

الخصية	هندسة	التاريخ	فيفري 2016
المحور	الأعداد المركبة	القسم	3 علوم تجريبية
الموضوع	<b>التشابه المباشر</b>	المدة	ساعتين
الكفاءات المستهدفة	التعرف على تشابه مباشر التعير عن تشابه مباشر بالأعداد المركبة	المعارف المكتسبة	
الوسائل البداغوجية	السطرة، المدور	المراجع	الكتاب المدرسي، كتاب الأستاذ
سير الدرس	مراحل الدرس		
نشاط إستكشافي	نشاط: رقم 2 صفحة 164		

### 1) التشابه المباشر

**تعريف:** القول إن التحويل النقطي S تشابه مباشر معناه أن S يحافظ على نسب المسافات و على الزوايا الموجهة أي من أجل كل نقط D, C, B, A صورها على

$$\text{الترتيب } D', C', B', A' : \text{ فإن } \frac{A'B'}{C'D'} = \frac{AB}{CD} \text{ و } (\overline{C'D'}; \overline{A'B'}) = (\overline{CD}; \overline{AB})$$

### 2) نسبة التشابه

**خاصية:** التشابه المباشر يضرب المسافات في عدد حقيقي موجب تماما k يسمى

$$\text{هذا العدد نسبة هذا التشابه و هو معرف كما يلي: } \frac{A'B'}{AB} = \frac{C'D'}{CD} = k$$

### 3) زاوية التشابه:

**تعريف:** في التعريف السابق، الزاوية  $(\overline{AB}; \overline{A'B'})$  ثابتة و مستقلة عن اختيار النقطتين A, B، هذه الزاوية تسمى زاوية التشابه

### 4) العبارة المركبة لتشابه:

**خاصية:** كل تشابه مباشر من المستوي المركب له عبارة مركبة من الشكل  $z' = az + b$  حيث  $a \neq 0$  و  $b$  عدنان مركبان و مع أن  $|a|$  تمثل نسبه و  $\arg(a)$  تمثل زاويته

**حالات خاصة:** T- تحويل نقطي من المستوي المركب الذي يرفق بكل نقطة M لاحتقتها النقطه M' ذات اللاحقه z' حيث:  $z' = az + b$  مع  $a \in \mathbb{R}^*$  أو  $a \in \mathbb{C}^*$

نوعية التحويل	قيم a	
T هو إنسحاب الذي شعاعه $\bar{u}$ ذو اللاحقه b	a = 1	$a \in \mathbb{R}^*$
T هو التحاكي مركزه $\Omega$ لاحتقتها $\frac{b}{1-a}$ ونسبه a	a ≠ 1	
T هو الدوران مركزه $\Omega$ لاحتقتها $\frac{b}{1-a}$ وزاويته $\arg(a)$	a  = 1	$a \in \mathbb{C}^*$
T هو التشابه المباشر مركزه $\Omega$ لاحتقتها $\frac{b}{1-a}$ ونسبه  a  و زاويته $\arg(a)$	a  ≠ 1	

تمرين 02: بكالوريا جوان 2010 م 1 رابع

تمرين 03:

المستوي منسوب إلى معلم متعامد ومتجانس مباشر .  $A, B, C, D$  نقط من المستوي لواحقها على الترتيب :  $1+2i, 5+2i, 1+4i, 2-i$  . عين التشابه المباشر  $S$  الذي يحول النقطة  $A$  إلى النقطة  $C$  ، و النقطة  $D$  إلى النقطة  $B$  (تعطى العناصر المميزة للتشابه  $S$ ).

**نتيجة:**

- القول أن التحويل  $S$  تشابه مباشر نسبه  $k (k \neq 1)$  ومركزه  $\Omega$  ذات اللاحقة  $z_\Omega$  وزاويته  $\theta$  يكافئ القول أن كتابته المركبة من الشكل  $z' - z_\Omega = ke^{i\theta}(z - z_\Omega)$
- إذا كانت  $M'$  صورة  $M$  بالتشابه المباشر الذي مركزه  $\Omega (M \neq \Omega)$  و  

$$\begin{cases} \Omega M' = k\Omega M \\ \left( \overline{\Omega M}; \overline{\Omega M'} \right) = \theta + 2\pi k ; k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$
نسبه  $k$  وزاويته  $\theta$  فإن
- من أجل أي أربعة نقط  $A, B, C, D$  من المستوي مختلفة مثنى مثنى، يوجد تشابه مباشر وحيد يحول  $A$  إلى  $B$  و  $C$  إلى  $D$
- كل تشابه مباشر يحول المستقيمات إلى مستقيمات ، الدوائر إلى دوائر و يحفظ التعامد و التوازي و المرجح.
- التشابه المباشر الذي نسبه  $k$  يضاعف المساحة بـ  $k^2$  مرة و يضاعف الأطوال بـ  $|k|$  مرة.

**تطبيق 1: رقم 64 صفحة 187**

**بكالوريا جوان 2014 م 2 رابع**