

ثانوية العقيد احمد بن عبد الرزاق  
اليوم : 01/12/2019  
الشعبة : رياضيات  
المدة : ساعتان 02

# مديرية التربية لولاية وهران

## امتحان الثلاثي الأول

### المستوى : سنتان ثالثة

#### اختبار في مادة : الرياضيات

التمرين الأول : 04 نقاط

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعروفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:

- ١٠ أـ احسب الحدود  $u_1, u_2, u_3$  ثم برهن بالترابع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  
 بـ بين أن المتتالية  $(u_n)$  متناقصة تماما على  $\mathbb{N}$ .

لأن المتتالية  $(u_n)$  متناقصة تماما على  $\mathbb{N}$ .

جـ- بين أن المتتالية  $(u_n)$  متقاربة، ثم استنتج نهايتها.

- أ- بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تعين أساسها وحدها الأول  $v_0$ .

بـ- اكتب بدلالة  $n$  كلام من  $v_n$  و  $u_n$ ، ثم احسب

بـ اكتب بدلالة  $n$  كلام من  $v_n$  و  $u_n$  ، ثم احسب

- $$T_n = v_0 + 2v_1 + \dots + 2^n v_n, \quad S_n = u_0^2 + u_1^2 + \dots + u_n^2 : \text{احسب بدلالة } n \text{ كلامن}$$

التمرين الثاني : 08 نقاط

I /  $g(x) = x^2 - 2x + \ln|x-1|$  دالة عدديّة معرفة على  $\{1\} - \mathbb{R}$  بالشكل :

1- ادرس تغيرات الدالة  $g$  واحسب  $(0)$  و  $(2)$

2- استنتج اشارة  $(x)$  حسب قيم  $x$ .

$f(x) = x - 2 - \frac{\ln|x-1|}{x-1}$ : دالة عددية معرفة على  $\mathbb{R} - \{1\}$  بالشكل

و (C) تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعامد ومتجانس  $(j^*, i^*; O)$ .

١- بين انه من اجل كل  $x$  من  $\{1\} - \mathbb{R}$  فان :  $f'(x) = \frac{g(x)}{(x-1)^2}$  ثم ادرس تغيرات الدالة  $f$ .

٢- يبين ان المنحنى (C) يقبل مستقيميين مقاربین احدهما مائل ( $\Delta$ ) يطلب كتابة معادلة لـ كل منهما .

3- ادرس وضعية المنحني ( $C$ ) بالنسبة للمستقيم ( $\Delta$ ).

٤- بين ان المنحنى ( $C$ ) يقبل مماسين ( $T$ ) و ( $T'$ ) موازيين لل المستقيم ( $\Delta$ ) يطلب كتابة معادلة لكل منهما .

٥- بين ان النقطة (-1; 1) هي من المتماثلة للمنجعه (C)

٦- بين المترجة (C) ونقلها، اعطاء بطلب تعينهما.

7. اذن شهادتی که می‌تواند تأثیرگذار باشد، باید در آن مواردی صادر شود که

8- دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بالشكل  $*$  
$$h(x) = x - \frac{|x|}{x}$$
 تمثيلها البياني في المعلم السابق .  
بين ان  $(C_h)$  هو صورة  $(C)$  بانسحاب يطلب تعينه.

### التمرين الثالث: 08 نقاط

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ :  $f(x) = (a - 2x)e^{2x} + b$  ، حيث  $a$  و  $b$  عددان حقيقيان  
 ( تمثيلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ومتجانس  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  ) ( وحدة الطول  $2\text{cm}$  )

I. عين العددان الحقيقيان  $a$  و  $b$  حيث يتحقق الشرطان :

- حل للمعادلة التفاضلية :  $y' - 2y = -2e^{2x}$

-  $(C_f)$  يقبل مماس موازي لمحور الفواصل عند النقطة ذات الفاصلة 0

نضع :  $b = 0$  و  $a = 1$  II

(1) أكتب عبارة  $f(x)$  ، ثم أدرس تغيرات الدالة  $f$  وشكل جدول تغيراتها (حساب النهايات مطلوب)

(2) حل المعادلة  $f(x) = 0$  ، ثم استنتج نقط تقاطع  $(C_f)$  مع محور الفواصل .

(3) احسب  $f(1)$  ثم ارسم  $(C_f)$  .

. 4) نقش بياني حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي  $x$  :  $f(x) = f(m)$  .

III. نسمي  $f^{(n)}$  المشتقات المتتابعة للدالة  $f$

(1) برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$  غير معروف :

(2) من أجل كل عدد طبيعي  $n$  غير معروف المنحني  $(C_{f^{(n)}})$  الممثل للدالة  $f^{(n)}$  حيث الدالة المشتقة من الرتبة  $n$  للدالة  $f$  يقبل مماساً موازي لمحور الفواصل في النقطة  $M_n(x_n; y_n)$

أـ احسب بدلالة  $n$  كلاماً من  $x_n$  و  $y_n$  .

بـ ببين أن المتتالية  $(x_n)$  حسابية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى ، ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} x_n$  .

جـ بين أن المتتالية  $(y_n)$  هندسية يتطلب تعين أساسها وحدتها الأولى ، ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} y_n$  .

انتهى...

☺ بال توفيق ☺

استاذ المادة يتمنى لكم النجاح في شهادة البكالوريا