

الأربعاء 16 ربيع الأول 1441 الموافق 13 نوفمبر 2019

**التمرين الأول: (07 ن):**الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  ب:  $g(x) = x - (x^2 + 1)e^{-x+1}$ . $(C_g)$  تمثيلها البياني في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد و المتجانس  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ (1) أدرس تغيرات الدالة  $g$  على  $\mathbb{R}$ .(2) بين أن المستقيم  $y = x$ :  $(\Delta)$  مقارب للمنحنى  $(C_g)$  بجوار  $(+\infty)$  ثم أدرس الوضع النسبي بين  $(\Delta)$  و  $(C_g)$ .(3) بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $1,8 < \alpha < 1,9$ ثم أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_g)$  في النقطة ذات الفاصلة 1.(4) بين أن المنحنى  $(C_g)$  يقبل نقطتي انعطاف  $A, B$  يطلب تعيين إحداثياتهما.(5) أحسب  $g(0)$  ثم أنشئ  $(\Delta)$ ،  $(T)$  و  $(C_g)$ .(6) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي  $x$  التالية:  $g(x) = mx - 1$ **التمرين الثاني: (07 ن):** $(C_f)$  المنحنى الممثل للدالة المشتقة للدالة  $f$  المعرفة على  $]-\infty; 1[ \cup ]1; +\infty[$  في المعلم المتعامد و المتجانس (حسب الشكل)(1) أ. عين كل من:  $f'(2)$ ،  $\lim_{x \rightarrow 1^-} f'(x)$ ،  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f'(x)$ ب. عين المستقيمت المقاربة لـ  $(C_f)$ .(2) أ. بين أن الدالة  $f'$  قابلة للاشتقاق عند 3.ب. عين  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f'(x)}{x}$  ثم استنتج أن  $(C_f)$  يقبل نقطة انعطاف(3) شكل جدول تغيرات الدالة  $f'$  ثم استنتج جدول تغيرات الدالة  $f$  (دون حساب نهايات  $f$ )(4) الدالة  $h$  المعرفة على المجموعة  $D$  كما يلي:

$$h: x \mapsto \ln(-f'(x))$$

عين  $D$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $h$ **التمرين الثالث (06 ن):**المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بـ  $u_0 = 2$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n$ :  $u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + \frac{1}{3}n + 1$ .(1) أ. أحسب  $u_1, u_2, u_3$  ثم ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتتالية  $(u_n)$ .ب. برهن أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n$ ،  $u_n \leq n + 3$ .ج. برهن أن  $u_{n+1} - u_n = \frac{1}{3}(n + 3 - u_n)$ ، و تحقق من تخمينك السابق. هل يمكن استنتاج تقارب المتتالية  $(u_n)$ ؟ علل(2) المتتالية العددية  $(v_n)$  المعرفة على بـ  $v_n = u_n - n$ .أ. برهن أن  $(v_n)$  متتالية هندسية يطلب تحديد أساسها و حساب حدها الأول.ب. أكتب بدلالة  $n$  عبارة الحد العام  $v_n$ ، ثم استنتج عبارة  $u_n$ . أحسب نهاية  $u_n$ .د. نضع من أجل كل عدد طبيعي غير معدوم  $n$ :  $S_n = \frac{1}{n^2}(u_0 + u_1 + \dots + u_n)$ .عبر عن  $S_n$  بدلالة  $n$ ، ثم أحسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$ .

بالتوفيق مع تحيات الأستاذ: ساس عبدالله

الأربعاء 16 ربيع الأول 1441 الموافق 13 نوفمبر 2019

**التمرين الأول (07 ن):**

الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $[0, +\infty[$  كما يلي:  $g(0) = 1$  و  $g(x) = \frac{1}{2}x^2(3 - \ln x^2); x > 0$

$(C_g)$  تمثيلها البياني في مستوي منسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس  $(o; \vec{i}; \vec{j})$  حيث:  $\|\vec{i}\| = \|\vec{j}\| = 2cm$ .

(1) أدرس قابلية اشتقاق الدالة  $g$  عند  $x_0 = 0$  وفسر النتيجة هندسيا. ثم أدرس تغيرات الدالة  $g$  على  $[0, +\infty[$ .

(2) بين أنه يوجد عدد حقيقي وحيد  $\alpha \geq 0$  بحيث:  $g(\alpha) = 0, \alpha \geq 0$ . ثم تحقق أن:  $4,6 < \alpha < 4,7$ .

(3) أكتب معادلة المماس  $(T)$  للمنحنى  $(C_g)$  في النقطة ذات الفاصلة 1.

الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $[0, +\infty[$  ب:  $f(x) = g(x) - 2x - \frac{1}{2}$

(4) أدرس إشارة  $f''(x)$  و استنتج اتجاه تغير الدالة  $f'$ .

- حدد إشارة  $f'(x)$  على المجال  $[0, +\infty[$  ثم شكل جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(5) أدرس الوضعية النسبية للمنحنى  $(C_g)$  و المماس  $(T)$ . أنشئ  $(T)$  و  $(C_g)$ .

(6) ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد وإشارة حلول المعادلة ذات المجهول الحقيقي  $x$  التالية:  $3x^2 - x^2 \ln x^2 - 4x - 2m = 0$ .

**التمرين الثاني: (06 ن):**

المتتالية  $(u_n)$  المعرفة على  $\mathbb{N}$  كما يلي:  $u_0 = 1$  و  $u_{n+1} = u_n e^{-u_n}$

(1) - ا - برهن بالتراجع انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  فان  $u_n > 0$ .

- ب - بين أن  $(u_n)$  متناقصة.

- ج - استنتج أن  $(u_n)$  متقاربة ثم احسب نهايتها.

(2) المتتالية  $(w_n)$  المعرفة من اجل كل عدد طبيعي  $n$  كما يلي:  $w_n = \ln(u_n)$ .

ا - اثبت انه من اجل كل عدد طبيعي  $n$  فان:  $u_n = w_n - w_{n+1}$ .

ب - نضع  $S_n = u_0 + u_1 + u_2 + \dots + u_n$  بين أن  $S_n = w_0 - w_{n+1}$  ثم احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} S_n$ .

**التمرين الثالث (07 ن):**

الدالة العددية  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $g(x) = 2x - e^{-\frac{1}{3}x}$

1- ادرس تغيرات الدالة  $g$

2- بين أن المعادلة  $g(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  حيث  $0.4 < \alpha < 0.5$ . استنتج حسب قيم العدد الحقيقي  $x$  إشارة  $g(x)$

الدالة العددية  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  كما يلي:  $f(x) = x^2 - 3 + 3e^{-\frac{1}{3}x}$

1- ادرس تغيرات الدالة  $f$ . بين أن  $f(\alpha) = \alpha^2 + 6\alpha - 3$  و عين حصرا للعدد  $f(\alpha)$

2- بين أن المنحنى  $(C)$  الممثل للدالة  $f$  في المستوي المنسوب إلى المعلم المتعامد والمتجانس يقطع محور الفواصل في نقطة وحيدة فاصلتها  $\beta$  حيث

$$0.8 < \beta < 0.9$$

3- عين معادلة المماس  $(\Delta)$  للمنحنى  $(C)$  في النقطة ذات الفاصلة  $x_0 = 0$ . أنشئ المماس  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C)$ . (الوحدة:  $2cm$ )

4- ناقش بيانيا و حسب قيم الوسيط الحقيقي  $m$  عدد نقط تقاطع المنحنى  $(C)$  مع المستقيم  $(\Delta_m)$  ذو المعادلة  $y = -x + m$

بالتوفيق مع تحيات الأستاذ: