

التمرين الأول :

- (1) أ) ادرس حسب قيم العدد الطبيعي  $n$  بواقي القسمة الإقليدية للعدد  $3^n$  على 13.  
ب) استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  ، العدد  $3^{3n} + 3^{3n+1} + 3^{3n+2}$  يقبل القسمة على 13.  
(2) ليكن  $N$  عدد أرقام العدد  $1945^{613}$  . عين باقي القسمة الإقليدية للعدد  $1940^N$  على 13.  
(3) عين أصغر قيمة للعدد الطبيعي  $n$  حتى يكون :  
[39]  $2016 \times 3^{3k+1} + 12 \times 3^{3k+2} + n \equiv 0$  مع  $k$  عدد طبيعي.

التمرين الثاني :

I- نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على المجال  $]-\infty; 0[$  بـ :  $g(x) = 2x + \ln[4(e^{-x} - 1)]$

- (1) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow 0^-} g(x)$  .  
(2) ادرس اتجاه تغير الدالة  $g$  ثم شكل جدول تغيراتها .  
(3) استنتج إشارة  $g(x)$  على المجال  $]-\infty; 0[$  .  
(4) من أجل  $m' < 0$  ، بين أن المعادلة  $g(x) = m'$  تقبل حلين مختلفين.  
II- نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $]-\infty; 0[$  بـ :  $f(x) = x - \ln(1 - e^x)$

- نسمي  $(C_f)$  تمثيلها البياني في مستو منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  .  
(1) احسب نهاية الدالة  $f$  عند كل من  $-\infty$  و  $0$  ثم  $\lim_{x \rightarrow -\infty} (f(x) - x)$  ماذا تستنتج؟  
(2) بين أن الدالة  $f$  قابلة للاشتقاق على المجال  $]-\infty; 0[$  و أن  $f'(x) = \frac{-1}{e^x - 1}$  .  
(3) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  .

- (4) بين أن المعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا واحدا  $a$  على المجال  $]-\infty; 0[$  . ثم عين قيمة  $a$  .  
(5) أ) عين معادلة المماس  $(\Delta)$  للمنحنى  $(C_f)$  عند النقطة  $A$  التي فاصلتها  $-\ln 2$  .

- ب) استنتج وضعية  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  .  
جـ) ارسم كل من  $(\Delta)$  و  $(C_f)$  .

III- نعتبر المعادلة  $(E)$  التالية :  $f(x) = 2x + m$  حيث  $m$  وسيط حقيقي .

- (1) بين أن  $(E)$  تكافئ المعادلة  $g(x) = -m + \ln 4$  .  
(2) ناقش حسب قيم  $m$  ، عدد حلول المعادلة  $(E)$  .  
(3) نسمي  $\alpha$  و  $\beta$  حلي المعادلة  $(E)$  في حالة وجودهما .  
أ) بين أن  $\alpha + \beta = -m$  ثم بين أن  $f(\alpha) + f(\beta) = 0$  .

- ب) عين مجموعة النقط  $I$  منتصف قطعة المستقيم  $[M_1 M_2]$  حيث  $M_1(\alpha; f(\alpha))$  و  $M_2(\beta; f(\beta))$  .

