

الحصة	هندسة	التاريخ	
المحور	الأعداد المركبة	القسم	3 علوم تجريبية
الموضوع	الشكل الأسّي لعدد مركب	المدة	ساعة واحدة
الكفاءات المستهدفة	الإنقال من الشكل الأسّي إلى المثلثي و العكس	المعارف المكتسبة	
الوسائل البداغوجية	السبورة ، المسطرة	المراجع	الكتاب المدرسي ، كتاب الأستاذ

سير الدرس	مراحل الدرس	الزمن
-----------	-------------	-------

نشاط إستكشافي	نشاط: θ: عدد حقيقي، نقبل أن $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$ - أكتب كل عدد مما يلي على الشكل المثلثي ثم الجبري: $e^{i\frac{\pi}{4}}$ ، $e^{i\pi}$ ، $2e^{-i\frac{\pi}{6}}$	د10
---------------	--	-----

صياغة الكفاءة	الشكل الأسّي لعدد مركب:	
---------------	--------------------------------	--

صياغة الكفاءة	تعريف 1: العدد المركب الذي طويلته 1 و عمدته θ نرسم له ب: $e^{i\theta}$ ونكتب: $e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$ ويسمى ترميز أولر (Euler)	د10
---------------	--	-----

صياغة الكفاءة	تعريف 2: الشكل الأسّي لعدد مركب غير معدوم z عمدته θ هو: $z = z e^{i\theta}$	د5
---------------	--	----

صياغة الكفاءة	مثال: إذا كان z عدد مركب عمدته $\frac{\pi}{2}$ و طويلته 2 فإن الكتابة الأسية لـ z هي: $z = 2e^{i\frac{\pi}{2}}$ ملاحظة: إذا كان $z = z e^{i\theta}$ فإن $\bar{z} = z e^{-i\theta}$	د5
---------------	---	----

صياغة الكفاءة	قواعد الحساب باستعمال الشكل الأسّي:	
---------------	--	--

صياغة الكفاءة	ليكن z و z' عددان مركبان حيث $z = [r; \theta]$ و $z' = [r'; \theta']$ مع $r > 0$ و $r' > 0$	د10
---------------	---	-----

صياغة الكفاءة	$\frac{1}{re^{i\theta}} = \frac{1}{r} \times e^{-i\theta}$ $\frac{re^{i\theta}}{r'e^{i\theta'}} = \frac{r}{r'} \times e^{i(\theta-\theta')}$ $\overline{re^{i\theta}} = re^{-i\theta}$ $(re^{i\theta})(r'e^{i\theta'}) = rr'e^{i(\theta+\theta')}$	د10
---------------	---	-----

صياغة الكفاءة	$(r = r' \quad k \quad \theta = \theta' + 2\pi k \quad / \quad k \in \mathbb{Z})$ يكافئ $(re^{i\theta} = r'e^{i\theta'})$	د5
---------------	---	----

صياغة الكفاءة	أمثلة: ليكن z و z' عددان مركبان حيث: $z = 2e^{i\frac{\pi}{2}}$ و $z' = e^{-i\frac{\pi}{3}}$	د5
---------------	--	----

صياغة الكفاءة	$z \cdot z' = \left(2e^{i\frac{\pi}{2}}\right) \left(3e^{-i\frac{\pi}{3}}\right) = (2 \times 3)e^{i\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{3}\right)} = 6e^{i\frac{\pi}{6}}$	د10
---------------	---	-----

صياغة الكفاءة	$\frac{z}{z'} = \frac{2e^{i\frac{\pi}{2}}}{3e^{-i\frac{\pi}{3}}} = \frac{2}{3} \times e^{i\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{3}\right)} = \frac{2}{3}e^{i\frac{5\pi}{6}}$	د10
---------------	---	-----

صياغة الكفاءة	دستور موافر: من أجل كل عدد حقيقي θ ومن أجل كل عدد صحيح n ، لدينا:	د10
---------------	---	-----

صياغة الكفاءة	$(e^{i\theta})^n = e^{in\theta}$ أي: $(\cos \theta + i \sin \theta)^n = \cos(n\theta) + i \sin(n\theta)$	د10
---------------	--	-----

ملاحظة مهمة: من أجل كل عدد حقيقي θ ، لدينا:

$$\begin{cases} e^{i\theta} = \cos\theta + i \sin\theta & (1) \\ e^{-i\theta} = \cos\theta - i \sin\theta & (2) \end{cases}$$

$$\sin\theta = \frac{e^{i\theta} - e^{-i\theta}}{2i}$$

$$\cos\theta = \frac{e^{i\theta} + e^{-i\theta}}{2}$$

من (1) و (2) نجد:

د10

تطبيق 1: رقم 54 صفحة 147

مرحلة التقويم
والإستثمار

أكتب على الشكل الأسّي: $z_2 = (\sqrt{3} + i\sqrt{3})e^{i\frac{\pi}{3}}$ ، $z_1 = (2\sqrt{3} + 6i)e^{-i\frac{\pi}{2}}$ ،

$$z_3 = (1 - \sqrt{2})e^{-i\frac{\pi}{4}}$$

الحل:

$$z_3 = (1 - \sqrt{2})e^{-i\frac{\pi}{4}} = |1 - \sqrt{2}|e^{i\pi} \times e^{-i\frac{\pi}{4}} = (\sqrt{2} - 1)e^{i(\pi - \frac{\pi}{4})} = (\sqrt{2} - 1)e^{i\frac{3\pi}{4}}$$

$$z_1 = (2\sqrt{3} + 6i)e^{-i\frac{\pi}{2}} = 2\sqrt{3}(1 + i\sqrt{3})e^{-i\frac{\pi}{2}}$$

$$= 2\sqrt{3} \times e^{i\frac{\pi}{3}} \times e^{-i\frac{\pi}{2}} = 2\sqrt{3}e^{i(\frac{\pi}{3} - \frac{\pi}{2})} = 2\sqrt{3}e^{-i\frac{\pi}{6}}$$

ملاحظات حول سير الحصة: