

### التمرين الأول :

#### الجزء الأول :

- نعتبر الدالة العددية  $g$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ :  $g(x) = x^2 - 1 + 2\ln(x)$  .
1. أحسب نهايات الدالة  $g$  عند حدود مجموعة التعريف .
  2. أدرس اتجاه تغير الدالة  $g$  وشكل جدول تغيراتها .
  3. بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل العدد 1 حلا وحيدا لها في المجال  $]0; +\infty[$  .
  4. استنتج إشارة  $g(x)$  في المجال  $]0; +\infty[$  .

#### الجزء الثاني :

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة على المجال  $]0; +\infty[$  بـ :  $f(x) = \ln(x) - \frac{\ln(x)}{x^2}$

نسمي  $(\mathcal{C}_f)$  المنحني البياني الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب الى معلم متعامد و متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

- (1) برهن أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x^2} = 0$  ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  .
- (2) أحسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  . فسر النتيجة هندسيا .
- (3) أحسب  $f'(x)$  ثم بين أنه من أجل  $x \in ]0; +\infty[$  فان إشارة  $f'(x)$  من نفس إشارة  $g(x)$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .
- (4) ليكن  $(\Gamma)$  المنحني الممثل للدالة  $\ln(x) \mapsto x$  في المجال  $]0; +\infty[$  .  
أ) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - \ln(x)$  ثم فسر النتيجة هندسيا .  
ب) أدرس الوضعية النسبية للمنحني  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة الى  $(\Gamma)$  .
- (5) أرسم  $(\Gamma)$  و  $(\mathcal{C}_f)$  .
- (6) نعتبر الدالة  $h$  المعرفة بـ :  $h(x) = f(-x)$  .  
أ) اشرح كيفية رسم المنحني  $(\mathcal{C}_h)$  باستعمال  $(\mathcal{C}_f)$  .  
ب) أرسم المنحني  $(\mathcal{C}_f)$  في المعلم السابق .

### التمرين الثاني :

نعتبر دالة معرفة على  $]0; +\infty[$  بـ :

$$f(x) = a + \frac{b \ln(x)}{x} \quad (\text{حيث } a, b \text{ عددين حقيقيين})$$

$(\mathcal{C}_f)$  تمثيلها البياني في معلم متعامد و متجانس

$(O, \vec{i}, \vec{j})$

$(\mathcal{C}_f)$  يقبل في النقطة  $A(1, e)$  مماسا  $(T)$  معادلته

$$y = x + e - 1$$

عين قيمة كل من العددين  $a, b$  . ثم عبارة  $f(x)$  .

