

## اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات



10800 ثانية

2020 - 03 - 01: يوم

ثالثة

 $\sum_{i=1}^4 i$ : علوم تجريبيةالثمن بـ: 01 (ن)

نعتبر المتالية العددية ( $U_n$ ) المعرفة بعدها الأول  $U_1 = \sqrt{e}$  و من أجل كل عدد طبيعي  $n \geq 1$  :

1. أحسب الحدود  $U_2$  ،  $U_3$  و  $U_4$  ، ثم ضع تخمينا حول اتجاه تغير المتالية ( $U_n$ ) .

2. ألم بين بالترابع من أجل كل عدد طبيعي  $n \geq 1$  :  $U_n \leq n + 3$  .

ب) بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n \geq 1$  ثم استنتج اتجاه تغير المتالية ( $U_n$ ) .

3. المتالية العددية المعرفة على  $N^*$  بـ :  $V_n = U_n - n$  .

• بين أن ( $V_n$ ) متالية هندسية ، ثم بين أنه من أجل كل عدد طبيعي  $n \geq 1$  :

4. ضع من أجل كل عدد طبيعي  $n \geq 1$  :

$$S_n = \left(\frac{2}{3}\right)^1 V_1 + \left(\frac{2}{3}\right)^2 V_2 + \dots + \left(\frac{2}{3}\right)^n V_n$$

$$S'_n = U_1 + U_2 + \dots + U_n$$

$$T_n = \frac{S'_n}{n^2}$$

• احسب المجموعين  $S_n$  و  $S'_n$  ، ثم عين  $\lim_{n \rightarrow +\infty} T_n$  .

الثمن بـ: 02 (ن)

نعلم أن فصائل الدم عند الإنسان أربعة وهي :  $AB$  ،  $A$  ،  $O$  و  $B$  .

توزع مجموعة من 10 أشخاص حسب فصيلتهم الدموية كما يلي : أربعة أشخاص من فصيلة  $O$  و ثلاثة من فصيلة  $A$  و شخصان من فصيلة  $B$  و شخص واحد من فصيلة  $AB$  . نختار عشوائيا و في آن واحد شخصان من هذه المجموعة .

1. احسب إحتمال كل من الأحداث الآتية :  $C$  : " الشخصان المختاران لهما نفس الفصيلة الدموية " .

$D$  : " الشخصان المختاران لهما فصيلتين دمويتين مختلفتين "

$E$  : " فصيلة أحد الشخصين فقط هي "  $A$  "

$F$  : " فصيلة الشخصان المختاران هي  $A$  أو  $O$  "

2. نرفق الفصيلة  $O$  بالعدد 4 الذي يمثل عدد الفصائل التي يمكن أن تتلقى من الفصيلة  $O$  و هكذا نرفق الفصيلة  $A$  بالعدد 2 و الفصيلة  $B$  بالعدد 2 و الفصيلة  $AB$  بالعدد 1 .

ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يربط كل اختيار بمجموع الرقين المرفقيين بفصيلتيهما .

أ) عرف قانون احتمال المتغير العشوائي  $X$  ثم احسب احراجه المعياري .

ب) احسب احتمال الحدين " $X^2 - 9X + 18 = 0$ " و " $X^2 - 9X + 18 \leq 0$ " .

ج) احسب احتمال الحدث " $X = 4$ " إذا علمت أن أحد الشخصين المختارين هو  $A$  فقط .

**الثمن بين: 03 (45ن)**

I / من أجل كل عدد مركب  $z$  نعتبر كثير الحدود  $P(z) = z^3 - 2(\sqrt{3} + i)z^2 + 4(1 + i\sqrt{3})z - 8i$  حيث :

- أين أن  $P(z)$  يقبل جذرا تخيليا صرفا  $z_0$  يتطلب تعينه .

b) حل  $P(z) = 0$  في  $C$ .

2. المستوى المركب منسوب إلى معلم متعمد و متجانس  $(O; \vec{u}, \vec{v})$

نعتبر النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  التي لاحقاتها على الترتيب :  $z_C = 2i$  ،  $z_A = \sqrt{3} - i$  و  $z_B = \sqrt{3} + i$

- أين أن النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$  تتبعي إلى نفس الدائرة مركزها  $O$  يتطلب تعين نصف قطرها .

b) أنشئ النقط  $A$  ،  $B$  و  $C$ .

II / من أجل كل  $z$  من  $C^*$  نضع :

$$Q(z) = \frac{1+i\sqrt{3}}{z}$$

• حل في  $C$  كلا من المعادلات التالية :

$$Q(z) = \frac{z - 4\cos\theta}{-1 + i\sqrt{3}}, Q(z) = z \quad \text{و} \quad Q(z) = \frac{2}{z+1} \quad \text{حيث} \quad \theta \in R.$$

III / نعتبر العدد المركب  $z$  حيث :  $z = x + iy$  و  $M$  صورته و ليكن العدد  $L$  حيث

1. أكتب العدد  $L$  على الشكل الجيري .

2. عين طبيعة  $(\Gamma)$  مجموعة النقط  $M$  بحيث :  $L$  حقيقي .

**الثمن بين: 04 (7ن)**

I / دالة معرفة على  $[0; +\infty]$  حيث :

$$g(x) = \frac{2x^2 - (x^2 + 1)\ln(x^2 + 1)}{x^2 + 1}$$

1. أدرس تغيرات الدالة  $g$  و شكل جدول تغيراتها .

2. بين أن المعادلة  $0 = g(x)$  تقبل حلا وحيدا محصور بين 2 و 9 .

3. إستنتج إشارة  $g(x)$  على  $[0; +\infty]$  .

II / دالة معرفة على  $R$  بـ :

$$f(x) = \frac{\ln(x^2 + 1)}{x} \quad \text{و من أجل كل } 0 : x \neq 0$$

و  $(C_f)$  تمثلها البياني في المستوى المنسوب إلى معلم متعمد ; متجانس (وحدة الطول  $2cm$ ) .

1. بين أن  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 1$  ، ثم فسر النتيجة هندسيا .

2. أين أن الدالة  $f$  فردية .

b) احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ، ثم استنتج .

3. أين أنه من أجل كل  $x$  من  $[0; +\infty]$  فإن :

$$f'(x) = \frac{g(x)}{x^2}$$

b) إستنتاج اتجاه تغير الدالة  $f$  على الحال  $[0; +\infty]$  .

ج) شكل جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $R$  .

4. بين أن :  $f(\alpha) = \frac{2\alpha}{\alpha^2 + 1}$  ثم اوجد حص لـ  $f(\alpha)$  .

5. ارسم  $(T)$  و  $(C_f)$  حيث  $(T)$  مماس لـ  $(C_f)$  عند المبدأ.

