

اختبار الثلاثي الثاني في مادة الرياضيات

التمرين الأول (04 نقاط) :

المستوي المركب مزود المعلم المتعامد المتجانس $(O; \vec{u}, \vec{v})$. أجب بصحيح أو خطأ مع التبرير

1. $C; B; A$ نقط لواحقتها $z_A = 3+2i$ و $z_B = -2+i$ و $z_C = 1-i$ على الترتيب
أ - لاحقة النقطة D حتى يكون الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع هي $z_D = 6$.

ب - الكتابة الجبرية للعدد المركب $\frac{z_A}{z_B}$ هي $\frac{z_A}{z_B} = -1 + \sqrt{2} + 3i$.

2. G مرجح الجملة المتقلة $\{(C;-1), (B;2), (A;1)\}$.

أ - لاحقة النقطة G هي $z_G = -2+5i$

ب - إذا كانت H مرجح الجملة المتقلة $\{(C;-1), (B;2)\}$ فإن G منتصف القطعة المستقيمة $[AH]$

3. S مجموعة النقط M ذات اللاحقة z حيث $|z-3-2i| = \sqrt{26}$

و E مجموعة النقط M ذات اللاحقة z حيث $|z-3-2i| = |z+2-i|$

أ. النقطة B تنتمي الى المجموعة S .

ب. المجموعة S هي دائرة مركزها A و نصف قطرها $\sqrt{26}$

ج. المجموعة E هي مثلث مار بالنقطتين A و B

4. إذا كان $L = x^2 + y^2 - 4 + i(x-y)$ فإن مم وعة النقط M ذات اللاحقة $z = x+iy$ التي يكون من أجلها L تخيلي صرف

هي المنصف الأول الذي معادلته $y = x$

التمرين الثاني (04 نقاط) :

نعتبر المتتالية (u_n) المعرفة على \mathbb{N} بـ $u_0 = 2$ و من أجل كل عدد طبيعي $u_{n+1} = \sqrt{\frac{1+u_n^2}{2}}$.

1. برهن بالتراجع أنه من أجل كل عدد طبيعي $n : u_n > 1$.

2. بين أن المتتالية (u_n) متناقصة ثم أستنتج أنها متقاربة وأحسب نهايتها.

3. نعتبر المتتالية (v_n) المعرفة على \mathbb{N} من أجل كل عدد طبيعي $v_n = u_n^2 - 1$.

أ. برهن أن المتتالية (v_n) متتالية هندسية يطلب تعيين أساسها و حدها الأول

ب. أكتب u_n بدلالة n ثم أستنتج عبارة الحد العام v_n بدلالة n و أحسب $\lim u_n$

ج. أحسب المجموعين S_n و S'_n بدلالة $n : S_n = u_n^2 + u_{n+1}^2 + \dots + u_{n+1441}^2$ و $S'_n = \frac{1}{v_n} + \frac{1}{v_{n+1}} + \dots + \frac{1}{v_{n+1441}}$

التمرين الثالث (05 قاط) :

يحتوي صندوق على خمس كريات بيضاء مرقمة 1 ; 1 ; 1 ; 0 ; -1 و خمس كريات حمراء مرقمة 1 ; 1 ; 0 ; 0 ; -1 لا نفرق بينها عند اللمس نسحب عشوائيا في أن واحد ثلاث كريات من الصندوق

1. نعتبر الأحداث التالية : A " الحصول على كرة بيضاء فقط " B " الحصول على كرية بيضاء الأقل " C " الحصول على ثلاث كريات من نفس اللون " D " الحصول على كريات مختلفة اللون " E " مجموع أرقام كريات الثلاث يساوي 0 "

أ. أحسب احتمال الحوادث التالية $A ; B ; C$

ب. بين أن $P(D) = \frac{5}{6}$ و $P(E) = \frac{31}{120}$ و $P(C \cap E) = \frac{7}{120}$.

ج. إذا كان مجموع الأرقام الثلاث يساوي 0 ما احتمال أن تكون الكرات الثلاث من نفس اللون

2. نعتبر المتغير العشوائي X الذي يرفق بكل سمجة عدد الكرات التي تحمل الرقم -1

أ. عين قيم المتغير العشوائي X .

ب. عين قانون الاحتمال العشوائي X .

ج. أحسب الأمل أرياضياتي و التباين و الانحراف المعياري للمتغير العشوائي X .

التمرين الرابع (07 قاط) :

f دالة معرفة على \mathbb{R} بـ $f(x) = x - (x^2 + 1)e^{-x+1}$ و (C_f) تمثيلها البياني في المستوي المنسوب الى المعلم المتعامد و المتجانس $(O; \vec{i}; \vec{j})$.

1. أحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

2. بين أنه من أجل كل عدد حقيقي x فإن $f'(x) = 1 + (x-1)^2 e^{-x+1}$ ثم استنتج اتجاه تغير الدالة f و شكل جدول تغيراتها .

3. بين أن المستقيم (Δ) ذو $y = x$ المعادلة مقارب مائل للمنحنى (C_f) بجوار $+\infty$ ثم ادرس وضعية (C_f) بالنسبة للمستقيم (Δ) .

4. بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلاً وحيداً α بحيث $1,8 < \alpha < 1,9$

5. أكتب معادلة المماس (T) للمنحنى (C_f) عند النقطة ذات الفاصلة 1 .

6. بين أن من أجل كل عدد حقيقي x فإن $f''(x) = -(x-1)(x-3)e^{-x+1}$ ثم أستنتج أن للمنحنى (C_f) نقطتي انعطاف يطلب تعيين إحداثياتهما .

7. أحسب $f(0)$ و $f(3)$ ثم أرسم (T) و (Δ) و (C_f)

- ناقش بياناً و حسب قيم الوسيط الحقيقي m عدد حلول المعادلة $(x^2 + 1)e^{-(x+m)+1} = 1$