـ (C) عند النقطة A

(3) أدرس وضعية المستقيم (A) الذي معادلته $y = \frac{2}{3}(x+1)$ بالنسبة للدائرة (C)

(4) مستقيم معادلته $x + \sqrt{3}y - 7 = 0$ (T)

أ) تأكد من أن النقطة $B(4, \sqrt{3})$ تنتمي إلى (T) ثم برهن أن (T) المماس لـ (C) عند النقطة B .

ب) F نقطة تقاطع (T) و (D) . عين إحداثيي النقطة F .

ج) ما طبيعة المثلث IAF ثم أحسب مساحة الرباعي $IAFB$