

اختبار الثلاثي الأول في مادة الرياضيات

التمرين الأول ( 6 نقاط ) :

- (1) هل العددين 1439 و 532 متوافقان بترديد 11 .
- (2) أ- عين باقي قسمة الأقليدية للعدد  $4^5$  على 11 .  
ب- استنتج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $[11] 4^5 - 1 \equiv 0$
- (3) أ- عين باقي القسمة الاقليدية لكل من العددين 1439 و 532 على 11 .  
ب- بين انه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  : العدد  $2 \times 532^{5n} + 1439$  يقبل القسمة على 11
- (4) أ- تحقق أن  $[11] 1990 \equiv -1$   
ب- عين الأعداد الطبيعية  $n$  الأصغر 30 من بحيث  $[11] 1990^{2n} + n \equiv 0$

التمرين الثاني (6 نقاط ) :

لتكن المتتالية  $(u_n)$  العددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ  $u_n = 4n - 3$

- (1) أحسب الحدود  $u_0$  و  $u_1$  و  $u_2$  و  $u_3$
- (2) بين ان المتتالية  $(u_n)$  حسابية و عين أساسها
- (3) أدرس اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$
- (4) بين أن العدد 2017 حد من حدود المتتالية  $(u_n)$  ما هي رتبته .
- (5) أ) أحسب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$   
ب) عين العدد الطبيعي  $n$  بحيث يكون  $S_n = 150$

التمرين الثالث ( 8 نقاط )

عين الاقتراح الصحيح الوحيد مع التعليل من الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية :

- (1) إذا كان  $a$  عددا صحيحا حيث  $[7] a \equiv -1$  فإن
  - أ)  $a \equiv 2[7]$
  - ب)  $a \equiv 6[7]$
  - ج)  $a \equiv 99[7]$
- (2) باقي قسمة الاقليدية للعدد -47 على 5 هو
  - أ) -2
  - ب) 3
  - ج) 7

(3) مجموعة ثلاثة أعداد طبيعية متعاقبة هو دائماً

(ج) مضاعف للعدد 3

(ب) مضاعف للعدد 5

(أ) عدد زوجي

(4)  $(v_n)$  متتالية حسابية أساسها 2 و حدها الأول 3 عبارة حدها العام هي

(ج)  $v_n = 3n + 2$

(ب)  $v_n = 2 \times 3^n$

(أ)  $v_n = 3 + 2n$

(5) المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بالعلاقة التراجعية التالية  $u_{n+1} = u_n + 5$  هي متتالية

(ج) ثابتة

(ب) متناقصة

(أ) متزايدة

(6) القواسم الطبيعية للعدد 72 هي

(أ)  $\{1; 2; 3; 4; 6; 8; 9; 12; 18; 24; 36; 72\}$  (ب)  $\{1; 2; 3; 5; 6; 8; 11; 36; 72\}$  (ج)  $\{1; 36; 72\}$

انتهى الموضوع

مع تمنيات أساتذة المادة - بالتوفيق و النجاح في بكالوريا 2018

- (1) لدينا  $1439 - 532 = 907$  وليس مضاعف للعدد 11 ومنه العددين 1439 و 532 غير متوافقان بترديد 11 .  
 (2) أ- تعين باقي قسمة الأقليدية للعدد  $4^5$  على 11 لدينا  $4^5 = 1024 = 11 \times 93 + 1$  ومنه باقي قسمة  $4^5$  على 11 هو 1

ب- استنتاج أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  :  $[11] \equiv 0 \equiv 4^5 - 1$  بما ان باقي قسمة  $4^5$  على 11 هو 1 فإن  $[11] \equiv 1 \equiv 4^5$  ومنه  $[11] \equiv 0 \equiv 4^5 - 1$ .

(3) أ- تعين باقي القسمة الاقليدية لكل من العددين 1439 و 532 على 11:

$$[11] \equiv 9 \equiv 1439 \text{ ومنه باقي قسمة } 1439 \text{ على } 11 \text{ هو } 9$$

$$\text{و } [11] \equiv 4 \equiv 532 \text{ ومنه باقي قسمة } 532 \text{ على } 11 \text{ هو } 4 .$$

ب- تبين انه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  : العدد  $2 \times 532^{5n} + 1439$  يقبل القسمة على 11 لدينا  $[11] \equiv 4 \equiv 532$

بالرفع الى قوى 5 نجد  $[11] \equiv 4^5 \equiv 532^5$  و  $[11] \equiv 1 \equiv 4^5$  ومنه  $[11] \equiv 1 \equiv 532^5$  بالرفع الى قوى  $n$  نجد

$$[11] \equiv 1 \equiv 532^{5n} \text{ بالضرب في } 2 \text{ نجد } [11] \equiv 2 \equiv 2 \times 532^{5n} \text{ ولدينا } [11] \equiv 9 \equiv 1439 \text{ ومنه بالجمع نجد}$$

$$[11] \equiv 11 \equiv 2 \times 532^{5n} + 1439 \text{ و } [11] \equiv 0 \equiv 11 \text{ ومنه } [11] \equiv 0 \equiv 2 \times 532^{5n} + 1439 \text{ هذا يعني ان}$$

$$2 \times 532^{5n} + 1439 \text{ يقبل القسمة على } 11 .$$

(4) أ- التحقق أن  $[11] \equiv -1 \equiv 1990$  بما ان  $1990 - (-1) = 1991$  مضاعف للعدد 11 فإن الموافقة  $[11] \equiv -1 \equiv 1990$  صحيحة .

ب- تعين الأعداد الطبيعية  $n$  الأصغر 30 من بحيث  $[11] \equiv 0 \equiv 1990^{2n} + n$  لدينا  $[11] \equiv -1 \equiv 1990$  بالرفع الى

$$\text{قوى } 2n \text{ (العدد الزوجي) نجد } [11] \equiv (-1)^{2n} \equiv 1990^{2n} \text{ أي ان } [11] \equiv 1 \equiv 1990^{2n} \text{ بإضافة } n \text{ نجد}$$

$$[11] \equiv 1 + n \equiv 1990^{2n} + n \text{ ومنه } [11] \equiv 0 \equiv 1990^{2n} + n \text{ يعني ان } [11] \equiv 0 \equiv 1 + n \text{ ومنه نجد } \begin{cases} n \equiv -1 [11] \\ 0 \equiv 11 [11] \end{cases} \text{ و}$$

$$\text{بالجمع نجد } [11] \equiv 10 \equiv n \text{ ومنه القيم } n \text{ المطلوبة الاقل من } 30 \text{ هي } 10 \text{ و } 21 .$$

التمرين الثاني (6 نقاط) :

لتكن المتتالية  $(u_n)$  العددية معرفة من أجل كل عدد طبيعي  $n$  بـ  $u_n = 4n - 3$

$$(1) \text{ حساب الحدود } u_0 \text{ و } u_1 \text{ و } u_2 \text{ و } u_3 \text{ بالتعويض نجد } u_0 = -3 \text{ و } u_1 = 1 \text{ و } u_2 = 5 \text{ و } u_3 = 9$$

(2) تبين ان المتتالية  $(u_n)$  حسابية

الطريقة 1: بما ان عبارة المتتالية  $(u_n)$  من الشكل  $u_n = u_0 + nr$  فإن المتتالية حسابية أساسها  $r = 4$  و

$$\text{حدها الاول } u_0 = -3$$

الطريقة 2: نحسب  $u_{n+1} = 4(n+1) - 3 = 4n+1$  و بعدها الفرق

$$u_{n+1} - u_n = 4n+1 - (4n-3) = 4n+1-4n+3 = 4$$

.  $r = 4$

(3) دراسة اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$  لدينا  $u_{n+1} - u_n = 4$  عدد موجب و منه المتتالية متزايدة

(4) تبين أن العدد 2017 حد من حدود المتتالية  $(u_n)$  يعني انه يوجد عدد طبيعي  $n$  حيث  $u_n = 2017$  أي ان

$$4n - 3 = 2017 \text{ و منه } 4n = 2020 \text{ أي ان } n = \frac{2020}{4} = 505 \text{ و منه محققة إذن 2017 هو الحد ذو الرتبة 506.}$$

(5) أ) حساب بدلالة  $n$  المجموع  $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$  أي ان  $S_n = \frac{n+1}{2}(u_0 + u_n)$  و منه

$$S_n = (n+1)(-3+2n) \text{ أي ان } S_n = \frac{n+1}{2}(-3+4n-3) = \frac{n+1}{2}(-6+4n)$$

ب) تعيين العدد الطبيعي  $n$  بحيث يكون  $S_n = 150$  : أي ان  $(n+1)(-3+2n) = 150$  أي ان

$$-3n-3+2n^2+2n = 150 \text{ أي أن } 2n^2 - n - 153 = 0 \text{ نحسب المميز } \Delta = 1 - 4(-153)(2) = 1225$$

$$\sqrt{\Delta} = 35 \text{ للمعادلة حلين هما } \begin{cases} n' = \frac{1+35}{2(2)} = \frac{36}{4} = 9 \\ n'' = \frac{1-35}{2(2)} = -\frac{34}{4} \end{cases}$$

الحل الطبيعي هو المقبول فقط أي ان  $n = 9$

التمرين الثالث ( 8 نقاط )

تعين الاقتراح الصحيح الوحيد مع التعليل من الاقتراحات الثلاثة في كل حالة من الحالات الآتية :

(1) إذا كان  $a$  عددا صحيحا حيث  $a \equiv -1[7]$  و لدينا  $0 \equiv 7[7]$  بالجمع نجد  $a \equiv 6[7]$  ( او نقول بإضافة 7 نجد  $a \equiv 6[7]$  ) و منه الاجابة الصحيحة هي ب )

(2) باقي قسمة الاقليدية للعدد  $-47$  على  $5$  لدينا  $3$  عدد طبيعي و هو أقل من  $5$  و  $-47 - 3 = -50$  مضاعف للعدد  $5$  و منه الباقي المطلوب هو  $3$  و منه الاجابة الصحيحة هي ب )

(3) مجموعة ثلاثة أعداد طبيعية متعاقبة هو دائماً :  $n$  عدد طبيعي  $n + (n+1) + (n+2) = 3n + 3 = 3(n+1)$  و هي مضاعف للعدد  $3$  و منه الاجابة الصحيحة هي ج )

(4) متتالية حسابية أساسها  $2$  و حدها الاول  $3$  عبارة حدها العام هي  $v_n = v_0 + nr = 3 + 2n$  و منه الاجابة الصحيحة هي أ )

(5) المتتالية  $(u_n)$  المعرفة بالعلاقة التراجعية التالية  $u_{n+1} = u_n + 5$  يعني ان  $u_{n+1} - u_n = 5$  الفرق موجب و منه المتتالية متزايدة الاجابة أ) الصحيحة

(6) القواسم الطبيعية للعدد  $72$  نحسب عددها لدينا  $72 = 2^3 \times 3^2$  عدد القواسم هو  $(3+1)(2+1) = 12$  و هي  $\{1; 2; 3; 4; 6; 8; 9; 12; 18; 24; 36; 72\}$  الاجابة الصحيحة هي أ )