

**التمرين الأول :**

في الشكل المقابل (C) منحنى الدالة  $f$ ، القابلة للإشتقاق في  $\mathbb{R}$  و (T) مماس للمنحنى (C) في النقطة ذات الفاصلة 1

- أجب بصحيح أو خطأ على كل عبارة من العبارات التالية مع التعليل :

(1) من أجل كل  $x$  من المجال  $[0; 1]$  تكون  $f(x) \leq 0$

(2)  $f'(1) = 3$

(3) من أجل كل  $x$  من المجال  $[1; +\infty[$ ، تكون  $f'(x) > 0$

(4) معادلة المماس (T) هي  $y = 3x - 1$

**التمرين الثاني :**

(I) نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $g(x) = x^3 - 3x - 3$

1- أدرس تغيرات الدالة  $g$ ، ثم شكل جدول تغيراتها .

2- بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  في المجال  $]2,1; 2,2[$

3- عين حسب قيم  $x$ ، إشارة  $g(x)$  .

(II) لتكن الدالة  $f$  المعرفة على  $]-\infty; -1[ \cup ]-1; 1[ \cup ]1; +\infty[$  ب:  $f(x) = \frac{2x^3+3}{x^2-1}$ ،

$(C_f)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(0; \vec{i}; \vec{j})$  .

1- أحسب نهايات الدالة  $f$  عند أطراف مجموعة تعريفها، وإستنتج المستقيمات المقاربة .

2- بين أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$ ،  $f'(x) = \frac{2x g(x)}{(x^2-1)^2}$  .

3- إستنتج إتجاه تغير الدالة  $f$ ، ثم شكل جدول تغيراتها .

4- بين أن:  $f(\alpha) = 3\alpha$ ، ثم إستنتج حصر  $f(\alpha)$  .

5- أ/ تحقق أنه من أجل كل عدد حقيقي  $x$  من  $D_f$ ،  $f(x) = 2x + \frac{2x+3}{x^2-1}$  .

ب/ بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذو المعادلة  $y = 2x$  مقارب مائل للمنحنى  $(C_f)$  .

ج/ أدرس وضعية المنحنى  $(C_f)$  بالنسبة للمستقيم  $(\Delta)$  .

6- أرسم المنحنى  $(C_f)$  .

7- ناقش حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة:  $f(x) = m^2$

إنتهى

بالتوفيق والنجاح

لا تجعل الفشل ذريع حياتك ولا تتبع الفاشلين الطريق إلى BAC2019