# الدوال العددية

الشعب: علوم، تقني رياضي و رياضيات كمال حامدي



عدد التمارين :

# حوليات البكالوريا

# علوم – رياضيات – تقني رياضي

# الدوال العددية

حامدي كمال

آخر تحديث : 5 جويلية 2017

# شعبة علوم

#### تمرین 1

علوم – 2017 – الموضوع الأول (7 نقاط)

 $D = ]-\infty; -1[ \cup ] + \infty[$  نعتبر الدالة العددية المعرّفة على  $D = ]-\infty; -1[ \cup ]$ 

$$f(x) = \frac{2}{3}x + \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

اً. بيّن أنّ الدالة f فردية ثمّ فسّر ذلك بيانيا

 $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \to -1} f(x)$  ،  $\lim_{x \to 1} f(x)$  : احسب النقيات التالية  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ،  $\lim_{x \to -1} f(x)$  ،  $\lim_{x \to -1} f(x)$  .  $\lim_{x \to -1} f(x)$  و التراتيب استنتج أنّ ( $\mathbb{C}_f$ ) يقبل مستقيمين مقاربين موازيين لحامل محور التراتيب

 $f'(x) = \frac{2}{3} \left( \frac{x^2 + 2}{x^2 - 1} \right)$ ، D من x من أَجْل كل عدد حقيقي x من أَجْل كل عدد حقيقي (۱) .3 (ب) استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ثمّ شكّل جدول تغيّراتها

 $1.8 < \alpha < 1.9$  حيث أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل حلا وحيدا 4.

5. بيّن أنّ المستقيم ( $\Delta$ ) ذا المعادلة  $x = \frac{2}{3}$  مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $C_f$ ) ثمّ ادرس وضعية المنحنى ( $\Delta$ ) بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ )

6. أنشئ المستقيم ( $\Delta$ ) و المنحنى ( $\theta$ )

7. m وسيط حقيقى، ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط mالحقيقى عدد حلول المعادلة :

$$(2-3|m|)x+3\ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)=0$$

علوم – 2017 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $f(x) = 2 - x^2 e^{1-x}$  : كما يلي  $\mathbb R$  كما المعرفة على المعرفة الأولى نعتبر الدالة العددية المعرفة على

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ ) و

 $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  النتيجة ، ثمّ احسب النهاية و أعط تفسيرا هندسيا لهذه النتيجة ، ثمّ احسب النهاية و أعط تفسيرا و أعط النتيجة ، ثمّ احسب النهاية و أعط النتيجة النتيجة ، ثمّ احسب النهاية و أعط النتيجة النتيجة النتيجة ، ثمّ احسب النهاية و أعط النتيجة النتيجة النتيجة ، ثمّ احسب النهاية و أعط النتيجة النتي

 $f'(x)=x(x-2)\mathrm{e}^{1-x}$  ،  $\mathbb R$  من أجل كل x من أجل كل .2

(ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f ثمّ شكّل جدول تغيّراتها

3. اكتب معادلة لـ (T) للمماس المنحنى  $(\mathfrak{C}_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1

 $h(x) = 1 - xe^{1-x}$  : كما يلى  $\mathbb{R}$  كما يلى الدالة العددية المعرفة على المعرفة على الدالة العددية المعرفة على المعرفة على الدالة العددية المعرفة المعرفة على المعرفة العددية العددية المعرفة العددية العددية المعرفة العددية العد

(T) المماس ( $\mathcal{C}_f$ ) و المماس الوضع النسبى للمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المماس ( $\mathcal{C}_f$ )

 $-0.7 < \alpha < -0.6$  حيث  $\alpha$  حيث f(x) = 0 تقبل حلا وحيدا .2

 $[-1;+\infty[$  المجال ] $(\mathcal{C}_f)$  على المجال ](T) على المجال 3.

 $F(x) = 2x + (x^2 + 2x + 2)e^{1-x}$  : كما يلى  $\mathbb{R}$  كما يلى  $F(x) = 2x + (x^2 + 2x + 2)e^{1-x}$  الدالة المعرفة على

تحقق أنّ F دالة أصلية للدالة f على  $\mathbb{R}$  ، ثمّ احسب مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  و حامل محور الفواصل و المستقيمين اللّذين معادلتيهما x=0 و x=1

علوم – 2016 – الموضوع الأول (7 نقاط)

 $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1): -1; +\infty$  با المعرفة على المجال  $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1): -1; +\infty$  با المعرفة على المجال  $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1): -1; +\infty$  المعرفة على المجال  $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1): -1; +\infty$  المعرفة على المعرفة على المجال  $g(x) = -1 + (x+1)e + 2\ln(x+1): -1; +\infty$  المعرفة على الم

- 1. ادرس تغيرات الدالة g ، ثمّ شكل جدول تغيراتها
- $-0.34 < \alpha < -0.33$  : حيث  $\alpha$  حيث g(x) = 0 حلا وحيدا 2.
- $]-1;+\infty[$  من المجال x من العدد الحقيقي x من المجال g(x) حسب قيم العدد الحقيقي

 $[-1;+\infty]$  المعرفة على المجال  $[-1;+\infty]$  المعرفة على المجال

$$f(x) = \frac{e}{x+1} + \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$$

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

- اً. (۱) بيّن أنّ  $-\infty = \lim_{x \to +\infty} f(x)$  و احسب  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ، ثمّ فسّر النتيجتين هندسيا
- (f) المين أنّه من أجل كل عدد حقيقي f من  $f'(x) = \frac{-g(x)}{(x+1)^3}$  : ]-1;  $+\infty[$  من ]-1 من عدد حقيقي ]-1
  - (ج) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على المجال ]∞+;1−[ ثمّ شكل جدول تغيّراتها
    - $(f(\alpha) = 3,16)$  (نقبل أنّ ) . ( $\mathcal{C}_f$ ) (د)
- $]-1;+\infty[$  على المجال  $x\mapsto \frac{\ln(x+1)}{(x+1)^2}$  على المجال  $x\mapsto \frac{-1}{x+1}[1+\ln(x+1)]$  على المجال .2
- (ب) احسب مساحة الحيّز المستوي المحدد ( $C_f$ ) بالمنحنى و حامل محور الفواصل و المستقيمين اللّذين معادلتاهما x=0 و x=0 على التوالى x=0
  - 3. نعتبر الدالة العددية k المعرفة على [1;1] = [+1;1] ب[-1;1] المعلم السابق في المعلم السابق
    - (۱) بيّن أنّ الدالة k زوجية
  - (ب) بيّن كيف يمكن استنتاج المنحنى  $(c_k)$  انطلاقا من المنحنى  $(c_f)$  ثمّ ارسمه ( دون دراسة تغيّرات الدالة k
    - k(x) = m : عدد و إشارة حلول المعادلة عدد قيم الوسيط حقيقى عدد و إشارة علامانيا حسب قيم الوسيط عدد و أشارة على المعادلة على المعادلة المعادلة على المعادلة المعادل

علوم – 2016 – الموضوع الثاني (6 نقاط)

 $g(x) = 2e^x - x^2 - x$  بالمعرّفة على  $\mathbb{R}$  بالمعرّفة العددية والمعرّفة على الدالة العددية والعددية والعدد

- (g' الدالة g من أجل كل x من x من x من x من x من x من أجل كل أبل كل أ
  - g'(x) > 0،  $\mathbb{R}$  من x من أَجل كل بيّن أنّه من أجل كل
  - (ج) احسب نهایتی الدالة g عند کل من  $\infty+$  و  $\infty-$  ، ثمّ شکّل جدول تغیّراتها
    - $-1,38 < \alpha < -1,37$  : حيث أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$ 
      - x حسب قيم العدد الحقيقي g(x) حسب قيم العدد الحقيقي

 $\mathbb{R}$  الدالة المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بالدالة المعرّفة الثاني التكن

$$f(x) = \frac{x^2 e^x}{e^x - x}$$

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب. (۱)
  - $\mathbb{R}$  من x من أجل كل x من أجل أبين أنّه، من أجل أبين أبين أبية

$$f'(x) = \frac{x e^x g(x)}{(e^x - x)^2}$$

(f) هي الدالة المشتقة للدالة f'

- (ج) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على  $\mathbb{R}$  ، ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- $f(\alpha)$  بيّن أنّ  $f(\alpha) = \alpha^2 + 2\alpha + 2 + \frac{2}{\alpha 1}$  نمّ استنتج حصرا للعدد (۱) .2
  - النبيجة بيانيا احسب  $\lim_{x\to +\infty} [f(x)-x^2]$  ، ثمّ فسر النبيجة بيانيا
    - $(f(\alpha) \approx 0.29$  (عطی  $(\mathcal{C}_f)$  ). (اج) أنشئ المنحنى

علوم – 2015 – الموضوع الأول (6,5 نقاط)

 $(\gamma)$ 

 $(\Delta)$ 

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس

المعادالة  $x\mapsto \ln x$  التمثيل البياني للدالة الم $x\mapsto \ln x$  المستقيم ذو المعادالة

- $(\Delta)$ و  $(\gamma)$  تقاطع نقطة تقاطع  $\alpha$  ، y=-x+3
- $[0;+\infty]$  على  $]\infty+;0[$ . بقراءة بيانية حدّد وضعية  $[\gamma]$  بالنسبة إلى ( $\Delta$ ) على  $]\infty+;0[$
- $g(x) = x 3 + \ln x$  : ب $g(x) = x 3 + \ln x$  بالدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x 3 + \ln x$  الدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x 3 + \ln x$  الدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x 3 + \ln x$  الدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = x 3 + \ln x$ 
  - $2,2 < \alpha < 2,3$  : تحقق أنّ

, , ,

: - والدالة المعرّفة على المجال f الدالة المعرّفة على المجال f

$$f(x) = \left(1 - \frac{1}{x}\right)(\ln x - 2)$$

و ( $\mathcal{C}_f$ ) تمثيلها البياني

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{\substack{x \to +\infty \\ x \to 0}} f(x)$  .1
- f الدالة  $f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}: ]0; +\infty[$  من أجل كل عدد حقيقي x من  $f(x) = \frac{g(x)}{x^2}: ]0; +\infty[$ 
  - $f(\alpha)$  بيّت أنّ :  $f(\alpha) = \frac{-(\alpha-1)^2}{\alpha}$  : ثمّ استنتج حصرا للعدد .3
  - 4. ادرس وضعية  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى حامل محور الفواصل، ثمّ أنشئ  $(\mathcal{C}_f)$  على المجال  $[0;e^2]$

F(1) = -3: و التى تحقق F(1) = -3 الدالة الأصلية للدالة f على المجال f(1) = -3

- اً. بيّن أنّ منحنى الدالة F يقبل مماسين موازيين لحامل محور الفواصل في نقطتين يُطلب تعيين فاصلتيهما
  - F على  $0;+\infty$  على ان من استنتج عبارة الدالة  $x\mapsto \ln x$  على عبارة الدالة  $x\mapsto \ln x$  عبارة الدالة 2.

علوم – 2015 – الموضوع الثاني (6 نقاط)

 $g(x) = 1 - 2x - e^{2x-2}$  : بالأول g الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$  بالمعرّفة على

- $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  ادرس اتجاه تغيّر الدالة  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$
- 0,36 < lpha < 0,37 : ثمّ تحقق أنّ g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا lpha في lpha ، ثمّ تحقق أنّ g(x) = 0
  - $\mathbb{R}$  على g(x) على 3.

 $f(x) = xe^{2x+2} - x + 1$ : بالدالة العددية المعرفة على  $f(x) = xe^{2x+2} - x + 1$  الدالة العددية المعرفة على

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ ) و

 $f'(x) = e^{2x+2} g(-x) : \mathbb{R}$  من x من أجل كل عدد حقيقي البيّن أنّه من أجل كل عدد البيّن أنّه عدد البيّن أنّه من أجل كل عدد البيّن أنّه من أبيّن أبيّن أنّه من أبيّن أنّه من أبيّن أنّه من أبيّن أنّه من أبيّن أنّه أبيّن أنّه من أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أبيّن أنّه أبيّن أنّه أبيّن أبيّ

 $[-lpha\,;+\infty[$  على المجال  $]-\infty\,;-lpha$  و متزايدة تماما على المجال (ب)

- f عند  $\infty+$ و عند  $\infty$  ، ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة f .
  - النتيجة هندسيا ال $\lim_{x \to -\infty} \left[ f(x) + x 1 \right]$ . احسب
- y=-x+1 ادرس وضعية ( $\mathcal{C}_f$ ) بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته .4
  - $f(\alpha) \approx 0.1$  فنشئ ( $\Delta$ ) و ( $\mathcal{C}_f$ ) على المجال أيام على المجال ( $\mathcal{C}_f$ ) على أنشئ ( $\Delta$ ) و ( $\Delta$ ) قبل على المجال ( $\Delta$ )
- $2f(x) + f'(x) f''(x) = 1 2x 3e^{2x+2}$  :  $\mathbb{R}$  من أجل كل x من أجل كل x من أجل كل .6
  - $\mathbb{R}$  على f استنتج دالة أصلية للدالة

علوم – 2014 – الموضوع الأول (6 نقاط)

: نعتبر الدالة f المعرفة على المجال  $]\infty+0$ [ بما يلي

$$f(x) = 1 + \frac{2\ln x}{x}$$

- $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )
  - ا. احسب f(x) و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  فسر النتيجتين هندسيا ا $\lim_{x \to 0} f(x)$
  - (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على المجال  $]\infty+0[$  شكل جدول تغيّراتها
  - y=1 الذي معادلته ( $\Delta$ ) الذي المستقيم ( $C_f$ ) بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ ) الذي معادلته 2
    - (ب) اكتب معادلة للمماس (T) للمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 1
- $e^{-0.4} < \alpha < e^{-0.3}$  حيث أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل في المجال f(x) = 0 تقبل في المجال أيّ أنّ المعادلة وحيدا
  - $(\mathfrak{C}_f)$  و (T) و  $(\mathfrak{C}_f)$
  - على الدالة h المعرفة على -0 بما يلى : 4.

$$h(x) = 1 + \frac{2\ln|x|}{|x|}$$

و ليكن  $(C_h)$  تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.

- (۱) بیّن أنّه من أجل كل عدد حقیقی x غیر معدوم، h(x) h(-x) = 0. ماذا تستنتج ؟
  - $(\mathcal{C}_f)$  וביה ובו באט וואיבים ( $\mathcal{C}_h$ ) וביה וואיבים וואיבים וואיבים ( $\mathcal{C}_f$ )
- $\ln x^2 = (m-1)|x|$  : ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقي m، عدد حلول المعادلة

علوم – 2014 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $g(x) = 2x^3 - 4x^2 + 7x - 4$  يلى :  $g(x) = 2x^3 - 4x^2 + 7x - 4$  لتكن الدالة العددية المعرّفة على

- $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  احسب.
- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على  $\mathbb{R}$  ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- $0.7 < \alpha < 0.8$  حيث  $\alpha < 0.8$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث g(x) = 0 تقبل عادلة (١)
  - g(x) استنتج حسب قيم العدد الحقيقى x إشارة (ب)

المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلى : المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلى :

$$f(x) = \frac{x^3 - 2x + 1}{2x^2 - 2x + 1}$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب.
- $\mathbf{z}$ . (۱) بیّن أنّه من أجل کل  $\mathbf{z}$

$$f(x) = \frac{1}{2}(x+1) + \frac{1-3x}{2(2x^2 - 2x + 1)}$$

- (ب) استنتج أنّ المنحنى  $(\mathfrak{C}_f)$  يقبل مستقيما مقاربا مائ $\mathfrak{K}$  ( $\Delta$ ) يُطلب تعيين معادلة له
  - $(\Delta)$  ادرس الوضع النسبي للمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و ( $\Delta$ )
    - $\mathbb{R}$ . (۱) بیّن أنّه من أجل كل x من x

$$f'(x) = \frac{x g(x)}{(2x^2 - 2x + 1)^2}$$

f مشتقة الدالة f'

 $(f(\alpha) \approx -0.1$  خسب قيم x ثمّ شكل جدول تغيّرات الدالة f. ( نأخذ f'(x) حسب قيم f'(x)

- f(x)=0 المعادلة f(1) ثمّ حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة 4.
  - $(\mathcal{C}_f)$  و المنحنى ( $\Delta$ ) و المنحنى ( $\mathfrak{S}_f$ )
  - : لتكن الدالة h المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلي

$$h(x) = \frac{x^3 - 4x^2 + 2x - 1}{2x^2 - 2x + 1}$$

و ( $\mathcal{C}_h$ ) تمثيلها البياني في المعلم السابق

- $h(x) = f(x) 2 : \mathbb{R}$  من x من أجل كل تحقق أنّه من أجل (ا)
- $(\mathcal{C}_h)$  بتحویل نقطی بسیط یطلب تعیینه، ثمّ أنشئ  $(\mathcal{C}_f)$  بتحویل نقطی بسیط یطلب تعیینه، ثمّ أنشئ  $(\mathcal{C}_h)$

علوم – 2013 – الموضوع الأول (6,5 نقاط)

-0,070

0,25

الدالة العددية المعرّفة على f الدالة العددية المعرّفة المعرّفة المعرّفة الدالة العددية المعرّفة المعرّفة المعرّفة المعرّفة المعرّفة العددية المعرّفة المعرّفة المعرّفة العددية المعرّفة المع

$$f(x) = \frac{x}{x-1} + e^{\frac{1}{x-1}}$$

$$(0; \overrightarrow{\imath}, \overrightarrow{\jmath})$$
 هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

$$\frac{x}{0,20}$$
  $\frac{f(x)}{0,037}$  و  $\frac{\lim_{x\to -\infty} f(x)}{0,037}$  و  $\frac{\lim_{x\to +\infty} f(x)}{0,037}$  و  $\frac{\lim_{x\to +\infty$ 

للدالة fا الممثل المقاربين و المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  ، ثمّ ارسم المنحنى  $(\mathcal{C}')$  الممثل للدالة f

5. عيّن بيانيا مجموعة قيم الأعداد الحقيقية m التي من أجلها يكون للمعادلة f(x) = m مختلفان في الإشارة

( عبارة g(x) غير مطلوبة ) . g(x) = f(2x-1) ب g(x) = g(x) غير مطلوبة ) الدالة المعرّفة على g(x)

1. ادرس تغيّرات الدالة g على  $[1;\infty-[$  ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها

$$g'\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 2f'(\alpha)$$
 : ثمّ بيّن أنّ :  $g\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 0$  : تحقق من أنّ :  $g\left(\frac{\alpha+1}{2}\right) = 0$  : را) المحترة وعادلة (T) المحادث الذات (L) المحترة وعادلة (T) المحادث الذات (L) المحترة وعادلة (T) المحادث المحترة وعادلة (T) المحترة (T) المحترة

$$\frac{\alpha+1}{2}$$
 استنج معادلة  $(T)$  المماس لمنحنى الدالة  $g$  في النقطة ذات الفاصلة  $(T)$  استنج معادلة  $(T)$  تحقق من أنّ  $(T)$  تحقق من أنّ  $(T)$  معادلة للمستقيم  $(T)$ 

www.dzmaths.net

علوم – 2013 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $g(x) = x^2 + 2x + 4 - 2\ln(x+1)$ : ب= -1; ب= -1; بالمعرّفة على المجال المعرّفة على المجال إلى المعرّفة على المجال

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g ، ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- g(x) > 0، ]-1; +  $\infty$ [ استنتج أنّه، من أجل كل x من المجال ]

الجزء الثاني f هي الدالة المعرّفة على المجال  $]\infty+;1-[$  ب

$$f(x) = x - \frac{1 - 2\ln(x+1)}{x+1}$$

و ( $\mathcal{C}_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(\mathcal{C}_f, \overrightarrow{f})$ ). ( وحدة الطول 2 cm

- النتيجة بيانيا .  $\lim_{x\to -1} f(x)$  احسب (۱) .1
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x) \quad (\psi)$
- ، ]-1; +  $\infty$ [ من أجل كل x من أجل أيّه، من أجل 2.

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$$

f حيث f' هي مشتقة الدالة

- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على المجال  $]\infty+;1-[$  ، ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- 0<lpha<0.5 قبل حلا وحيدا lpha في المجال  $\alpha$  :  $\alpha$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  المجال  $\alpha$  تقبل على المجال أنّ
  - $+\infty$  عند ( $\mathcal{C}_f$ ) عند مائل للمنحنى y=x مقارب مائل المستقيم ( $\Delta$ ) عند  $(\Delta)$ 
    - $(\Delta)$  ادرس وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى ( $(\Delta)$
  - $x_0$  نقبل أنّ المستقيم  $(\mathcal{C}_f)$  ذا المعالة  $y=x+rac{2}{\sqrt{\mathrm{e}^3}}$  : مماس للمنحنى والمستقيم  $(\mathcal{C}_f)$  نقبل أنّ
    - $x_0$  (I)
    - $(\mathcal{C}_f)$  ارسم المستقيمين المقاربين و المماس (T) ثمّ المنحنى (ب)
    - جلّين متمايزين f(x) = x + m عيّن بيانا قيم الوسيط الحقيقي m بحيث تقبل المعادلة

علوم – 2012 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

: لتكن f الدالة المعرّفة على المجال  $]0;\infty$  –[ كما يلى

$$f(x) = x + 5 + 6\ln\left(\frac{x}{x - 1}\right)$$

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ 

- اً. أنَّم فسر النتيجة هندسيا السبب السبب ال $\lim_{x\to 0} f(x)$ 
  - $\lim_{x \to -\infty} f(x) \text{ (4)}$
- ، ]— $\infty$  ;0[ من أجل كل عدد حقيقي x من من أجل كل عدد .2

$$f'(x) = \frac{x^2 - x - 6}{x(x - 1)}$$

استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ، ثمّ شكل جدول تغيّراتها

- $-\infty$  بجوار ( $\mathcal{C}_f$ ) بجوار مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) الذي معادلة له y=x+5 هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) بجوار
  - $(\Delta)$  ادرس وضع المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة للمستقيم (ب)
  - -1,1<eta<-1و -3,5<lpha<-3,4 و eta حيث f(x)=0 تقبل حلّين a تقبل حلّين a و a حيث a
    - ( $\Delta$ ) و المستقيم ( $\mathcal{C}_f$ ) قانشي المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) 6.
    - $B\left(-2; \frac{5}{2} + 6\ln\left(\frac{3}{4}\right)\right)$  و  $A\left(-1; 3 + 6\ln\left(\frac{3}{4}\right)\right)$  نعتبر النقطتين (۱) في النقطتين  $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6\ln\frac{3}{4}$  بيّن أنّ  $y = \frac{1}{2}x + \frac{7}{2} + 6\ln\frac{3}{4}$  معادلة ديكارتية للمستقيم
    - (ب) بيّن أنّ المستقيم (AB) يمس المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) في نقطة  $M_0$  يطلب تعيين إحداثيتيها
      - 7. لتكن g الدالة المعرّفة على  $]0;\infty-[$  كما يلى :

$$g(x) = \frac{x^2}{2} + 5x + 6x \ln\left(\frac{x}{x-1}\right) + 6\ln(1-x)$$

 $]-\infty$  ; 0[ على المجال g على المجال و يبّن أنّ

علوم – 2012 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $g(x) = 1 - xe^x$  : الدالة المعرّفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي g الدالة المعرّفة

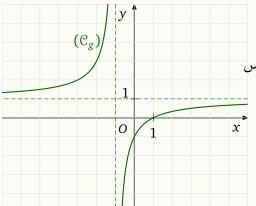
- $\lim_{x\to+\infty} g(x)$  و  $\lim_{x\to-\infty} g(x)$  احسب.
- 2. ادرس اتجاه تغيّر الدالة g ، ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- $[-1;+\infty[$  المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال g(x)=0 3.
  - $\mathbb{R}$  على g(x) على g(x) ، ثم استنتج إشارة g(x) على (ب)

 $f(x) = (x-1)e^x - x - 1$  : كما يلى  $[2] = -\infty$  المعرّفة على المجرّفة على المجال إلى المجرّفة على المجرّفة ع

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

- $\lim_{x\to -\infty} f(x)$  احسب 1.
- $(10^{-2}$  ييّن أنّ  $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2+1}{\alpha}\right)$  ، ثمّ استنتج حصرا للعدد  $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2+1}{\alpha}\right)$  .  $f(\alpha) = -\left(\frac{\alpha^2+1}{\alpha}\right)$  .
- $-\infty$  بيّن أنّ المستقيم ( $(C_f)$ ) ذا المعادلة y=-x-1 هو مستقيم مقارب مائل للمنحنى ( $(C_f)$ ) بجوار  $(C_f)$ 
  - $(\Delta)$  ادرس وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى ( $(\Delta)$
  - $1.5 < x_2 < 1.6$  و  $-1.6 < x_1 < -1.5$  و يث أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل حلّين  $x_1$  و  $x_2$  حيث  $x_1$  تقبل حلّين  $x_1$  تقبل حلّين أنّ المعادلة  $x_2$ 
    - $(\mathfrak{C}_f)$  و  $(\Delta)$  و  $(\mathfrak{C}_f)$
    - $h(x)=(ax+b)\mathrm{e}^x$ : لتكن h الدالة المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلي الدالة المعرّفة على 6.
    - $\mathbb{R}$  على  $x\mapsto x\,\mathrm{e}^x$  على العددين الحقيقيين a و b بحيث تكون b على a على (۱)
      - $\mathbb{R}$  على g على استنتج دالة أصلية للدالة

علوم – 2011 – الموضوع الأول (7 نقاط)



$$g(x) = \frac{x-1}{x+1}$$
 : ب $\mathbb{R} - \{-1\}$  بالمعرّفة على  $\mathbb{R} - \{-1\}$  بالمعرّفة على ونعتبر الدالة والمعرّفة على

هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_g$ 

: الشكل المقابل ). بقراءة بيانية (الشكل المقابل ). بقراءة الشكل المقابل المق

- 1. شكل جدول تغيّرات الدالة g
- g(x) > 0 حل بيانيا المتراجحة 2.
- 0 < g(x) < 1 عيّن بيانيا قيم x التي يكون من أجلها 3.

 $[+\infty]$  المعرّفة على المجال  $[+\infty]$  المعرّفة المجال  $[+\infty]$ 

$$f(x) = \frac{x-1}{x+1} + \ln\left(\frac{x-1}{x+1}\right)$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ ) و

المسب النتيجتين هندسيا ال $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to 1} f(x)$  و النتيجتين المندسيا

 $g'(x) = \frac{2}{(x+1)^2}$ ، ]1;+∞[ بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال (۱) .2

f الدالة f'(x) و ادرس إشارتها ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة f'(x)

 $\ln(\frac{x-1}{x+1})$  على المجال (۱) على المجال (۱) عيّن إشارة العبارة عيّن إشارة العبارة (۱) على المجال (۱) 3.

ب) عدد حقیقی .

 $]\alpha\,;+\infty[$  على المجال  $x\mapsto \ln(x-\alpha)$  على المجال  $x\mapsto (x-\alpha)\ln(x-\alpha)-x$  على المجال

(ج) تحقق أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال  $[1;+\infty[$  من المجال x عيّن دالة أصلية للدالة  $g(x)=1-\frac{2}{x+1}$  المحال  $[1;+\infty[$ 

علوم – 2011 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $f(x) = e^x - ex - 1$ : بغتبر الدالة العددية f المعرّفة على  $\mathbb{R}$  ب

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  احسب. (۱)
  - (ب) احسب f'(x) ثمّ ادرس إشارتها
    - f شكّل جدول تغيّرات الدالة (ج)
- $-\infty$  بجوار  $(\mathcal{C}_f)$  بجوار مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) بجوار (ا) بيّن أنّ المستقيم ( $\Delta$ ) بجوار  $y=-\mathrm{e}\,x-1$ 
  - (ب) اكتب معادلة للمستقيم (T) مماس المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  في النقطة ذات الفاصلة (T)
    - $\alpha$  جيّن أنّ المعادلة f(x) = 0 تقبل في المجال ]1,75; 1,76 حلا وحيدا (ج)
    - $[-\infty;2]$  ارسم المستقيمين  $(\Delta)$  و (T) ثمّ المنحنى ( $C_f$ ) على المجال (2:  $\infty$
- 3. (۱) احسب بدلالة  $\alpha$  ، المساحة ( $\alpha$ ) للحيّز المستوي المحدد بالمنحنى ( $\alpha$ ) و حامل محول الفواصل و المستقيمين  $x=\alpha$  و x=0 : اللّذين معادلتيهما
  - (ب) أثبت أنّ : ua )  $\mathcal{A}(\alpha) = \left(\frac{1}{2}e\,\alpha^2 e\,\alpha + \alpha\right)$  ua : (ب)

www.dzmaths.net 16

علوم – 2010 – الموضوع الأول (10 نقاط)

 $f(x) = 1 + \ln(2x - 1)$  بـ  $I = \left[\frac{1}{2}; +\infty\right]$  البحزء الأول لتكن f الدالة العددية المعرّفة على المجال إلى المعرّفة على المعرّفة عل

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ ) و

- $\lim_{x \to \frac{1}{2}} f(x) \in \lim_{x \to +\infty} f(x)$  1.
- ين أنّ الدالة f متزايدة تمامًا على المجال I ثمّ شكل جدول تغيّراتها 2.
- y = x التي يكون فيها المماس موازيا للمستقيم ( $(C_f)$ ) التي يكون فيها المماس موازيا للمستقيم ( $(C_f)$ ) ذي المعادلة
- عددان حقیقیان b ، a حیث  $f(x) = \ln(x+a) + b$  : علی الشکل f(x) علی التاب تعیینهما گفت التاب تعیینهما
  - $(\mathcal{C}_f)$  انطلاقا من  $(\mathcal{C}_f)$  منحنى الدالة اللوغارتمية النيبرية  $(\mathcal{C}_f)$  انطلاقا من  $(\mathcal{C}_f)$  منحنى الدالة اللوغارتمية النيبرية الم

g(x) = f(x) - x: بالمجان المعرّفة على المجال المعارفة العددية الثاني نعتبر الدالة العددية المعرّفة على المجال

- $\lim_{x\to -\infty} g(x) = -\infty$  ثمّ بيّن أنّ  $\lim_{x\to \frac{1}{2}} g(x)$ . احسب
- 2. ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على I ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- $2 < \alpha < 3$  قبّ المعادلة g(x) = 0 تعقق أنّ g(x) = 0 وحيدا g(x) = 0 . تعقق أنّ g(x) = 0 . g(x) = 0 ارسيم g(x) = 0 منحنى الدالة g(x) = 0 على المجال g(x) = 0 على المجال g(x) = 0 ارسيم g(x) = 0 منحنى الدالة g(x) = 0 على المجال g(x) = 0 المعلم السابق

17

- (d) على المجال الg(x) على المجال المجال المحال المحال المنحنى g(x) بالنسبة إلى 4.
- $1; \alpha[$  المجال المجال f(x) فإنّ f(x) عند حقيقي x من المجال عدد حقيقي x من المجال عدد عقيقي x من المجال المجال عدد عقيقي x

 $u_n = f\left(1 + \frac{1}{2n}\right)$  : كما يلي  $\mathbb{N}^*$  كما يلي المتتالية العددية المعرّفة على المعرّفة على المتتالية العددية العددية المعرّفة على المتتالية العددية العددية المعرّفة على المتتالية العددية العددية العددية المعرّفة على المتتالية العددية العد

- $u_n = 1 + 2 \ln 3 3 \ln 2$  عيّن قيمة العدد الطبيعي n التي من أجلها يكون 1.
  - $S_n = u_1 + u_2 + \cdots + u_n$ : حيث  $S_n$  المجموع المجموع عند .2

علوم – 2010 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

: نعتبر الدالة العددية f المعرّفة على  $\mathbb{R}^*$  كما يلي

$$f(x) = x - \frac{1}{e^x - 1}$$

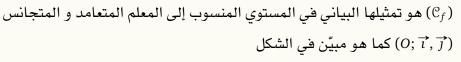
 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب (۱). 1
- (ب) احسب  $\lim_{\substack{x \to 0 \ x > 0}} f(x)$  و فسر هندسيا النتيجة  $\lim_{\substack{x \to 0 \ x > 0}} f(x)$
- 2. ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على مجال من مجالي تعريفها ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- y=x+1 و y=x : بيّن أنّ المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين مائلين  $(\Delta')$  و  $(\Delta')$  معادلتيهما على الترتيب
  - $(\Delta')$  و  $(\Delta)$  من ( $\Delta$ ) و ( $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى كل من ( $\Delta$ ) و ( $(\mathcal{C}_f)$
  - $(\mathcal{C}_f)$  هي مركز تناظر للمنحنى ه $\omega\left(0;\frac{1}{2}
    ight)$ . أثبت أنّ النقطة
  - -1,4<lpha<-1,3و  $\ln 2<lpha<1$  : مين أنّ المعادلة f(x)=0 تقبل حلين lpha و lpha حيث lpha
    - $(\mathcal{C}_f)$  هل توجد مماسات لـ  $(\mathcal{C}_f)$  توازی المستقیم (ب)
      - $(\mathfrak{C}_f)$  ارسم  $(\Delta)$  ،  $(\Delta)$  ثمّ المنحنى  $(\mathfrak{F}_f)$
  - $(m-1)e^{-x}=m$  : ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقى m عدد و إشارة حلول المعادلة

علوم – 2009 – الموضوع الأول (7,5 نقاط)

 $I=[-\infty;-1]$  الجزء الأول f دالة معرّفة على  $I=[-\infty;-1]$ 

$$f(x) = -x + \frac{4}{x+1}$$



- I. احسب نهایات الدالة f عند الحدود المفتوحة لـ 1
- (ب) بقراءة بيانية و دون دراسة اتجاء تغيّرات f شكّل جدول تغيّراتها
- $g(x) = x + \frac{4}{x+1}$  : و دالة معرّفة على المجال  $0; + \infty$  [0; + ∞] دالة معرّفة على المجال  $g(x) = x + \frac{4}{x+1}$  المتعامد و  $(C_g)$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$ 
  - $+\infty$  عند g احسب نهایة g
- (ب) تحقق من أنّ  $({\mathcal C}_g)$  يقبل مستقيما مقاربا مائ ${\mathcal K}$  ( $\Delta$ ) عند  $\infty+$  يطلب تعيين معادلة له
  - (ج) ادرس تغیّرات g

: كما يلي k دالة معرّفة على  $\mathbb{R}-\{-1\}$  كما يلي

$$k(x) = |x| + \frac{4}{x+1}$$

ال احسب 
$$\frac{k(h)-k(0)}{h}$$
 و  $\frac{k(h)-k(0)}{h}$  ماذا تستنتج الماد و السب  $\frac{h}{h>0}$  ماذا تستنتج الماد و النتيجة (ب) أعط تفسيرا هندسيا لهذه النتيجة

- $x_0=0$  اكتب معادلتي المماسين  $(\Delta_1)$  و  $(\Delta_2)$  عند النقطة التي فاصلتها .2
  - $(\mathcal{C}_k)$  و  $(\Delta_2)$  ،  $(\Delta_1)$  و .3
- $x=-rac{1}{2}$  ,  $x=rac{1}{2}$  , y=0 : احسب مساحة الحيّز المستوي المحدد بالمنحنى  $(\mathcal{C}_k)$  و المستقيمات التي معادلاتها

علوم – 2009 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

الجزء الأول h دالة عددية معرّفة على + : 1 - [ كما يلى :

$$h(x) = x^2 + 2x + \ln(x+1)$$

- $\lim_{x\to +\infty} h(x)$  و  $\lim_{x\to -1} h(x)$  احسب.
- : ]-1; +  $\infty$ [ المجال عدد حقيقي x من المجال عدد عقيقي عن أنّه من أجل كل عدد عقيقي .

$$h'(x) = \frac{1 + 2(x+1)^2}{x+1}$$

و استنتج اتجاه تغيّر الدالة h ثمّ أنجز جدول تغيّراتها

x میب قیم h(x) مسب قیم h(0) د احسب قیم 3

: الجزء الثاني لتكن f دالة معرّفة على  $]-1;+\infty$  كما يلي

$$f(x) = x - 1 - \frac{\ln(x+1)}{x+1}$$

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- النتيجة بيانيا المسب النتيجة بيانيا النتيجة بيانيا المسب (۱)
- $\lim_{u\to+\infty}\frac{\ln u}{u}=0$  برهن أنّ ،  $\lim_{t\to+\infty}\frac{\mathrm{e}^t}{t}=+\infty$  باستعمال النتيجة (ب)
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x) \text{ lim}_{x \to +\infty} (x)$
- $(\mathcal{C}_f)$  و استنتج وجود مستقيم مقارب مائل للمنحنى ا $\lim_{x\to +\infty} [f(x)-(x-1)]$  (2)
  - (ه) ادرس وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى المستقيم المقارب المائل
    - ، ]-1; +  $\infty$ [ المجال x من أجل كل x من أجل كل .2

$$f'(x) = \frac{h(x)}{(x+1)^2}$$

f ثمّ شكل جدول تغيّرات الدالة

- 3,4 و 3,3 ييّن أنّ المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) يقطع المستقيم ذو المعادلة y=2 عند نقطة فاصلتها محصورة بين 3,3 و 3,3 و 3,4
  - **4**. أرسم (C<sub>f</sub>)
- x=1 و x=0 ، y=x-1 : احسب مساحة الحيّز المستوى المحدود بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيمات التي معادلاتها

علوم – 2008 – الموضوع الأول (7,5 نقاط)

الجزء الأول نعتبر الدالة العددية للمتغيّر الحقيقي x المعرّفة على المجال  $-2;+\infty$  ب :

$$f(x) = (ax + b)e^{-x} + 1$$

حیث a و b عددان حقیقیان

(1 cm وحدة الطول ( $C_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f}$ ) هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتحاس عند A يساوى A عيّن قيمتى A و معامل توجيه المماس عند A يساوى A

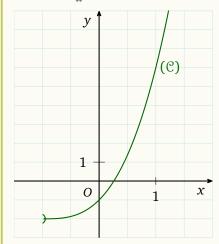
الجزء الثاني نعتبر الدالة العددية g للمتغيّر الحقيقي x المعرّفة على المجال  $-2;+\infty[$  كما يلي  $+\infty[$ 

$$g(x) = (-x-1)e^{-x} + 1$$

- و ( $\mathcal{C}_g$ ) تمثيلها البياني في نفس المعلم السابق.
- $\lim_{u\to -\infty} u \mathrm{e}^u = 0$  نذكر أنّ  $\lim_{x\to +\infty} g(x) = 1$  و فسر النتيجة بيانيا .  $\lim_{x\to +\infty} g(x) = 1$ 
  - 2. ادرس تغيّرات الدالة g ، ثمّ أنشى جدول تغيّراتها
  - 3. بيّن أنّ المنحنى  $(\mathcal{C}_g)$  يقبل نقطة انعطاف I يطلب تعيين إحداثييها
    - I اكتب معادلة المماس للمنحنى ( $\mathcal{C}_g$ ) عند النقطة  $\mathcal{L}$ 
      - $(\mathcal{C}_g)$  ارسم.
- 6.  $H(x) = (\alpha x + \beta) e^{-x} : -2; + \infty[$  جيث  $\alpha$  و  $\beta$  عددان حقيقيان.  $H(x) = (\alpha x + \beta) e^{-x} : -2; + \infty[$  عين  $\alpha$  و  $\beta$  بحيث تكون  $\alpha$  دالة أصلية للدالة  $\alpha$  للدالة أصلية للدالة  $\alpha$  و التي تنعدم عند القيمة  $\alpha$

 $k(x) = g(x^2)$  : ب $[-2; +\infty[$  المعرّفة على المعرّفة على الدالة المعرّفة الدالة k ثمّ شكل جدول تغيّراتها باستعمال مشتقة دالة مركبة، عيّن اتجاء تغيّر الدالة k

علوم – 2008 – الموضوع الثاني (7 نقاط)



المنحنى ( $^{\circ}$ ) المقابل هو التمثيل البياني للدالة العددية  $^{\circ}$  المعرّفة على المجال  $^{\circ}$  :  $^{\circ}$  كما يأتى :

$$g(x) = x^3 + 3x^2 + 3x - 1$$

- $g\left(\frac{1}{2}\right)$  و إشارة  $g\left(0\right)$  و عدّد (۱) و إشارة  $g\left(\frac{1}{2}\right)$  و إشارة  $g\left(\frac{1}{2}\right)$  و إشارة (۱) و إشارة (۱)
  - - $]-1;+\infty[$  على المجال على المتنتج إشارة g(x) على المجال
    - : بما يلي : -1;  $+\infty$  المعرّفة على المجال -1;  $+\infty$  بما يلي :

$$f(x) = \frac{x^3 + 3x^2 + 3x + 2}{(x+1)^2}$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  معلم متعامد (۲) و لیکن

: ]-1; +  $\infty$ [ المجال عدد حقيقى x من المجال المجال (۱)

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(x+1)^2}$$

f هي الدالة المشتقة للدالة f'

اب) عين دون حساب  $\frac{f(x)-f(\alpha)}{x-\alpha}$  و فسّر النتيجة بيانيا (ب)

(ج) احسب  $\lim_{x\to +\infty} [f(x)-(x+1)]$  و  $\lim_{x\to +\infty} [f(x)]$  (ج) احسب (ج)

f د) شكّل جدول تغيّرات الدالة

- $\alpha \approx 0.26$  نأخذ 3.
- ا) عيّن مدوّر  $f(\alpha)$  إلى  $f(\alpha)$ 
  - (ب) ارسم المنحنى (٢)
- عدان حقیقیان  $f(x) = x + a + \frac{b}{(x+1)^2}$  علی الشکل f(x) علی الشکل الشکل عددان حقیقیان الشکل عددان حقیقیان
  - F(1)=2 و التي تحقق F(1)=1 الدالة الأصلية للدالة على المجالة F(1)=1

# شعبة تقني رياضي

#### تمرین 21

تقني رياضي – 2017 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

: كما يلى الدالة العددية f المعرّفة على  $D_f=]-\infty$  ;  $1[\ \cup\ ]2$  ;  $+\infty[$  حيث  $D_f=D_f$  كما يلى

$$f(x) = -2x + 3 + 2\ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$$

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

انیا النهایتین بیانیا ،  $\lim_{x \to 2} f(x)$  ،  $\lim_{x \to 1} f(x)$  : احسب النهایتین بیانیا ، ثمّ فسّر النتیجتین بیانیا

 $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ 

f(3-x)+f(x)=0 و  $(3-x)\in D_f$  ،  $D_f$  من x من أجل كل عدد حقيقى x من أجل كل عدد حقيقى x

(ب) استنتج أنّ ( $\mathcal{C}_f$ ) يقبل مركز تناظر يُطلب تعيين إحاثييه

- على تعيين أنّ المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على المجال  $\beta$  على المجال أوّ,45;0,46 ثم استنتج أنّها تقبل حلا آخر  $\beta$  يطلب تعيين 4. حصر له
  - ( $C_f$ ) مقارب مائل لـ  $C_f$ ) المستقيم ( $C_f$ ) دا المعادلة y=-2x+3 مقارب مائل لـ y=-2x+3 بالنسبة لـ ( $C_f$ ) بالنسبة لـ ( $C_f$ ) د.
    - $(\mathcal{C}_f)$  و  $(\Delta)$  و ( $(\mathcal{C}_f)$ ).
- $[2;+\infty[$  على  $x\mapsto \ln\left(\frac{x-1}{x-2}\right)$  على  $x\mapsto (x-1)\ln(x-1)-(x-2)\ln(x-2)$  على  $[2;+\infty[$  على  $x\mapsto (x-1)\ln(x-1)-(x-2)\ln(x-2)$  على  $[2;+\infty[$ ، y=-2x+3 : ثمّ احسب بدلالة  $\beta$  مساحة الحيّز المستوى المحدد بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيمات التي معادلاتها x = 3 g  $x = \beta$

تقنى رياضي – 2017 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $g(x) = x^3 + 6x + 12$  : كما يلي الدالة العددية g المعرّفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي الدالة العددية

- 1. ادرس اتجاه تغيّر الدالة g
- 2. بيّن أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $\alpha \in ]-1,48;-1,47[$  عيث أنّ المعادلة وحيد العدد الحقيقى  $\alpha$  إشارة

الجزء الثانى نعتبر الدالة العددية f المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلى :

$$f(x) = \frac{x^3 - 6}{x^2 + 2}$$

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

- $\lim_{x\to +\infty}f(x)$  و  $\lim_{x\to +\infty}f(x)$  احسب (۱) السبب  $\int_{x\to -\infty}f(x) = \frac{xg(x)}{(x^2+2)^2}$  ،  $\int_{x\to -\infty}f(x) = \int_{x\to -\infty}f(x) = \int_{x\to -\infty}f(x)$  (۱) ابن أنّ من أجل كل عدد حقيقي ثمّ ادرس اتجاه تغيّر الدالة f و شكل جدول تغيّراتها
- $(\mathcal{C}_f)$  بيّن أنّ المستقيم ( $\Delta$ ) ذا المعادلة y=x مقارب مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) .
  - $(\Delta)$  ادرس وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى المستقيم ( $\Delta$ 
    - $f(\alpha)$  بيّن أنّ  $f(\alpha) = \frac{3}{2}$  ثمّ استنتج حصرا للعدد.
      - $(C_f)$  و المنتقيم ( $\Delta$ ) و المنتقيم ( $\Delta$ )
- y=0 و x=0 ،  $x=\alpha$  : إلى مساحة الحيّز المستوي المحدد بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيمات التي معادلاتها  $\frac{3}{2}\alpha^2 \leqslant S \leqslant -3\alpha$  : ثمّ بيّن أنّ : من أجل كل  $3 \leqslant f(\alpha)$  ،  $x \in [\alpha; 0]$  ثمّ بيّن أنّ : من أجل كل

تقنى رياضي – 2016 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

الجزء الأول g هي الدالة المعرفة على  $]\infty+;1-[$  بما يلي :

$$g(x) = \frac{x-1}{x+1} + \ln(x+1)$$

- $\lim_{x\to+\infty} g(x)$  و  $\lim_{x\to-1} g(x)$  احسب (۱)
- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على المجالة ]∞+;1-[ ثمّ شكل جدول تغيّراتها
  - $0.4 < \alpha < 0.5$ : ميثن أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث (١) .2
    - $]-1;+\infty[$  على المجال g(x) على استنتج إشارة (ب

الجزء الثاني f هي الدالة المعرفة على ]+;1-[ بما يلى :

$$f(x) = 1 + (x-1)\ln(x+1)$$

- $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  و فسر النتيجة هندسيا ثمّ احسب السيب السيب السيب النتيجة النتيجة السيب السيب السيب السيب النتيجة
- $x \to -1$  ادرس اتجاه تغیّر الدالة f على المجال f = -1; المرس اتجاه تغیّر الدالة f على المجال f
- $(10^{-2}$  النتائح إلى  $f(\alpha) = -\alpha + 4 \frac{4}{\alpha + 1}$  (ب) بيّن أنّ :  $f(\alpha) = -\alpha + 4 \frac{4}{\alpha + 1}$
- 3. ليكن a عدد حقيقي من المجال  $[0, +\infty]$   $[-1, +\infty]$  ، نسمً  $[0, +\infty]$  مماس المنحنى  $[0, +\infty]$  الممثل للدالة  $[0, +\infty]$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $[0, +\infty]$  عند النقطة ذات الفاصلة  $[0, +\infty]$

h(x) = f(x) - [f'(a)(x-a) + f(a)] : ]-1;+∞[ نضع من أجل كل عدد حقيقي x من المجال

- h'(x) = f'(x) f'(a) : ]-1; +  $\infty$ [ المجال x عدد حقيقي عدد عقيقي أنّه من أجل كل عدد عقيقي (۱)
- ]-1; + $\infty$ [ المجال على المجال h'(x) عين إشارة h'(x) حسب قيم h'(x) حسب قيم h'(x) على المجال
  - $(T_a)$  و  $(\mathcal{C}_f)$  حدد الوضع النسبي للمنحنى (ج)
  - 4. (۱) بيّن أنّه يوجد مماسان  $(T_{a_2})$  و  $(T_{a_1})$  يشملان النقطة A(1;0) يطلب تعيين معادلتيهما
    - $(\mathcal{C}_f)$  ارسم المماسين و المنحنى (ب)
  - $H(x) = \frac{1}{2}(x^2 2x 3)\ln(x + 1) \frac{1}{4}x^2 + \frac{3}{2}x$ : ب  $]-1;+\infty[$  ب المعرّفة على المجرّفة على المجال ].
    - $]-1;+\infty[$  على المجال  $x\mapsto (x-1)\ln(x+1)$  على المجال H على الدالة H على المجال (۱)
- x=2 و x=1 ، y=0 : احسب مساحة الحيّز المستوى المحدّد بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيمات التى معادلاتها

تقنى رياضي – 2016 – الموضوع الثاني (6,5 نقاط)

 $g(x) = x - x \ln x$  : ب $g(x) = x - x \ln x$  المعرفة على المجال المجال بازور بالدالة والمعرفة على المجال

- $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to 0} g(x)$  احسب. (۱)
- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على المجال  $]\infty+;0[$  ثمّ شكل جدول تغيّراتها
  - $3.5 < \alpha < 3.6$  : حيث أنّ المعادلة g(x) = -1 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$ 
    - $]0;+\infty[$  على المجال g(x)+1 على المجال ] $0;+\infty[$

المعرفة على  $+\infty$  المعرفة على  $+\infty$  بما يلى :

$$f(x) = \frac{\ln x}{x+1}$$

 $\|\overrightarrow{j}\|=4~\mathrm{cm}$  و  $\|\overrightarrow{i}\|=2~\mathrm{cm}$  : مو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد، حيث

- y=0 و x=0 و معادلتيهما x=0 و معادلتيهما عبين أنّ ( $\mathcal{C}_f$ ) و 1.
- $f'(x) = \frac{g(x)+1}{x(x+1)^2}$  : ]0;+∞[ من المجال x من المجال عدد حقيقي x من المجال عدد عقيقي x
- (ب) بيّن أنّ الدالة f متزايدة تماما على المجال  $[\alpha; \alpha; \alpha]$  و متناقصة تماما على المجال  $[\alpha; +\infty[$  ثمّ شكل جدول تغيّراتها .
  - (ج) اكتب معادلة للمماس (T) للمنحنى  $(\mathfrak{C}_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1
    - (ع) احسب  $\lim_{x\to a} \frac{f(x)-f(a)}{x-a}$ ، فسّر النتيجة هندسيا.  $f(a)=\frac{1}{a}:$  رق بيّن أنّ : 3.
    - $(10^{-2}$  إلى  $f(\alpha)$  (ب) استنتج حصرا للعدد (ب)
      - $(\mathfrak{C}_f)$  ارسم (ج)
  - 4. نعتبر المعادلة ذات المجهول الحقيقى الموجب تماما x و m وسيط حقيقى

$$x^{2} + x - 2m(x+1) = \ln(x^{2})$$
 ... (E)

- $f(x) = \frac{1}{2}x m$  : تحقق أنّ المعادلة (E) يؤول حلّها إلى حل المعادلة (ا)
  - (ب) عيّن بيانيا قيم m التي من أجلها تقبل المعادلة (E) حلّين متمايزين
    - تا يلى :  $\mathbb{R}^*$  بما يلى : h .5

$$h(x) = \frac{\ln(|x|)}{-|x|-1}$$

- و ( $\mathcal{C}_h$ ) منحناها البياني في المستوى
  - بيّن أنّ الدال h زوجية (۱)
- $(\mathcal{C}_f)$  ارسم في نفس المعلم المنحنى المنحنى المنحنى (ب)

26 www.dzmaths.net

تقنى رياضى – 2015 – الموضوع الأول (7,5 نقاط)

 $h(x) = (x+2)^2 + 2 - 2\ln(x+2)$  : بما يلى  $h(x) = (x+2)^2 + 2 - 2\ln(x+2)$  الدالة المعرّفة على المجال  $h(x) = (x+2)^2 + 2 - 2\ln(x+2)$ 

- $\lim_{x\to +\infty} h(x)$  ،  $\lim_{x\to -2} h(x)$  .1
- 2. ادرس اتجام تُغيّر ٱلدالة h ، ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- h(x)>0 ، ]-2;+ $\infty$ [ من أجل كل عدد حقيقي x من أجل كل عدد عقيقي 3.

الدالة المعرّفة على المجال  $-2;+\infty$  بما يلى : الدالة المعرّفة على المجال المجال f

$$f(x) = x + 1 + \frac{2}{x+2}\ln(x+2)$$

( $\mathcal{C}_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O;\overrightarrow{1},\overrightarrow{j})$  وحدة الطول  $(\mathcal{C}_f)$ 

- $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  و فسّر النتيجة هندسيا ، ثمّ احسب ا $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  و فسّر النتيجة
  - 2. (۱) بيّن أنّه من أُجُل كل عدد حقيقى x من المجال ]x + 2; + ∞[ : ]-2; + ∞[ المجال ]

$$f'(x) = \frac{h(x)}{(x+2)^2}$$

- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على المجال  $]-2;+\infty[$  ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $+\infty$  بجوار  $\mathcal{C}_f$ ) بجوار مائل للمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) بجوار y=x+1 المعادلة ( $\mathcal{L}_f$ ) بجوار (ا)
  - $(\Delta)$  ادرس وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى المستقيم
  - 4. (ا) اثبت أنّ المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل نقطة انعطاف A يطلب تعيين إحداثييها
    - $(\mathcal{C}_f)$  ارسم المستقيمين المقاربين و المنحنى المقاربين و المنحنى
- x=-1 ، y=0 : احسب بالسنتمتر المربع، مساحة الحيّز المحدد بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيمات التي معادلاتها x = 1 9

 $[-2;+\infty]$  الدالة المعرّفة على المجال g الدالة المعرّفة المجال المجال الدالة المعرّفة المحال المجال المحالة المعرّفة المحال المحالة المحالة

$$g(x) = |x+1| + \frac{2}{x+2} |\ln(x+2)|$$

- 9 و  $\lim_{x \to -1} \frac{g(x) g(-1)}{x + 1}$  ماذا تستنتج بالنسبة إلى و أ $\lim_{x \to -1} \frac{g(x) g(-1)}{x + 1}$  ماذا تستنتج بالنسبة إلى و 2. اعط تفسيرا هندسيا لهده النبيجة
- 3. اتطلاقا من المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  ارسم المنحى  $(\mathcal{C}_g)$  الممثل للدالة g في نفس المعلم السابق

تقنى رياضي – 2015 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

 $g(x) = (x+2)e^x - 2$  : بما يلي  $g(x) = (x+2)e^x - 2$  الدالة المعرّفة على  $g(x) = (x+2)e^x - 2$ 

- $\lim_{x \to -\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  احسب.
- 2. ادرس اتجاه تغيّر الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
  - g(x) ، ثمّ استنتج إشارة (3. احسب g(0)

الدالة المعرّفة على  $\mathbb R$  بما يلى : f الدالة المعرّفة

$$f(x) = 2x + 3 - (x + 1)e^x$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

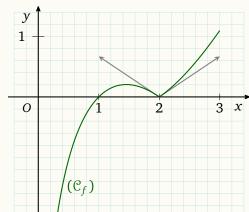
- $\lim_{x\to-\infty} f(x)$  ، ثمّ احسب ،  $\lim_{x\to+\infty} f(x) = -\infty$  .1.
- f'(x) = -g(x)، x بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقى (۱) .2
- f استنتج إشارة f'(x) ، ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة (ب
- $-\infty$  عند  $(\mathcal{C}_f)$  عند مقارب مائل للمنحنى y=2x+3 عند  $(\mathcal{C}_f)$  عند أنّ المستقيم ( $(\mathcal{C}_f)$ ) عند رخم ادرس وضعية  $(\mathcal{C}_f)$  بالسبة إلى المستقيم ( $(\mathcal{C}_f)$ )
- $-1,56 < \beta < -1,55$  و  $0.92 < \alpha < 0.93$  : شبل حلين  $\alpha$  و  $\alpha$  حيث f(x) = 0 و f(x) = 0 .3
  - $\left]-\infty;rac{3}{2}
    ight]$  ارسم المستقيم ( $\Delta$ ) و المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) على المجال ( $\mathcal{C}_f$ )
  - $\mathbb{R}$  على  $x\mapsto (x+1)\mathrm{e}^x$  على  $x\mapsto x\mathrm{e}^x$  على  $x\mapsto x\mathrm{e}^x$  على 4.
- (ب) احسب  $A(\alpha)$  مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  و المستقيمين اللذين معادلتيهما  $x=\alpha$  (ب)  $x=\alpha$  مساحة الحيز المستوي المعرفة في السؤال 3. (1)
  - $A(\alpha)$  حد حصرا للعدد (ج)

تقني رياضي – 2014 – الموضوع الأُول (6 نقاط)

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  المستوي منسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس

 $g(x) = x \ln x + x$ : بالأول g الدالة المعرّفة على المجال [3;0] بالدالة المعرّفة على المجال إ

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g
- $1,45 < \alpha < 1,46$  ثمّ تحقق أنّ g(x) = 2 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في g(x) = 2 ثمّ تحقق أنّ المعادلة 2. (۱)
  - g(x)-2 استنتج إشارة (ب



المعرّفة على المجال f المعرّفة على المجال المجال المعرّفة الثاني التمثيل البياني المقابل ( $\mathcal{C}_f$ ) المعرّفة على المجال

 $f(x) = |x-2| \ln x : -10;3$ 

- 2 عند f عند الدالة اشتقاق الدالة f عند 1.
  - 2. أثبت صحة تخمينك
  - f ادرس تغيّرات الدالة f

 $h(x)=(2-\cos x)\ln(\cos x)$  : كما يلي  $\left[0;\frac{\pi}{2}\right[$  كما يلي h الدالة المعرفة على المعرفة عل

- h مقارب للمنحنى ( $\mathcal{C}_h$ ) هو التمثيل البيان للدالة  $x=rac{\pi}{2}$  مقارب للمنحنى ( $\mathcal{C}_h$ ) هو التمثيل البيان للدالة 1.
  - ( $\mathcal{C}_h$ ) و ( $\Delta$ ) ادرس اتجاه تغیّر الداله h ، ثمّ شکل جدول تغیّراتها و ارسم ( $\Delta$ ) و ( $\Delta$ )

تقني رياضي – 2014 – الموضوع الثاني (6 نقاط)

 $f(x) = (x-1)e^x$ : ب  $\mathbb{R}$  ب الدالة المعرّفة على f

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- $+\infty$  و  $\infty$  و  $\infty$  + 1. عيّن نهاية
- 2. ادرس اتجاه تغيّر الدالة f على  $\mathbb{R}$  ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $1,27 < \alpha < 1,28$  أنّ المعادلة f(x) = 1 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  على  $\beta$  ، ثمّ تحقق أنّ المعادلة .  $\beta$
- (ب) اكتب معادلة لـ  $(C_f)$  مماس المنحنى  $(C_f)$  عند النقطة ذات الفاصلة 1 و حدّد وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى  $(C_f)$  ارسم  $(C_f)$  و  $(C_f)$ 
  - $\mathbb{R}$  عيّن قيم العدد الحقيقي m التي من أجلها تقبل المعادلة  $(x-1)e^x-(m-1)e^m=-1$  حلا واحدا في x-1
    - 5.  $h(x) = (|x|+1)e^{-|x|}$  به على  $\mathbb{R}$  بالمعرّفة على  $h(x) = (|x|+1)e^{-|x|}$  بمثيلها البياني h(x) = h(x)
      - (۱) بيّن أنّ الدالة h زوجية
      - $(\mathfrak{C}_f)$  ارسم  $(\mathfrak{C}_h)$  مستعینا بالمنحنی (ب
      - و. و دالة معرّفة على  $\mathbb{R}$  ب $\mathbb{R}$  ب $\mathbb{R}$  دالة معرّفة على  $\mathbb{R}$  ب $\mathbb{R}$  ب $\mathbb{R}$  دالة معرّفة على  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  على  $\mathbb{R}$  عن  $\mathbb{$

www.dzmaths.net 30

تقنى رياضى – 2013 – الموضوع الأول (7 نقاط)

 $g(x) = (x+1)^2 - 2 + \ln(x+1)$  : بالعبارة  $g(x) = (x+1)^2 - 2 + \ln(x+1)$  بالعبارة ويادة ويادة على المجال

- 1. ادرس اتجاه تغيّر الدالة g على المجال ] $\infty$  +;1-[
- $\ln(\alpha+1) = 2 (\alpha+1)^2$  و أنّ g(x) = 0 و أنّ g(x) = 0 و أنّ عبين أنّ المعادلة 0 و المعادلة 2 وحيدا
  - g(x) استنتج حسب قیم x إشارة 3.

الجزء الثانى الدالة f معرّفة على المجال  $]\infty+;1-[$  بالعبارة :

$$f(x) = (x+1)^2 + (2 - \ln(x+1))^2$$

 $(C_f)$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(C_f)$ 

- $\lim_{x\to +\infty}f(x)$  و  $\lim_{x\to -1}f(x)$  و  $\lim_{x\to -1}f(x)$  . 1 أثبت أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من  $]-1;+\infty$  ،

$$f'(x) = \frac{2g(x)}{x+1}$$

- 3. ادرس اتجاه تغيّر الدالة f ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $f(\alpha)$  بيّن أنّ :  $f(\alpha) = (\alpha+1)^2(1+(\alpha+1)^2)$  ، ثمّ استنتج حصرا للعدد .4
  - 5. مثّل المنحنى ( ${\rm C}_f$ ) على المجال [2; 1–[

 $h(x) = \ln(x+1)$  : المنحنى الممثل للدالة h المعرّفة على المجال  $+\infty$  المعرّفة المعرّفة المعرّفة المعرّفة على المجال العبارة العبارة المعرّفة على المجال العبارة المعرّفة على المحرّفة على المحرّفة على المحرّفة المعرّفة على المحرّفة على الم

x النقطة ذات الإحداثيتين (-1;2) و B نقطة من A

- $AM = \sqrt{f(x)}$  أثبت أنّ المسافة AM تعطى بالعبارة.
- $k(x) = \sqrt{f(x)}$ : بالعبارة : -1; +  $\infty$ [ المجال على المجال على المجال ].
- $]-1;+\infty[$  بيّن أنّ للدالتين k و f نفس اتجاه التغيّر على المجال [0)
- (ب) عيّن إحداثيتي النقطة B من  $(\Gamma)$  ، بحيث تكون المسافة AM أصغر ما يمكن
  - $AB = (\alpha + 1)\sqrt{(\alpha + 1)^2 + 1}$  : تين أنّ (ج)

تقنى رياضي – 2016 – الموضوع الثاني (7,5 نقاط)

 $g(x) = (x-1)e^x$  : كما يلي و معرّفة على همرّفة على الدالة و الد

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g
- $1 + (x-1)e^x \ge 0$ : x = 2. بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي

الجزء الثاني الدالة f معرّفة على  $]\infty+[0]$  كما يلى :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{e^x - 1}{x}, & x > 0 \\ f(0) = 1 \end{cases}$$

- $[0;+\infty[$  بيّن أنّ الدالة f مستمرة على  $]\infty+[0]$ 
  - $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  (ب)
- x : ]0; +∞[ تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقى x من ]0; +∞[ تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقى

$$f'(x) = \frac{1 + (x - 1)e^x}{x^2}$$

(ب) استنتج اتجاه تغیّر الدالة f ، ثمّ شکّل جدول تغیّراتها

 $[+:]0;+\infty$  عدد طبيعي حيث  $f_n$  ،  $n\geq 1$  الدالة المعرفة على n

$$f_n(x) = \frac{e^x - 1}{x} + n \ln x$$

 $(0; \overrightarrow{i}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(C_f)$ 

- ]0;+ $\infty$ [ على ]0;+ $\infty$ [ ادرس اتجاه تغيّر الدالة
- $\lim_{x \to +\infty} f_n(x)$  و  $\lim_{x \to 0} f_n(x)$  و  $\lim_{x \to 0} f_n(x)$  .3
- 4. بيّن أنّ جميع المنحنيات تمر من نقطة ثابتة B يطلب تعيين إحداثيتيها
- $f_1(\alpha_1) = 0$  بيّن أنّه، يوجد عدد حقيقى وحيد  $\alpha_1$  من ]0,3;0,4 بيّن أنّه، يوجد عدد حقيقى وحيد الم
- رب) بيّن أنّه ، من أجل كل عدد طبيعى  $n \geq 1$  حيث  $n \geq 1$  فإنّ  $n \geq 1$  ثمّ برهن أنّه يوجد عدد حقيقى وحيد  $n \geq 1$  $f_n(\alpha_n) = 0$  بحيث  $]\alpha_1; 1[$ 
  - $\frac{e^x-1}{r} \le e-1$  : ]0;1] من أجل كل عدد حقيقي x من أجل الجزء الجزء الجزء الثاني، بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي
    - $\alpha_n \geqslant \mathrm{e}^{\frac{1-\mathrm{e}}{n}}$  ، من أجل كل عدد طبيعي n حيث  $n \geqslant 1$  ميث أجل كل عدد طبيعي n عدد طبيعي n
      - $(\alpha_n)$  جد نهایة المتتالیة (ج

تقني رياضي – 2012 – الموضوع الأول (7 نقاط)

 $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$  : كما يلى  $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$  كما يلى و  $g(x) = -4 + (4 - 2x)e^x$ 

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $1,59 < \alpha < 1,60$  : حيث أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلين أحدهما معدوم و الآخر 2.
  - g(x) استنتج إشارة.

الجزء الثاني f هي الدالة المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{2x - 2}{e^x - 2x}$$

(2 cm وحدة الطول ( $C_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(C_f)$ 

- y=0 و y=-1 : و y=-1 و الترتيب
  - x برهن أنّه من أجل كل عدد حقيقى x :

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - 2x)^2}$$

- f استنتج إشارة f'(x) ، ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة (ب
  - f(x) أشارة (f(1) ، ثمّ استنتج ، حسب قيم ، إشارة (ج)
- ق. (۱) بيّن أنّ :  $f(\alpha) = -1 + \frac{1}{\alpha 1}$  من الجزء الأول عدد المعرف في السؤال 2 من الجزء الأول
  - $(10^{-2}$  إلى  $f(\alpha)$  استنتج حصرا للعد  $f(\alpha)$  العد (ب)
    - $(\mathfrak{C}_f)$  ارسیم (ج)
- $2x-2=(\mathrm{e}^x-2x)(m+1)$  : عدد و إشارة حلول المعادلة m ، عدد و إشارة حلول المعادلة . 4
  - $h(x) = [f(x)]^2$  : كما يلى  $\mathbb{R}$  كما الدالة المعرّفة على h
  - h'(x) احسب h'(x) بدلالة كل من f'(x) و f'(x) ، ثمّ استنتج إشارة (۱)
    - (ب) شكّل جدول تغيّرات الدالة h

تقنى رياضي – 2012 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

الجزء الأول g هي الدالة المعرّفة على  $]0;+\infty[$  كما يلى  $g(x)=x^2+a+b\ln x:$  حيث a و a عددان حقيقيان

- 4. عيّن a و b علما أنّ التمثيل البياني للدالة g يقبل في النقطة A(1;-1) مماسا معامل توجيهه 4.
  - b=2 و a=-2
  - (۱) ادرس تغيّرات الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- g(x) على g(x)=0 على g(x)=0 على g(x)=0 على أنّ المعادلة g(x)=0 على g(x)=0 على g(x)=0

 $+: 0; +\infty$ [ ب بالدانة المعرّفة على  $+: 0; +\infty$  الجزء الثاني الدانة المعرّفة المعرّفة الثاني

$$f(x) = x - 2 - \frac{2\ln x}{x}$$

(2 cm) وحدة الطول ( $C_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(C_f)$ 

- $\lim_{x\to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x\to 0} f(x)$  (۱) احسب 1. (۱)  $\lim_{x\to 0} f(x)$  في احسب  $f'(x)=\frac{g(x)}{x^2}$  ، ثم تحقق أنّ
- f استنتج إشارة f'(x) ، ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة (ج)
- $(\Delta)$  بيّن أنّ المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة y=x-2 مقارب لـ  $(\mathcal{C}_f)$  ، ثمّ ادرس وضعية  $(\Delta)$  بالنسبة إلى  $(\Delta)$ 
  - (ب) بيّن أنّ  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل مماسا (T) يوازي  $(\mathcal{C}_f)$  ، ثمّ جد معادلة له
- رج) نأخذ  $\alpha \approx 1,25$  و  $\alpha \approx 1,25$  و  $\alpha \approx 1,25$  نمّ  $\alpha \approx 1,25$  نمّ ،  $\alpha \approx 1,25$  نمّ ، ثمّ  $\alpha \approx 1,25$  نمّ ، ثمّ المعالدلة  $\alpha \approx 1,25$  $(\mathcal{C}_f)$  و (T) ،  $(\Delta)$  و  $(\mathcal{C}_f)$

34

 $(m+2)x + 2\ln x = 0$ : ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقى m ، عدد حلول المعادلة

تقني رياضي – 2011 – الموضوع الأُول (6 نقاط)

: عددية معرّفة على  $]\infty+0$ [ كما يلي f

$$f(x) = \frac{a + b \ln(2x)}{4x^2}$$

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ ) هو عددان حقيقيان و

- الماس في النقطة  $A\left(\frac{1}{2};1\right)$  للمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) للمنحنى عيّن a و b بحيث يكون المماس في النقطة  $A\left(\frac{1}{2};1\right)$ 
  - 2. g الدالة العددية المعرّفة على  $]\infty+;0[$  كما يلى :

$$g(x) = \frac{1 + 2\ln(2x)}{4x^2}$$

و ( $\mathcal{C}_g$ ) هو المنحنى الممثل لها في المعلم السابق

- ا) احسب  $\lim_{x \to 0} g(x)$  و  $\lim_{x \to \infty} g(x)$  ، فسّر النتيجتين هندسيا
  - رب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g ثمّ شكّل جدول تغيّراتها (+)
    - g(x) = 0 المعادلة g(x) = 0 المعادلة (ج)
      - $(\mathfrak{C}_g)$  أنشئ (د)
- 3. (۱) الدالة العددية المعرّفة على المجال  $\infty$  + (۱) الدالة العددية المعرّفة على المجال

$$h(x) = \frac{1 + 2\ln(2x)}{2x}$$

h'(x) احسب

$$]0;+\infty[$$
 على المجال g على المجال  $g(x)=\frac{1}{4x^2}+\frac{\ln(2x)}{2x^2}:$  (ب) تحقق أنّ

تقني رياضي – 2011 – الموضوع الثاني (7,5 نقاط)

الجزء الأول f الدالة العددية المعرّفة على مجموعة الأعداد الحقيقة  ${\mathbb R}$  كما يلى :

$$f(x) = 3 - \frac{4}{e^x + 1}$$

 $(0; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- f ادرس تغيّرات الدالة f
- $(\mathfrak{C}_f)$  عين المستقيمات المقاربة للمنحنى عين
- 3. بيّن أنّ للمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  نقطة انعطاف  $\omega$  يطلب تعيينها ثمّ اكتب معادلة لمماس  $(\mathcal{C}_f)$  عندها
  - g(x) = f(x) x: لتكن g الدالة العددية العرّفة على  $\mathbb{R}$  كما يلى و الدالة العددية العرّفة على g(x) = f(x) x
    - (۱) ادرس تغيّرات الدالة g
  - $2.7 < \alpha < 2.8$  : حيث  $\alpha$  حيث g(x) = 0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$ 
    - f(x) = 0 المعادلة على المعادلة 5.
  - $(\mathcal{C}_f)$  و المنحى y=x و الذي معادلته y=x و المنحى (ب)

 $u_{n+1} = f(u_n): n$  و من أجل كل عدد طبيعي  $u_0 = 1: u_0 = 1$  و من أجل كل عدد طبيعي المتتالية العددية المعرّفة كما يلي

- المستقيم ( $\Delta$ ) مثل معور الفواصل المستقيم ( $\Omega_f$ ) مثل المستقيم ( $U_f$ ) باسخدام ( $\mathcal{C}_f$ ) باسخدام المستقيم ( $\mathcal{C}_f$ ) باسخدام ( $\mathcal{C}_f$ ) المستقيم ( $\mathcal{C}_f$ ) باسخدام
  - $1 \leqslant u_n < \alpha$  فإنّ عدد طبيعي n فإنّ عدد عدد طبيعي 2.
    - 3. بيّن أنّ المتتالية  $(u_n)$  متزايدة تماما
    - $\lim_{n\to +\infty} u_n = \alpha$  استنتج أنّ  $(u_n)$  متقاربة و بيّن أنّ 4.

تقنى رياضي – 2010 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}^*$  بالعبارة :

$$f(x) = \frac{3xe^x - 3x - 4}{3(e^x - 1)}$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )

- $\mathbb{R}^*$  من أجل كل x من أجل كل  $ax + \frac{b}{3(e^x 1)}$  عيّن العددين الحقيقيين a و a بحيث : a
  - عديفها عند أطراف كل مجال من مجالى تعريفها f
  - 3. بيّن أنّ f متزايدة تماما على كل مجال من مجالى تعريفها ثمّ شكل جدول تغيّراتها
- $y = x + \frac{4}{3}$  و y = x: المستقيمان اللذان معادلتاهما على الترتيب ( $\mathcal{D}'$ ) و ( $\mathcal{D}'$ ) و ( $\mathcal{D}$ ) المستقيمان اللذان معادلتاهما على الترتيب بالنسبة لكل منهما بيّن أنّ ( $\mathcal{D}$ ) و ( $\mathcal{D}'$ ) مقاربان للمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) ، ثمّ حدّد وضعيته بالنسبة لكل منهما
- $-1,66 < x_1 < -1,65$  و  $0.9 < x_0 < 0.91$  و  $0.9 < x_0 < 0.91$  تقبل حلين  $0.9 < x_0 < 0.91$  تقبل حلين أنّ المعادلة  $0.9 < x_0 < 0.91$  تقبل حلين  $0.9 < x_0 < 0.91$ 
  - (ج) احسب من أجل كل عدد حقيقى x غير معدوم f(x) + f(-x) فسّر النتيجة هندسيا
    - $(\mathfrak{C}_f)$  و  $(\mathfrak{D}')$  و  $(\mathfrak{D})$  (د)
    - y=x+m عدد حقيقي ،  $(\mathcal{D}_m)$  المستقيم المعرّف بالمعادلة m (ه) f(x)=x+m ناقش بيانيا حسب قيم m عدد حلول المعادلة
    - $g(x) = [f(x)]^2$  : نعتبر الدّالة g المعرّفة على المجال  $g(x) = [f(x)]^2$  كما يأتي  $g(x) = [f(x)]^2$  دون حساب g(x) بدلالة g(x) دون حساب g(x) بدلالة g(x)

تقني رياضي – 2010 – الموضوع الثاني (6 نقاط)

الدالة العددية المعرّفة على كما يلي : f

$$f(x) = x \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} \right)$$

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ ) و

- اً. (۱) أثبت أنّ الدالة f فردية
- (ب) أثبت أنّه من أجل كل عدد حقيقى x لدينا (

$$f'(x) = 1 + \frac{1}{(x^2 + 1)\sqrt{x^2 + 1}}$$

- f ادرس تغیّرات الداله f
- 0. اكتب معادلة للمماس (T) للمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  في النقطة ذات الفاصلة المنحنى (ا)
- (ب) ادرس وضعية  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى (T) و استنتج أنّ  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل نقطة انعطاف يطلب تعيينها
- (ج) بيّن أنّ المستقيم (d) ذو المعادلة y=x+1 مقارب لمنحنى ( $C_f$ ) في جوار  $\infty+$  ، ثمّ استنتج معادلة (d') المستقيم المقارب اللآخر
  - (د) ارسم (d) و  $(C_f)$  (ط) (ط) (د) ارسم (ع)
    - 3. g الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb{R}$  كما يلى :

$$g(x) = |x| \left( 1 + \frac{1}{\sqrt{x^2 + 1}} \right)$$

- (۱) بيّن أنّ الدالة g زوجية
- (ب) انطلاقا من  $(\mathcal{C}_f)$  ارسم  $(\mathcal{C}_g)$  منحنى الدالة g في نفس المعلم السابق

تقني رياضي – 2009 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

نعتبر الدّالة f المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلى :

$$f(x) = x + \frac{2}{e^x + 1}$$

- $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )
- $(\mathcal{C}_f)$  من أجل كل عدد حقيقي x ، ثمّ استنتج أنّ النقطة  $\omega(0;1)$  هي مركز تناظر للمنحنى المنحنى (x
  - $\mathbb{R}$  ادرس تغيّرات الدالة f على المجال  $]\infty+(0]$  ثمّ استنتج جدول تغيّراتها على  $\mathbb{R}$
  - $+\infty$  عند  $(\mathcal{C}_f)$  عند مقارت للمنحنى المعادلة y=x هو مستقيم مقارت للمنحنى .3
  - $-\infty$  عند ( $\mathcal{C}_f$ ) عند المقارب للمنحنى ا $\lim_{x \to -\infty} [f(x) (x+2)]$  عند
    - $-1.7 < \alpha < -1.6$  بيّن أنّ للمعادلة f(x) = 0 حلا وحيدا  $\alpha$ 
      - $x \in \mathbb{R}$  ارسیم ( $\mathcal{C}_f$ ) من أجل .5
      - 6. بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x

$$f(x) = x + \frac{2e^{-x}}{e^{-x} + 1}$$

x=0 و y=x+2 : احسب  $A(\alpha)$  مساحة الحيز المستوي المحدّد بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و المستقيمات ذات المعادلات  $x=\alpha$  و  $x=\alpha$ 

 $\mathcal{A}(\alpha)$  بيّن أنّ  $\mathcal{A}(\alpha) = 2\ln(-\alpha)$  ثمّ استنتج حصرا للعدد

تقنى رياضي – 2009 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

- $g(x) = 2x + \ln x$  : كما يلى  $g(x) = 2x + \ln x$  دالة معرّفة على
  - $+\infty$  احسب نهایة الدالة f عنما یؤول x الى  $+\infty$ 
    - (ب) ادرس اتتجاه تغيّر الدّالة g
- $g(x) \neq 0$  فإنّ 0 المجالة  $[1; +\infty]$  فإنّ x من المجالة عدد حقيقى x من أجل كل عدد حقيقى
  - 2. لتكن f دالة معرّفة على  $]\infty+$ [1] كما يلى :

$$f(x) = \frac{6 \ln x}{2x + \ln x}$$

- $x \in [1; +\infty[$  بيّ، أنّه يمكن كتابة  $f(x) = \frac{6\frac{\ln x}{x}}{2 + \frac{\ln x}{x}}$  على الشكل على الشكل الشكل الشكل الشكل السبب (۱) احسب (1) احسب (
  - (ب) احسب  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ، ماذا تستنتج
    - f ادرس اتجاه تغیّر الدّلة
- (a) فيم العدد الحقيقى f(x)=k حلين متمايزين f(x)=k حلين متمايزين أعدد الحقيقى أعدد الحقيق أعدد
- f الماني البياني للدّالة  $(\mathcal{C}_f)$  يرمز إلى التمثيل البياني للدّالة  $(\mathcal{C}_f)$  عند النقطة التي فاصلتها  $(\mathcal{C}_f)$  يرمز إلى التمثيل البياني للدّالة  $(\mathcal{C}_f)$  $(0; \overrightarrow{l}, \overrightarrow{J})$  في المعلم المتعامد و المتجانس
  - 3. نعتبر الدّالة h المعرّفة على  $[1;+\infty]$  بالعبارة  $h(x)=f(e^x)$  و  $h(x)=f(e^x)$  تمثيلها البياني في المعلم السابق
    - h شكل جدول تغيّرات الدّالة
    - ا التى فاصلتها ( $\mathcal{C}_h$ ) عند النقطة التى فاصلتها ( $\Delta_2$ ) عند معادلة للمماس
      - (ج) ارسم کلا من  $(\Delta_1)$  ،  $(\Delta_2)$  ،  $(\Delta_1)$  في نفس المعلم السابق

# شعبة رياضيات

#### تمرین 39

رياضيات – 2017 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

 $f(x) = (-x^3 + 2x^2)\mathrm{e}^{-x+1}$ : نعتبر الدالتة العددية f المعرّفة على  $\mathbb R$  ب

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

1. (۱) احسب f(x) يطلب تعيين معادلة له  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  استنتج وجود مستقيم مقارب للمنحنى المنافق المادلة له

 $f'(x) = x(x^2 - 5x + 4)e^{-x+1}$ ، x عدد حقیقی عدد عند بین أنّ : من أجل کل عدد حقیقی ثمّ استنتج اتجاه تغیّر الدالة f و شکّل جدول تغیّراتاها

2. اكتب معادلة (T) مماس المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 2

 $h(x) = x^2 e^{-x+2} - 4$  يلي  $0; +\infty$  كما يلي  $0; +\infty$  كما يلي  $h(x) = x^2 e^{-x+2} - 4$  كما يلي  $h(x) = 0; +\infty$  كما يلي  $h(x) = 0; +\infty$  ادرس اتجاه تغيّر الدالة h ثمّ استنتج إشارة  $h(x) = 0; +\infty$  حدّد عندئ وضعية  $h(x) = 0; +\infty$  ادرس اتجاه تغيّر الدالة h ثمّ استنتج إشارة  $h(x) = 0; +\infty$ 

 $[0;+\infty[$  ارسم المماس (T) و المنحنى ( $C_f$ ) على المجال اT

f(x) = m(x-2) ... (E) : بعتبر m وسيط حقيقي و المعادلة ذات المجهول الحقيقي x الموجب m عدد حلول المعادلة (E)

 $g(x) = f\left(\frac{1}{x}\right)$ : بg(x) = 0; بالدالة المعرّفة على المجال وg(x) = 0; بالدالة الدالة وعتمادا على السؤال رقم g(x) = 0; شكّل جدول تغيّرات الدالة و

رياضيات – 2017 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $g(x) = \frac{1}{x} - \ln x$ : كما يلي : g المعرّفة على المجال ]g; +  $\infty$ [ كما يلي : g المعرّفة على المجال إلى المعرّفة على المعرّفة عل

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g
- g(x)=0 على g(x)=0. بيّن أنّ المعادلة g(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  من المجال  $\alpha$  من المجال  $\alpha$  على على  $\alpha$

الجزء الثاني نعتبر الدالة العددية f المعرفة على  $]\infty+[0]$  المجال كما يلى :

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x+1}{x - \ln x}, & x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ 

- النتيجة بيانيا  $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x}$  و فسّر النتيجة بيانيا المين، ثمّ احسب أنّ الدالة f مستمرة عند العدد f على اليمين، ثمّ احسب
  - $f'(x) = \frac{g(x)}{(x \ln x)^2}$ ، ]0;+∞[ من المجال x من الجل عدد حقيقي x من المجال .2
    - f احسب f(x) و فسّر ذلك بيانيا ثم شكّل جدول تغيّرات الدالة  $\int_{x \to +\infty}^{x} f(x)$ 
      - $h(x) = x \ln x$ : بـ ]0; + ∞[ بـ المعرّفة على h المعرّفة على 4.
    - h(x)>0 ، بيّن أنّ : من أجل كل عدد حقيقي x موجب تماما ، y=1 المعادلة  $(C_f)$  بالنسبة إلى المستقيم  $(\Delta)$  ذي المعادلة  $(C_f)$ 
      - $(f(\alpha) \approx 2.31$  نأخذ  $(\mathcal{C}_f)$  ارسم (ب)
    - $F(x) = \int_{1}^{x} f(t) dt$ : كما يلي : 0; +  $\infty$ [ المعرّفة على المجال F المعرّفة على المجال ].
    - $\frac{1}{x} + 1 \le f(x) \le f(\alpha)$ ،  $x \ge 1$  حيث  $x \ge 1$  عدد حقيقي x عدد حقيقي بيّن أنّ
      - اعط تفسيرا هندسيا للعدد F(e) ثمّ استنتج حصرا له

رياضيات – 2016 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

 $g(x) = 1 + x^2 + 2 \ln x$ : بg الدّالة العددية المعرّفة على المجال ] $g + \infty$  بالمجال المعرّفة على المجال المعرّفة على المجال إ

- 1. ادرس اتجاه تغيّر الدالة g
- $\alpha$  عند المعادلة g(x)=0 تقبل في المجال ]0,52;0,53 حلا وحيد 2.
  - g(x) على المجال ]0; +  $\infty$ [ على المجال

الجزء الثانى f الدالة العددية المعرّفة على المجال f = 0 ب : 0.

$$f(x) = -x + \frac{3 + 2\ln x}{x}$$

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ 

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to 0} f(x)$  .1
- $f'(x) = \frac{-g(x)}{x^2}$  : ]0;+∞[ المجال x من المجال عدد حقيقي x من أَجْل كل عدد حقيقي x من المجال (۱) .2
  - f شكّل جدول تغيّرات الدّالة f
  - (ج) تحقق أنّ :  $f(\alpha) = 2\left(\frac{1}{\alpha} \alpha\right)$  : تحقق أنّ
  - المسب النتيجة هندسيا ال $\lim_{x\to +\infty} [f(x)+x]$  المسب 3. (۱)
  - $(\Delta)$  ادرس وضعية  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى مستقيمه المقارب المائل ( $\Delta$
  - (ج) بيّن أنّ  $({\mathcal C}_f)$  يقبل مماسا (T) يوازى  $(\Delta)$  يطلب كتابة معادلة ديكاربية له
- $2,11 < x_1 < 2,13$  و  $0,22 < x_0 < 0,23$  : حيث  $x_0 < 0,23$  و و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  في نقطتين فاصلتيهما  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  ارسم  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  ارسم  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  ارسم  $x_0 < 0,23$  و  $x_0 < 0,23$  و x

 $u_n = \int_{0}^{e^{n+1}} [f(x) + x] dx$ : نضع الثالث من أجل كل عدد طبيعي n نضع

- $u_n > 0 : n$  بيّن أنّه من أجل كل عدد طبيعي 1.
  - $u_0$  أعط تفسيرا هندسيا للعدد.
    - n بدلالة  $u_n$  بدلالة  $u_n$
- n بدلالة  $S_n$  بدلالة .  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$  : نضع .4

رياضيات – 2016 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $\varphi(x)=(x^2-x+1)\mathrm{e}^{-x+1}-1:$  الجزء الأول  $\varphi$  الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلى

- $\lim_{x \to +\infty} \varphi(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} \varphi(x)$  احسب. (۱)
- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة  $\varphi$  ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $2,79 < \alpha < 2,80$  : ثمّ تحقق أنّ المعادلة  $\varphi(x) = 0$  تقبل في  $\alpha$  ، حلا  $\alpha$  يختلف عن 1 ثمّ تحقق أنّ المعادلة .
  - $\mathbb{R}$  على  $\varphi$  على 3. استنتج إشارة

 $g(x) = \frac{2x-1}{x^2-x+1}$  و  $g(x) = (2x-1)e^{-x+1}$  : كما يلي  $g(x) = \frac{2x-1}{x^2-x+1}$  و  $g(x) = \frac{2x-1}{x^2-x+1}$  المعلى الم

- $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب. (۱)
- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- 2. بيّن أنّ للمنحنيين  $(\mathcal{C}_g)$  و  $(\mathcal{C}_g)$  مماسا مشتركا (T) في النقطة ذات الفاصلة 1 ثمّ جد معادلة له
  - ( $\mathcal{C}_f$ ) و المنحنى (T) و المنحنى ( $\mathcal{C}_f$ )
  - $f(x) g(x) = \frac{(2x-1)\varphi(x)}{x^2 x + 1}$ ، x عدد حقیقی عدد عقیقی ابتن أنّه من أجل كل عدد عقیقی 4.
- $(\mathcal{C}_g)$  و  $(\mathcal{C}_f)$  على  $\mathbb{R}$  ثمّ استنتج الوضع النسبى للمنحنيين f(x) g(x) و  $(\mathcal{C}_g)$ 
  - $\int_{1}^{x} f(t) dt : x$  باستعمال مكاملة بالتجزئة، احسب بدلالة العدد الحقيقى
- x=2 و x=1 : احسب مساحة الحيّز المستوى المحدّد بالمنحنيين ( $\mathcal{C}_g$ ) و ( $\mathcal{C}_g$ ) و المستقيمين اللذين معادلتيهما

## الجزء الثالث

- 1. احسب  $f^{(n)}(x)$  عدد طبيعي غير معدوم  $f^{(4)}(x)$  . أعط تخمينا لعبارة  $f^{(n)}(x)$  حيث  $f^{(n)}(x)$  عدد طبيعي غير معدوم  $f^{(n)}(x)$  الدالة المشتقة من المرتبة  $f^{(n)}(x)$
- $f^{(n)}(x) = (-1)^n [2x (2n+1)]e^{1-x}$ ، n معدوم غير معدوم عدد طبيعي غير معدوم أجل كل عدد طبيعي غير معدوم
  - $u_n = f^{(n)}(1)$  : كما يلى  $n_n = n$  المتتالية العددية المعرّفة من أجل كل عدد طبيعى غير معدوم  $n_n = n$ 
    - $u_k + u_{k+1}$ : المجموع ، المجموع 4.
      - $u_1 + u_2 + \dots + u_{2n}$  المجموع، المجموع.

رياضيات – 2015 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

 $f(x)=1-x^2\ln x$  ،  $]0;+\infty[$  الدالة المعرّفة بf(0)=1 ، و من أجل كل عدد حقيقى f(0)=1 ، الدالة المعرّفة ب

 $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ 

- اليمين الدرس استمرارية الدالة f عند f من اليمين الدرس
- (ب) احسب  $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)-1}{x}$  ، ثمّ فسّر النتيجة هندسيا
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x) \quad \text{(I)} \quad .2$
- (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $[0;+\infty[$  نيّن أنّ المعادلة f(x)=0 تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال f(x)=0 .3
  - $1,531 < \alpha < 1,532$  (ب) تحقق أنّ
  - g(x) = f(|x|): بعتبر الدالة <math>g المعرّفة على  $\mathbb{R}$  ب
  - $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  المنحنى الممثل للدالة g في نفس المعلم ( ${\mathcal C}_g$ )
    - (۱) ادرس شفعية الدالة g
    - [-2;2] على المجال المنحنى ( $\mathcal{C}_g$ ) على المجال
- 5. باستعمال المكاملة بالتجزئة ، عيّن الدالة الأصلية للدالة  $x\mapsto x^2\ln x$  المعرّفة على المجال  $0;+\infty[$  ، و التي تنعدم من أجل القيمة 1
  - $F(t) = \int_t^{\alpha} f(x) dx$ : نضع ينتمي إلى المجال [0;  $\alpha$ ] عدد حقيقي ينتمي إلى المجال [0;  $\alpha$ ]
    - $\alpha$  اکتب العبارة F(t) بدلالة t و (۱)
  - $F(t) = \frac{-3tf(t) t^3 6t + \alpha^3 + 6\alpha}{9}$  ،  $]0;\alpha]$  من المجال  $[0;\alpha]$  من أجل كل عدد حقيقي  $[0;\alpha]$ 
    - $\lim_{\substack{t > 0}} F(t)$  (5)
    - $[0\,;lpha]$  عدد حقيقي ينتمي إلى المجالة m
    - . m مساحة الدائرة ذات المركز المبدأ O و نصف القطر S(m)

نفرض أنّ مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى ( $^{
m C}_{
m g}$ ) ، حامل محور الفواصل و المستقيمين اللّذين معادلتنهما على الترتيب :  $A=rac{2}{6}\left(lpha^3+6lpha
ight)$  ua : هي A=lpha و X=lpha=0

( ua وحدة المساحات )

- S(m)=2A عيّن القيمة المضبوطة للعدد m عيّن القيمة المضبوطة العدد
  - m علما أنّ  $3,142 < \pi < 3,142$  أعط حصرا للعدد (ب)

رياضيات – 2015 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

، ]–  $\infty$  ; 0[ من المعرّفة بx من المعرّفة بf(0)=0 و من أجل كل عدد حقيقي x من المعرّفة ب

$$f(x) = (x-1)e^{\frac{1}{x}}$$

- $(O; \overrightarrow{l}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 
  - 1. ادرس استمرارية الدالة f عند 0 من اليسار
  - ا أنتيجة هندسيا النتيجة الحسب ال $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x}$  ا
    - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب (۱) .3
  - (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدّالة f ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
    - $\lim_{x \to -\infty} [f(x) x] = 0$  بيّن أنّ (۱) .4
- (ب) استنتج أنّ المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل مستقيما مقاربا مائ $\mathcal{K}$  ( $\Delta$ ) بجوار  $\infty$  ، يطلب تعيين معادلة له
  - $g(x) = \frac{f(x)}{x} : -\infty ; 0[$  بالدالة المعرّفة على المجال  $g(x) = \frac{f(x)}{x}$  بالدالة المعرّفة على المجال
    - $\lim_{x \to -\infty} g(x) \quad \text{(I)}$
    - (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدّالة g ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
  - f(x) > x، ] $-\infty$ ;0[ بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقى x من المجال (۱) .6
    - $(\Delta)$  استنتج وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى المستقيم (ب)
      - $(\mathfrak{C}_f)$  أنشئ المنحنى (ج)
  - $u_{n+1} = f(u_n)$  ، n و من أجل كل عدد طبيعي  $u_0 = -3 : -3$  المتتالية المعرّفة ب
    - $u_n < 0$  ، n بیّن أنّه من أجل كل عدد طبیعي (۱)
      - $(u_n)$  حدّد اتجاه تغیّر المتتالیة (ب
    - $\lim_{n \to +\infty} u_n$  بيّن أنّ المتتالية  $(u_n)$  متقاربة، ثمّ عيّن المتتالية (ج)
  - x الدالة ذات المتغيّر الحقيقى x المعرّفة على المجال  $h_m$  الدالة ذات المتغيّر الحقيقى m .8

$$h_m(x) = x e^{\frac{1}{x}} - mx$$

- $h_m$  حيث  $h_m'$  هي الدّالة المشتقة للدّالة  $h_m'(x)$  حيث الدّالة المشتقة الدّالة الحسب
- $h_m'(x) = 0$  ، عدد حلول المعادلة m ، عدد حلول المعادلة و حسب قيم الوسيط الحقيقي ، عدد حلول المعادلة (ب)

رياضيات – 2014 – الموضوع الأول (6 نقاط)

 $g(x)=(2-x)\mathrm{e}^x-1$  : الدّالة العددية المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلي  $g(x)=(2-x)\mathrm{e}^x-1$ 

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g
- $1.8 < \beta < 1.9$  و  $\alpha < -1.1$  و  $\alpha < 0$  حيث  $\beta < 1.9$  و  $\alpha < 0$  في  $\beta < 1.9$  في  $\beta < 1.9$  في  $\beta < 1.9$  في  $\beta < 1.9$ 
  - $\mathbb{R}$  على g(x) على 3.

الجزء الثانى f الدّالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  كما يلى :

$$f(x) = \frac{e^x - 1}{e^x - x}$$

 $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- 1. احسب نهایة الدّالة f عند  $\infty$  و عند  $\infty$  + و فسّر النتیجتین هندسیا
  - 2. بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقى x

$$f'(x) = \frac{g(x)}{(e^x - x)^2}$$

و استنتج اتجاه تغيّر الدالة f ثمّ شكل جدول تغيّراتها

- $f(\beta)$  و  $f(\alpha)$  و استنتج حصرا للعددين  $f(\alpha) = \frac{1}{\alpha 1}$  : قن أنّ
  - $(\mathfrak{C}_f)$  د احسب  $(\mathfrak{T}_f)$  ثمّ ارسم المنحنى (4)
    - عدد حقیقي أكبر أو يساوي 1  $\lambda$
- $a(\lambda) = \int_{1}^{\lambda} [f(x) 1] dx : عيث a(\lambda)$  احسب بدلالة  $\lambda$  العدد (۱)
  - $+\infty$  إلى  $\alpha(\lambda)$  عندما يؤول  $\lambda$  إلى  $\alpha(\lambda)$

رياضيات – 2014 – الموضوع الثاني (5,5 نقاط)

. و الدّالة العددية العرّفة على المجال  $]\infty+0$  ب $[+,\infty]$ 

$$f(x) = (1 + 2 \ln x)(-1 + \ln x)$$

- $(0; \overrightarrow{l}, \overrightarrow{j})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(\mathcal{C}_f)$ 
  - f ادرس تغیّرات الدّالة f
- (ب) اكتب معادلة للمماس ( $\Delta$ ) للمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) في النقطة ذات الفاصلة e حيث e أساس اللوغاريتم النيبري)
  - [4] على المجال [6] على المجال ( $(\mathcal{C}_f)$ ) على المجال ( $(\mathcal{C}_f)$ ) على المجال ( $(\mathcal{C}_f)$ ) على المجال (ج)
    - $g(x) = 1 \ln x : 9$  الدّالة العددية المعرّفة على المجال ] $g(x) = 1 \ln x$  بالدّالة العددية المعرّفة على المجال
      - تمثيلها البياني في المعلم السابق ( $\mathcal{C}_g$ )
        - (۱) ادرس تغيّرات الدّالة g
    - $]0;e^2]$  على المجال و  $(\mathcal{C}_g)$  على المجال و  $(\mathcal{C}_g)$  على المجال ( $\mathcal{C}_g$ ) عين الوضع النسبي للمنحنيين (ب
    - $h(x) = x(\ln x)^2 2x \ln x + 2x$  : با  $[0; +\infty[$  بالمعرّفة على المعرّفة على المجال .3
      - $]0;+\infty[$  على المجال ا $(\ln x)^2$  على المجال ا $(\ln x)^2$  على المجال (۱)
        - $\int_{\frac{1}{a}}^{e} [f(x) g(x)] dx : 1 \frac{1}{a}$  (P)

رياضيات – 2013 – الموضوع الأُول (6 نقاط)

## الجزء الأول

- $u(x) = e^x 3x + 4 e$ : بالدالة  $u(x) = e^x 3x + 4 e$ : بالدالة  $u(x) = e^x 3x + 4 e$ 
  - u ادرس اتجاه تغیّر الداله u
- $e^{x} e > 3x 4$ ، ]0; +  $\infty$ [ بيّن أنّه، من أجل كل عدد حقيقى x من المجال (ب)
  - $v(x) = -3x^3 + 4x^2 1 + \ln x : -1$ . الدالة  $v(x) = -3x^3 + 4x^2 1 + \ln x : -1$ .
    - (۱) بيّن أنّ : 0=(1). ( يرمز  $\nu'$  إلى الدالة المشتقة للدالة  $\nu'$
  - $v(x) \le 0$ ، ]0;+ $\infty$ [ استنتج، أنّه من أجل كل عدد حقيقى x من المجال
- $\frac{-1 + \ln x}{x^2} \le 3x 4$ ، ]0; + ∞[ استنتج، أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال  $x = 1 \ln x$ 
  - $e^x e + \frac{1 \ln x}{x^2} > 0$  : ]0;+∞[ من المجال x من الجل كل عدد حقيقي x من المجال ]3.

 $+ : 0; + \infty$ ا الدالة f معرّفة على المجال + : 0

$$f(x) = e^x - ex + \frac{\ln x}{x}$$

- $(O; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ )
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to 0} f(x)$  : احسب
  - على المجال ]∞+;0 ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها  $^{-\infty}$  . بيّن أنّ الدالة  $^{+\infty}$  متزايدة تماما على المجال ]∞+;0
- $\left( f\left( rac{5}{2} 
  ight) pprox 5,75 
  ight) pprox 1 \; , \; f(2) pprox 2,3 \; : \; i 
  ight)$  .  $\left[ 0; rac{5}{2} 
  ight]$  على المجال  $\left[ 0; rac{5}{2} 
  ight]$  على المجال و 5,75 على المجال .  $\left[ 0; rac{5}{2} 
  ight]$
- $x=rac{1}{2}$  احسب مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى ( $\mathcal{C}_f$ ) و حامل محور الفواصل و المستقيمين اللّذين معادلتاهما x=2 و x=2

رياضيات – 2013 – الموضوع الثاني (8 نقاط)

 $g(x) = 1 + (x^2 - 1)e^{-x}$  ب الجزء الأول الدالة g معرّفة على  $\mathbb{R}$  ب

- $\lim_{x \to +\infty} g(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} g(x)$  احسب (۱)
- $(g(1+\sqrt{2})\approx 1,43)$  و  $g(1-\sqrt{2})\approx -0.25$  (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها . ( نأخذ
- -0.8 < lpha < -0.7 : ثمّ تحقق أنّ أحدهما معدوم و الآخر g(x) = 0 تقبل حلين في  $\mathbb{R}$  ، ثمّ تحقق أنّ أحدهما معدوم و الآخر g(x) = 0
  - x مستتج إشارة g(x) ، حسب قيم العدد الحقيقى (ب)

 $f(x) = x - (x+1)^2 e^{-x}$  : با الدالة f معرّفة على الدالة f على الدالة الثاني الدالة أ

- (2 cm وحدة الطول ( $C_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(C_f)$  وحدة الطول ( $(C_f)$ 
  - $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  احسب. (۱)
  - $+\infty$  عند  $(\mathcal{C}_f)$  عند مائل للمنحنى ( $\Delta$ ) عند y=x عند عند بيّن أنّ المستقيم ( $\Delta$ ) عند
    - $(\Delta)$  ادرس وضعية المنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى المستقيم (ح)
  - ( f الدالة المشتقة للدالة f'(x) = g(x) ، g(x) عدد حقيقي عدد عقيقي ) . f'(x) = g(x)
    - $(f(\alpha) \approx -0.9)$  .  $\mathbb{R}$  على f على الدالة بنورات الدالة بنورات الدالة الدال
  - 3. (۱) بیّن أنّ المنحنی  $(\mathcal{C}_f)$  یقبل مماسین ، معامل توجیه کل منهما یساوی 1 ، یطلب تعیین معادلة لکل منهما
    - $(\mathfrak{C}_f)$  مثّل ( $\Delta$ ) و المماسين و المنحنى ( $\mathfrak{C}_f$ )
- $(x+1)^2 + me^x = 0$ : x ناقش بيانيا، حسب قيم الوسيط الحقيقى x عدد حلول المعادلة ذات المجهول
  - $H(x) = (-x^2 4x 5)e^{-x}$  . الدالة H معرّفة على  $\mathbb{R}$  ب
  - $\mathbb{R}$  على  $x\mapsto (x+1)^2\mathrm{e}^{-x}$  على الدالة:  $x\mapsto (x+1)^2\mathrm{e}^{-x}$  على الدالة:
- (ب) احسب بالسنتمتر المربع، مساحة الحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى ( $C_f$ ) و المستقيمين اللذين x=0 و x=-1 معادلتاهما

 $u_{n+1} = f(u_n)$  ، n و من أجل كل عدد طبيعي  $u_0 = \alpha$  : المعرّفة بالمعرّفة بالمعرّفة و من أجل كل عدد طبيعي

 $(g(\alpha) = 0$  يحقق العدد  $\alpha$  انذكر أنّ العدد  $\alpha$ 

- $-1 \leqslant u_n \leqslant \alpha$  ، n برهن بالتراجع أنّه، من أجل كل عدد طبيعي 1.
  - 2. بيّن أنّ المتتالية  $(u_n)$  متناقصة
  - 3. استنتج أنّ  $(u_n)$  متقاربة، ثمّ احسب نهايتها

رياضيات – 2012 – الموضوع الأُول (8 نقاط)

 $g(x) = 2 - xe^x$  : الجزء الأول g هي الدالة المعرّفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي g

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $0.8 < \alpha < 0.9$  : ثمّ تحقق أنّ g(x) = 0 على g(x) = 0 . ثمّ تحقق أنّ المعادلة وحيدا على g(x) = 0
  - g(x) عيّن ، حسب قيم x ، إشارة 3.

الجزء الثاني f هي الدالة المعرّفة على  $\mathbb R$  كما يلي :

$$f(x) = \frac{2x+2}{e^x+2}$$

(2 cm وحدة الطول ( $C_f$ ) هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(C_f, \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\iota})$ ). (وحدة الطول

- اً. بيّن أنّ :  $\lim_{x\to +\infty} f(x) = 0$  ، ثمّ فسر النتيجة هندسيا
  - $\lim_{x \to -\infty} f(x) \quad \text{(I)} \quad .2$
- $(\mathcal{C}_f)$  دا العادلة y=x+1 مستقيم مقارب للمنحنى (ب) بيّن أنّ المستقيم
- y=x ادرس وضعية ( $\mathcal{C}_f$ ) بالنسبة إلى كل من ( $\Delta$ ) و ( $\Delta$ ) ، حيث ( $\Delta$ ) هو المستقيم ذو المعادلة 3.
  - x بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقى x ،

$$f'(x) = \frac{2g(x)}{(e^x + 2)^2}$$

ثمّ استنتج اتجاه تغيّر الدالة

- f الدالة ،  $f(\alpha)=\alpha$  : بيّن أنّ بيّن أنّ ،  $f(\alpha)=\alpha$ 
  - $(\mathcal{C}_f)$  و  $(\Delta')$  ،  $(\Delta)$  و  $(\Delta')$
- f(x)=f(m) عدد حلول المعادلة ، m عدد الوسيط الحقيقي . d

 $U_{n+1} = f\left(U_n\right): n$  هي المتتالية العددية المعرّفة على  $\mathbb{N}$  كما يلى  $U_0 = 0: U_0 = 0$  و من أجل كل عدد طبيعي

- $0 \le U_n < \alpha$ ، n برهن بالتراجع أنّه من أجل كل عدد طبيعي 1.
- $(U_n)$  على محور الأفواصل الحدود  $U_1$  و  $U_2$  ، ثمّ خمّن اتجاه تغيّر ( $\mathcal{C}_f$ ) مثّل على محور الأفواصل الحدود . $\mathcal{C}_f$ 
  - 3. برهن أنّ المتتالية  $(U_n)$  متقاربة، ثمّ احسب نهايتها

رياضيات – 2012 – الموضوع الثاني (8 نقاط)

 $g(x) = 2\ln(x+1) - \frac{x}{x+1}$  : كما يلي و  $g(x) = 2\ln(x+1) - \frac{x}{x+1}$  الجزء الأول و  $g(x) = 2\ln(x+1)$ 

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g ، ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $-0.8 < \alpha < -0.7$ : ييّن أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلين أحدهما معدوم و الآخر  $\alpha$  يحقق g(x) = 0
  - g(x) عيّن ، حسب قيم x ، إشارة 3.
  - $h(x) = [g(x)]^2 : [g(x)]^2$  ب ]—1;3] المعرّفة على المجال  $h(x) = [g(x)]^2$ 
    - g'(x) و g(x) و احسب g'(x) بدلالة كل من
    - h ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة ، h'(x) عيّن إشارة (ب

الجزء الثاني f هي الدالة المعرّفة على المجال [3] المال f

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^2}{\ln(x+1)}, & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

- $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$
- 0. بيّن أنّ الدالة f تقبل الأشتقاق عند 0 ، ثمّ اكتب معادلة لـ (T) مماس  $(\mathcal{C}_f)$  في النقطة ذات الفاصلة f
  - ، ]-1;0[ $\cup$ ]0;3] من أجل كل عدد حقيقى x من أجل كل عدد الجارة عند الجارة عند الجارة عند الجارة الحارة الجارة الجارة الحارة الجارة ا

$$f'(x) = \frac{x g(x)}{\lceil \ln(x+1) \rceil^2}$$

f استنتج اتجاه تغيّر الدالة أ

- $f(\alpha)$  این أنّ :  $f(\alpha) = 2\alpha(\alpha+1)$  : ثمّ عیّن حصرا لـ (ب)
- f الدالة أ $\int \sin f(x) \, dx$  ، ثمّ شكّل جدول تغيّرات الدالة أ $\int \sin f(x) \, dx$
- $x \ln(x+1) \ge 0$  : قَانٌ : 0 = [-1;3] من المجال  $x \ln(x+1) \ge 0$  : قانٌ : 0 = [-1;3] د. (۱)
  - (T) ادرس وضعية  $(C_f)$  بالنسبة إلى المماس (T)
- 4. عيّن معادلة للمستقيم (T') الموازي للمماس (T) و الذي يتقاطع مع  $(\mathcal{C}_f)$  في النقطة ذات الفاصلة 3
  - $(\mathfrak{C}_f)$  و (T') ، (T) و  $(\mathfrak{T})$
  - f(x) = x + m عدد حلول المعادلة ، m عدد الوسيط الحقيقي .6

رياضيات – 2011 – الموضوع الأول (7 نقاط)

 $f(x) = (3x + 4)e^x$  : كما يلى  $\mathbb{R}$  كما المعرّفة على f المعرّفة على

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$ 

$$f^{(n)}(x) = (3x+3n+4)e^x$$
 : احسب  $f'(x)$  ،  $f'(x)$  ،  $f'(x)$  ،  $f'(x)$  ،  $f'(x)$  ،  $f'(x)$  .  $f'(x)$  .

- $y'' = (3x + 16)e^x$ : استنتج حل للمعادلة التفاضلية
  - انتيجة هندسيا  $\lim_{x\to -\infty} f(x) = 0$  : بيّن أنّ : 0.
  - (ب) ادرس اتجاه تغيّر الدالة f ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
- $-\frac{10}{3}$  التي فاصلتها  $\omega$  التي فاصلتها ( $\alpha$ ) المنحنى ( $\alpha$ ) المنحنى ( $\alpha$ ) التي فاصلتها ( $\alpha$ ) اكتب معادلة للمماس
  - $(\mathfrak{C}_f)$  بيّن أنّ النقطة  $\omega$  هي نقطة انعطاف للمنحنى  $(\mathfrak{p})$ 
    - $]-\infty$  (ح) ارسم  $(\Delta)$  و  $(\mathcal{C}_f)$  على المجال  $[0;\infty-1]$
- f فم استنتج دالة أصلية للدالة  $\int_{-1}^{x} te^{t} dt$  عدد حقيقي من المجال  $[0; \infty-[$  ، باستعمال التكامل بالتجزئة جد x (۱) على المجال  $[0; \infty-[$

53

 $-\frac{4}{3}$  عدد حقیقی أصغر تماما من  $\lambda$ 

y=0 : المساحة  $\lambda$  المساحة ( $\lambda$ ) للحيّز المستوي المحدّد بالمنحنى ( $\lambda$ ) و المستقيمات التي معادلاتها  $\lambda$  ا $\lambda$  المساحة  $\lambda$  المستوي المحدّد بالمنحنى  $\lambda$  و المستقيمات التي معادلاتها  $\lambda$  المستوي المحدّد  $\lambda$  و  $\lambda$  م خرد ( $\lambda$ ) و المستقيمات التي معادلاتها  $\lambda$ 

رياضيات – 2011 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

- $g(x) = x^2 + \ln x^2 1$ : ب $g(x) = x^2 + \ln x^2 1$  بالدالة العددية العرفة على المجال  $g(x) = x^2 + \ln x^2 1$ 
  - (۱) ادرس اتجاه تغير الدالة g ثمّ شكّل جدول تغيّراتها
  - g(x) أنه أستنتج إشارة g(x) في المجال g(1) ثمّ استنتج إشارة (ب)
    - يلى : والدالة العددية المعرفة على المجال  $\infty$  +  $\infty$  ( الدالة العددية المعرفة على المجال )

$$f(x) = \left(1 - \frac{1}{x^2}\right) \ln x$$

 $(C_f)$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(C_f)$ 

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$$
 : [ و أنّ :  $g(x) = 0$  و الله للاشتقاق على المجال ]  $g(x) = 0$  (۱) استنتج اتجاه تغيّر الدالة  $g(x) = 0$  ثمّ شكّل جدول تغيراتها

- $]0;+\infty[$  على المجال الدالة  $x\mapsto \ln x$  على المجال ( $\delta$ ) (ب)
- ادرس وضعية  $(\mathcal{C}_f)$  بالنسبة إلى  $(\delta)$  ثمّ جد  $\lim_{x\to+\infty} \frac{1}{x^2} \ln x$  ، ماذا تستنتج  $(\mathcal{C}_f)$ 
  - $(\mathfrak{C}_f)$  و  $(\delta)$  ارسیم
- $\int_{1}^{x} \frac{1}{t^{2}} \ln t \, dt$  عدد حقيقي من المجال  $|x| + \infty$  ، باستعمال التكامل بالتجزئة جد  $x \to x$  (۱) .  $x \to x$  على المجال  $x \to x \to x$  هي دالة أصلية للدالة  $x \to x \to x$  على المجال  $x \to x \to x$ 
  - $[1;+\infty[$  استنتج دالة أصلية للدالة f على المجال
    - 1 عدد حقیقی أکبر تماما من  $\alpha$

: احسب بدلالة  $\alpha$  المساحة ( $\alpha$ ) للحيّز المستوي المحدد بالمنحنين ( $\alpha$ ) و ( $\alpha$ ) و المستقيمين اللذين معادلتيهما

$$\lim_{lpha o +\infty} \mathcal{A}(lpha)$$
 و  $x=lpha$  ، ثمّ احسب  $x=1$ 

رياضيات – 2010 – الموضوع الأُول (7 نقاط)

 $g(x) = (3-x)e^x - 3$  : الدالة العددية المعرفة على  $\mathbb R$  كما يلي  $g(x) = (3-x)e^x - 3$ 

- 1. ادرس تغيّرات الدالة g
- $2,82 < \alpha < 2,83$  : حيث أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل في  $\mathbb{R}$  حلين أحدهما معدوم و الآخر  $\alpha$ 
  - x مستنتج إشارة g(x) حسب قيم 3.

: الدالة العددية المعرفة على f كما يلي الجزء الثاني f

$$\begin{cases} f(x) = \frac{x^3}{e^x - 1}, & x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

- $(O; \overrightarrow{\iota}, \overrightarrow{\jmath})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $\mathcal{C}_f$
- O أعند المبدأ و $C_f$  مماس ( $C_f$ ) مماس ( $C_f$ ) معادلة لـ ( $C_f$ ) معادلة أنّ الدالة  $C_f$ 
  - $\lim_{x \to -\infty} f(x)$  ، احسب  $\lim_{x \to +\infty} f(x)$  ، احسب  $\lim_{x \to +\infty} x^3 \mathrm{e}^{-x} = 0$  . (۱) . **2** 
    - : فإنّ  $x \neq 0$  فإنّ بيّن أنّه من أجل  $x \neq 0$

$$f'(x) = \frac{x^2}{(e^x - 1)^2} g(x)$$

- ج) عيّن حصرا له  $f(\alpha) = \alpha^2(3-\alpha)$  ثمّ عيّن حصرا له
  - f أنشئ جدول تغيّرات الدالة
- $x\mapsto -x^3$  المنعنى الدالة  $f(x)+x^3$  و استنتج الوضعية النسبية لـ  $f(x)+x^3$  و الدالة  $f(x)+x^3$  بيّن أنّ  $f(x)+x^3$  و فسر النتيجة هندسيا
  - $(\mathcal{C}_f)$  و ( $(\mathcal{C}_f)$  و المنحنيين ( $(\mathcal{C}_f)$  و المنحنيين ( $(\mathcal{C}_f)$  و ( $(\mathcal{C}_f)$  و ( $(\mathcal{C}_f)$  و ( $(\mathcal{C}_f)$  و المنحنيين ( $(\mathcal{C}_f)$  و ( $(\mathcal{C}_f)$

رياضيات – 2010 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

 $g(x) = x - 1 - 2\ln x$  : كما يلى  $g(x) = x - 1 - 2\ln x$  الدالة المعرفة على المجال

و ( $C_g$ ) هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس ( $(\vec{t}, \vec{t}, \vec{t})$ ) وحدة الطول هي

- 1. احسب g(x) أمّ فس النتيجة هندسيا  $\lim_{x \to 0} g(x)$  بيّن أنّ  $g(x) = +\infty$  (۱) بيّن أنّ  $g(x) = +\infty$ 
  - - (ب) ادرس تغيّرات الدالة g
      - g(1) (ج)
- $3.5 < \alpha < 3.6$  : عين أنّ المعادلة g(x) = 0 تقبل حلين مختلفين أحدهما g(x) = 0 د.
  - $g\left(\frac{1}{r}\right)$  استنج إشارة g(x) ثمّ إشارة (هـ)
  - : كما يلى : والدالة العددية المعرّفة على المجال f .3

$$\begin{cases} f(x) = -x^2 + x + x^2 \ln x , & x > 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

- ال احسب  $\frac{f(x)}{x}$  و فسر النتيجة هندسيا السب  $\frac{f(x)}{x}$  احسب نهاية الدالة f عند  $\infty$  +
- f (ج) بيّن أنّه من أجل كل عدد حقيقي x من المجال x من المجال x ( فإنّ x و استنتج اتجاه تغيّر الدالة x
  - $f\left(\frac{1}{\alpha}\right)$  عصرا للعدد  $f\left(\frac{1}{\alpha}\right) = \frac{\alpha-1}{2\alpha^2}$  : شكل جدول تغيّرات الدالة  $f\left(\frac{1}{\alpha}\right) = \frac{\alpha-1}{2\alpha^2}$  د شكل جدول تغيّرات الدالة و نسبت أنّ
    - [0;3] الممثل للدالة f على المجال ( $\mathcal{C}_f$ ) الممثل للدالة المجال ( $\mathcal{C}_f$ )

رياضيات – 2009 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

: يأتي : الدالة العددية المعرّفة على المجال  $]\infty+;1-[$  كما يأتي الدالة العددية المعرّفة على المجال

$$f(x) = x - \frac{2}{\sqrt{x+1}}$$

 $(O; \overrightarrow{l}, \overrightarrow{J})$  هو تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- f ادرس تغیّرات الداله f
- y=x: معادلته ( $\mathcal{C}_f$ ) معادلته بیّن أنّ المنحنی ( $\mathcal{C}_f$ ) یقبل مستقیمین مقاربین أحدهما
  - (D) و  $(\mathcal{C}_f)$  ادرس الوضعية النسبية للمنحنى (ب)
- $1.3 < x_0 < 1.4$ : حيث أنّ ( $\mathcal{C}_f$ ) يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $x_0$  حيث القطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها عبين أنّ المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها عبين أنّ أنّ المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها عبين أنّ أنّ المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها عبين أنّ أنّ المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها عبين أنّ أنّ المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها المحتود المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها المحتود المحتود الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها المحتود المحتو
  - (ب) عين معادلة  $(\Delta)$  مماسا للمنحنى  $(\mathcal{C}_f)$  في نقطة تقاطعه مع محور التراتيب
    - (A) و (D) و في نفس المعلم (ج)
    - x و التي تنعدم من أجل القيمة f للمالة f و التي تنعدم من أجل القيمة f
    - g(x) = |f(x)| : الدّالة العددية المعرّفة على المجال ] $\infty + [-1; +\infty[$  بالعبارة على المعرّفة على المجال g(x) = |f(x)|
      - منحنى الدالة g في المعلم السابق ( $\mathcal{C}_g$ )
  - بيّن كيف يمكن إنشاء  $(\mathcal{C}_g)$  انطلاقا من  $(\mathcal{C}_f)$  ، ثمّ ارسمه في نفس المعلم السابق
- $g(x) = m^2 : x$  انقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقى m عدد و إشارة حلول المعادلة ذات المجهول.

رياضيات – 2008 – الموضوع الثاني (7 نقاط)

الجزء الأول f الدالة العددية المعرّفة على  $\mathbb R$  بالعبارة :

$$f(x) = x - 1 + \frac{4}{e^x + 1}$$

 $(0; \overrightarrow{t}, \overrightarrow{f})$  هو تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(\mathcal{C}_f)$ 

- f ادرس تغيّرات الدالة f
- $\omega$  عند النقطة  $\omega$  عند النقطة انعطاف  $\omega$  و اكتب معادلة لمماس ( $\alpha$ ) عند النقطة  $\omega$ 
  - $(\mathcal{C}_f)$  مركز تناظر للمنحنى مركز أثبت أنّ  $\omega$
  - $\lim_{x \to -\infty} [f(x) (x+3)]$  و  $\lim_{x \to +\infty} [f(x) (x-1)]$  . 3
  - استنتج أنّ  $(\mathcal{C}_f)$  يقبل مستقيمين مقاربين يطلب إعطاء معادلة لكل منهما
- ]–2,77; –2,76[ من المجال  $x_0$  من المجال في نقطة وحيدة فاصلتها  $x_0$  من المجال عصور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $x_0$ 
  - المقاربين ( $\mathcal{C}_f$ ) المّ ارسم f(-1) و مستقيميه المقاربين احسب f(-1) المقاربين احسب المقاربين

الجزء الثاني g الدالة العددية المعرّفة على R بالعبارة

$$g(x) = -x + 3 - \frac{4}{e^x + 1}$$

58

g منحنى الدالة ( $\mathcal{C}_g$ )

- g(x) = f(-x) : فإن x فإن عدد حقيقى عدم أجل كل عدد عقيقى عدم أبّ
- - ( g انشئ في نفس المعلم السابق ( $C_g$ ) ( دون دراسة الدالة g