

الفرض المحروس الأول للثلاثي الأول

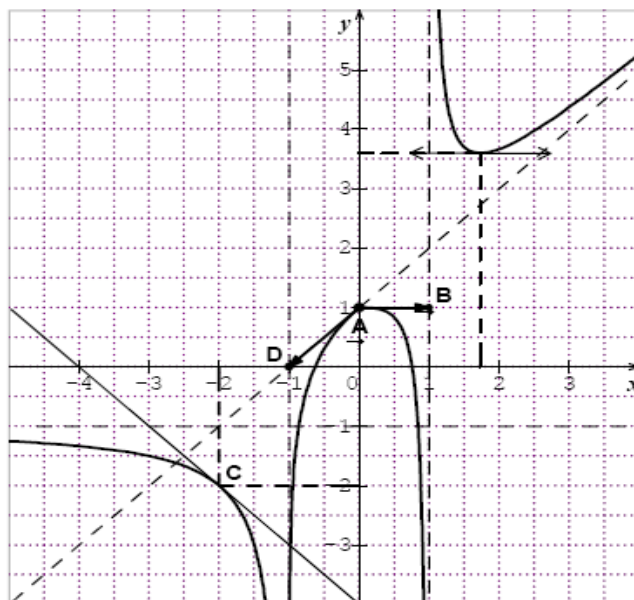
التمرين الأول: (07ن)

لتكن  $(C_f)$  التمثيل البياني للدالة  $f$  في معلم متعامد

متجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  المعرفة على المجال  $\square - \{-1, 1\}$  ,  
اعتمادا على الشكل :

(1) عين النهايات عند أطراف مجموعة التعريف.

(2) عين معادلة المستقيم المقارب المائل للمنحنى  $(C_f)$ .



(3) أ- عين القيم التالية:  $f(0)$ ,  $f'_g(0)$ ,  $f'_d(0)$ ,  $f'(-2)$ .

$$, \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(-2+h) - f(-2)}{h}$$

(4) ب- هل الدالة  $f$  مستمرة وقابلة للاشتقاق عند 0  
علل؟

(5) حل بيانيا في المجال  $]-1; 1[$  :

(6) أ- المعادلة  $f(x) = 0$ ,  $f'(x) = 1$  أعط حصرا  
لحلول المعادلة.

ب- المتراجحة  $f'(x) \geq 1$ .

التمرين الثاني: (12ن)

الجزء الأول:  $g$  دالة عددية معرفة على  $R$  ب:

$$g(x) = 2e^x + 2x - 7$$

(1) أحسب نهايتي الدالة  $g$  عند  $-\infty$  و  $+\infty$ .

(2) ادرس اتجاه تغيرا لدالة  $g$  على  $R$  ثم شكل جدول تغيراتها.

(3) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث

$$0.94 \leq \alpha \leq 0.941$$

(4) استنتج إشارة  $g$  على  $R$ .

الجزء الثاني:  $f$  دالة معرفة على  $R$  ب:

$$f(x) = (2x-5)(1-e^{-x})$$

نسي  $(C)$  المنحنى البياني للدالة  $f$  في معلم متعامد

ومتجانس  $(o, I, J)$

(1) ادرس إشارة  $f$  على  $R$

(2) أدرس نهايتي  $f$  عند  $-\infty$  و  $+\infty$ .

(3) أ) أحسب  $f'(x)$ , ثم تحقق أن  $f'(x)$  و  $g(x)$  لهما نفس الإشارة.

ب) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(4) أ) اثبت أن:  $f(\alpha) = \frac{(2\alpha-5)^2}{2\alpha-7}$

ب) أدرس اتجاه تغير الدالة  $x \rightarrow \frac{(2x-5)^2}{2x-7} : h$  على

المجال  $]-\infty; \frac{5}{2}[$

(ج) استنتج انطلاقا من حصر  $\alpha$  المحصل عليه في الجزء

الأول، حصرا بتقريب إلى  $10^{-2}$  للعدد  $f(\alpha)$ .

(5) بين أن المستقيم  $(D)$  ذي المعادلة  $y = 2x - 5$ ,

مستقيم مقارب مائل للمنحنى  $(C)$  عند  $+\infty$ .

- حدد الوضعية النسبية ل  $(C)$  و  $(D)$ .

(6) أرسم  $(C)$  و  $(D)$ .