

الفرض المحروس الأول للثلاثي الأول في مادة الرياضيات

اليوم: الاربعاء 23 اكتوبر 2019

المدة: ساعة ونصف

الشعبة: 3 علوم تجريبية

التمرين الأول : (05 نقاط)

ادرس حسب قيم x من D اشارة العبارتين $f(x)$ و $g(x)$ المعرفتين كما يلي: $D = \mathbb{R}$ $f(x) = 4e^{2x+2} - 8e^{x+1} + 3$ و $D =]-3; 2[$ $g(x) = \ln(2-x) + \ln(x+3) - \ln(4)$.

التمرين الثاني: (15 نقطة)

❖ الجزء الأول: نعتبر g الدالة معرفة على \mathbb{R} بـ $g(x) = -2x^4 + 2x^3 - 8x + 2$.

1. يبين أنه من اجل كل x من \mathbb{R} : $g''(x) = 12x(1-2x)$ ثم ادرس حسب قيم x اشارة $g''(x)$ على \mathbb{R} .
2. استنتج جدول تغيرات الدالة g' مشتقة الدالة g .
3. يبين أن المعادلة $g'(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا λ على \mathbb{R} محصور بين -0.81 و -0.80 ثم استنتج حسب قيم x اشارة $g'(x)$ على \mathbb{R} .
4. استنتج جدول تغيرات الدالة g على \mathbb{R} (يعطى $g(\lambda) \approx 6.55$).
5. يبين أن المعادلة $g(x) = 0$ تقبل حلين مختلفين في الاشارة α و β على \mathbb{R} ثم تحقق أن $-1.40 < \alpha < -1.41$ و $0.25 < \beta < 0.26$.
6. استنتج حسب قيم x اشارة $g(x)$ على \mathbb{R} .

❖ الجزء الثاني: نسمي f الدالة معرفة على $\mathbb{R} - \{\sqrt[3]{2}\}$ بـ $f(x) = \frac{x^3 + 2x^2 - x - 2}{x^3 - 2}$ ؛ وليكن (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. احسب نهايات الدالة f عند حدود مجموعة التعريف ثم فسّر النتائج بيانيا. (نذكر بأن $\sqrt[3]{2} \approx 1.26$).
2. أ. يبين أنه من أجل كل x من $\mathbb{R} - \{\sqrt[3]{2}\}$: $f'(x) = \frac{g(x)}{(x^3 - 2)^2}$.
ب. شكّل جدول تغيرات الدالة f . (يعطى $f(\alpha) \approx -0.12$ و $f(\beta) \approx 1.06$).
- ت. استنتج دون حساب $\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{f(x) - f(\alpha)}{x - \alpha}$ و $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(\beta + h) - f(\beta)}{h}$.
3. اكتب معادلة المماس (T) عند النقطة ذات الفاصلة 0.
4. حدد نقط تقاطع (C_f) مع حامل محور الفواصل.
5. أنشئ المستقيمتان المقاربة: المماس (T) و المنحني (C_f) . (سَلِّم الرسم $\|\vec{i}\| = 1cm$ و $\|\vec{j}\| = 2cm$).
6. ارسم في نفس المعلم المنحني (Γ) المعرف بالمعادلة $(\Gamma): y = |f(x)|$.
7. ناقش بيانيا حسب قيم الوسيط الحقيقي k عدد حلول المعادلتين $|f(x)| = k$ و $|f(x)| = \frac{1}{2}x + k$.

❖ الجزء الثالث: لتكن f_m الدالة ذات الوسيط الحقيقي m المعرفة على $\mathbb{R} - \{\sqrt[3]{m}\}$ كما يلي :

1. تحقق انه من اجل كل x من $\mathbb{R} - \{\sqrt[3]{m}\}$: $f_m(x) = \frac{x^3 + mx^2 - x - m}{x^3 - m}$ ؛ وليكن (C_m) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد $(O; \vec{i}; \vec{j})$.
2. يبين ان جميع المنحنيات (C_m) تشترك في ثلاث نقط يطلب تعيينها.