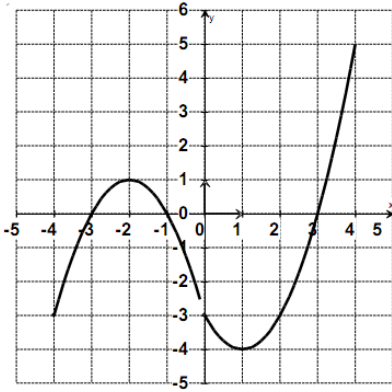


على المترشح أن يختار أحد الموضوعين التاليين

### الموضوع الأول

التمرين الأول (04,5 نقاط) :



فيما يلي  $(C_g)$  التمثيل البياني للدالة  $g$  على المجال  $D = [-4; 4]$

1. هل الدالة  $g$  تقبل الاشتقاق على  $D$  ؟

2. عين بيانيا إشارة  $g(x)$  ثم إشارة  $g'(x)$

3. نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $D = [-4; 4]$  بـ :  $f(x) = e^{-g(x)}$

- أ - احسب  $f'(x)$  بدلالة  $g(x)$  و  $g'(x)$  .

- ب - اعط جدول تغيرات الدالة  $f$

4. ناقش حسب قيم العدد الحقيقي  $k$  عدد وإشارة حلول المعادلة  $g(x) = k$

التمرين الثاني (08,5 نقاط) :

$f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = 1 - x + \frac{x}{\sqrt{x^2 + 1}}$

$(C_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

1. احسب  $f'(x)$  ثم استنتج  $f'(0)$

2. أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  :  $1 - (x^2 + 1)\sqrt{x^2 + 1} \leq 0$

3. أدرس تغيرات الدالة  $f$ .

4. أثبت أن المستقيم :  $y = -x$  :  $(D)$  مقارب مائل للمنحني  $(C_f)$  بجوار  $-\infty$ .

5. أثبت أن المستقيم :  $y = -x + 2$  :  $(D')$  مقارب مائل للمنحني  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$ .

6. برهن أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $\frac{7}{4} < \alpha < 2$

7. بين أن النقطة  $A(0; 1)$  مركز تناظر لـ  $(C_f)$ .

8. أنشئ المنحني  $(C_f)$ .

9.  $m$  عدد حقيقي. ناقش بيانيا حسب قيم  $m$  عدد حلول المعادلة :  $f(x) = -x + m$

## التمرين الثالث ( 07 نقاط ):

- (I) نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $f(x) = 1 + e^{-x} - 2e^{-2x}$
- (C) التمثيل البياني للدالة  $f$  في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد  $(O; \vec{i}, \vec{j})$  وحدة الرسم  $3cm$  على محور الفواصل و  $8cm$  على محور الترتيب .
- أ - ليكن  $P$  كثير حدود معرف كما يلي:  $P(X) = 1 + X - 2X^2$   
أدرس إشارة  $P(X)$   
ب - استنتج إشارة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$   
ج - ماذا يمكن القول حول الوضع النسبي المنحني (C) بالنسبة لمحور الفواصل  
2. أوجد نهاية الدالة  $f$  عند  $+\infty$  ثم فسر النتيجة بيانياً.  
3. تحقق أنه من أجل كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  فإن:  $f(x) = e^{-2x}(e^{2x} + e^x - 2)$   
ثم احسب نهاية الدالة  $f$  عند  $-\infty$
  4. لتكن  $f'$  الدالة المشتقة للدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$ . احسب  $f'(x)$  ثم أثبت أن إشارة  $f'(x)$  من إشارة  $(4 - e^x)$   
5. شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .
  6. أثبت أن المنحني (C) يقطع المستقيم (D) الذي معادلته  $y = 1$  في نقطة واحدة A يطلب إعطاء إحداثياتها. ثم أدرس وضعية المنحني بالنسبة للمستقيم (D).
  7. أكتب معادلة المماس (T) للمنحني (C) عند النقطة A
  8. أنشئ (D) و (T) ثم المنحني (C)

## الموضوع الثاني

### التمرين الأول (03,5 نقاط) :

- $f$  دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R}$  بالشكل:  $f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$
- ( $\mathcal{C}$ ) تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$ .
- باستعمال الشروط التالية، عين قيم الأعداد:  $a, b, c, d$  بحيث:
- 1) المنحني ( $\mathcal{C}$ ) يقطع محور الترتيب عند النقطة التي ترتيبها (-4).
  - 2) المنحني ( $\mathcal{C}$ ) يقبل المستقيم ذا المعادلة  $y = 5x - 12$  مماساً له في النقطة التي فاصلتها (-2)
  - 3) المنحني ( $\mathcal{C}$ ) يقبل النقطة ذات الفاصلة  $\left(-\frac{2}{3}\right)$  نقطة انعطاف.
  - 4) المنحني ( $\mathcal{C}$ ) يقبل مماساً أفقياً عند النقطة التي فاصلتها (-1).

### التمرين الثاني ( 08 نقاط ) :

- $f$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = x \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} \right)$
- ( $\Gamma$ ) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(O; \vec{i}, \vec{j})$

/ 1

• أثبت أن الدالة  $f$  فردية.

• أثبت أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  لدينا:  $f'(x) = 1 + \frac{1}{(x^2 + 1)\sqrt{x^2 + 1}}$

/ 2

- أدرس تغيرات الدالة  $f$ .
- أكتب معادلة للمماس ( $T$ ) للمنحني ( $\Gamma$ ) عند النقطة التي فاصلتها 0.
- أدرس وضعية ( $\Gamma$ ) النسبة إلى ( $T$ ) واستنتج أن ( $\Gamma$ ) يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيينها.
- بين أن المستقيم ( $d$ ) ذا المعادلة:  $y = x + 1$  مقارب للمنحني ( $\Gamma$ ) في جوار  $+\infty$ ، ثم استنتج معادلة ( $d'$ ) المستقيم المقارب الآخر.
- ارسم ( $d$ ) و ( $d'$ ) و ( $\Gamma$ ) في المعلم السابق.

3 /  $g$  الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $g(x) = |x| \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} \right)$

أ / بين أن الدالة  $g$  زوجية.  
ب / انطلاقاً من ( $\Gamma$ ) أرسم ( $\gamma$ ) منحنى الدالة  $g$  في نفس المعلم السابق.

**التمرين الثالث ( 08,5 نقاط ):**

نعتبر الدالة  $h$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:  $h(x) = x^2 e^{x-1} - \frac{x^2}{2}$

**الجزء I:**

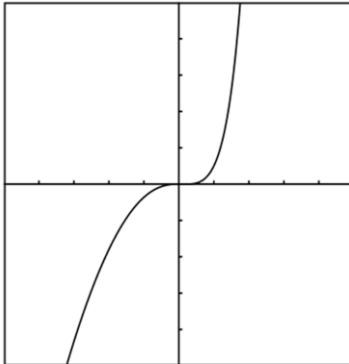
فيما يلي التمثيل البياني للدالة  $h$  في معلم متعامد. مقترح بواسطة آلة حاسبة بيانية.

1 / بقراءة بيانية، ما تخمينك حول:

أ / اتجاه الدالة  $h$  في المجال  $[-3; 2]$ .

ب / الوضع النسبي لـ ( $C_h$ ) بالنسبة للمحور ( $x'x$ ).

في بقية التمرين سوف نتحقق حسابياً على صحة هذه التخمينات أو عدم صحتها.



**الجزء II التحقق من صحة التخمين الأول:**

(1) احسب  $h'(x)$  من أجل كل عدد حقيقي  $x$  ثم عبر عنها

بدلالة ( $u(x)$ ) حيث  $u$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

$$u(x) = (x + 2)e^{x-1} - 1$$

(2)

أ / احسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} u(x)$  يعطى:  $\lim_{x \rightarrow -\infty} u(x) = -1$

ب / احسب  $u'(x)$  وادرس إشارتها.

ج / استنتج اتجاه تغيرات الدالة  $u$  ثم شكل جدول تغيراتها.

د / أثبت أن المعادلة  $u(x) = 0$  تقبل حلاً وحيداً  $\alpha$  حيث:  $0,20 < \alpha < 0,21$

هـ / استنتج تبعاً لـ إشارة  $u(x)$ .

(3)

أ / أدرس إشارة  $h'(x)$  ثم استنتج اتجاه تغيرات الدالة  $h$ .  
 ب / ماذا عن صحة التخمين الأول؟

### الجزء III التحقق من صحة التخمين الثاني

نعبر عن  $(C_h)$  التمثيل البياني للدالة  $h$  في معلم متعامد  $(O; \bar{i}, \bar{j})$ .

$$(1) \text{ أثبت أن : } h(\alpha) = \frac{-\alpha^3}{2(\alpha+2)}$$

$$(2) \text{ نعتبر الدالة } v \text{ المعرفة على المجال } [0;1] \text{ بـ : } v(x) = \frac{-x^3}{2(x+2)}$$

أ / احسب  $v'(x)$  من أجل كل  $x$  من المجال  $[0;1]$  ثم استنتج اتجاه تغيراتها في نفس المجال السابق.

ب / استنتج حصر الـ  $h(\alpha)$ .

(3)

أ / أوجد فواصل نقط تقاطع  $(C_h)$  مع المحور  $(x'x)$ .

ب / حدد الوضع النسبي للمنحني  $(C_h)$  مع محور الفواصل.

ج / ماذا عن صحة التخمين الثاني؟

### الجزء IV

باستعمال النتائج السابقة نحاول رسم  $(\Gamma)$  جزء من  $(C_h)$  على المجال  $[-0,2;0,4]$  في معلم متعامد  $(O; \bar{i}, \bar{j})$  حسب الوحدات التالية:

• على محور الفواصل  $1cm$  يمثل  $0,05$ .

• على محور الترتيب  $1cm$  يمثل  $0,001$ .

انقل هذا الجدول وأكمله باستعمال الآلة الحاسبة وتعطى النتائج على الشكل:  $n \times 10^{-4}$  حيث  $n$  عدد

(صحيح)

0,4	0,35	0,3	0,25	0,2	0,15	0,1	0,05	0	-0,05	-0,1	-0,15	-0,2	$x$
													$h(x)$

أرسم  $(\Gamma)$