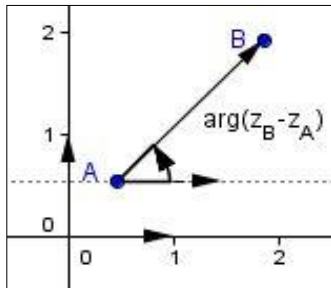


الخصية	هندسة	التاريخ	جانفي 2016
المحور	الأعداد المركبة	القسم	3 علوم تجريبية
الموضوع	<b>المسافات و الزوايا الموجهة</b>	المدة	ساعة واحدة
الكفاءات المستهدفة	توظيف خواص الطويلة و العمدة لحل مسائل في الأعداد المركبة و في الهندسة	المعارف المكتسبة	
الوسائل البداغوجية		المراجع	الكتاب المدرسي

الزمن	مراحل الدرس	سير الدرس
-------	-------------	-----------

**تطبيقات الأعداد المركبة في الهندسة:**

**مبرهنة:**

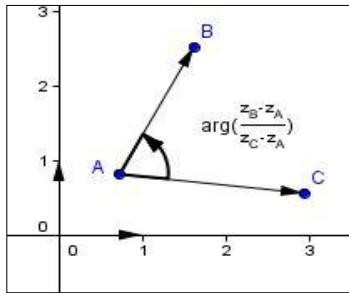


1-  $A$  و  $B$  نقطتين متميزتين من المستوي

$$\text{طول القطعة } [AB] : |AB| = |z_B - z_A|$$

$$\text{قياس الزاوية } (\vec{i}; \overrightarrow{AB})$$

$$(\vec{i}; \overrightarrow{AB}) = \arg(z_B - z_A) + 2\pi k \quad / k \in \mathbb{Z}$$



2-  $A, B$  و  $C$  ثلاث نقاط متميزة ، لدينا:

$$\left\{ \begin{array}{l} (\overrightarrow{AC}; \overrightarrow{AB}) = \arg\left(\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right) + 2\pi k \quad / k \in \mathbb{Z} \\ \left| \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} \right| = \frac{|z_B - z_A|}{|z_C - z_A|} = \frac{AB}{AC} \end{array} \right.$$

**نتائج:**  $A, B$  و  $C$  ثلاث نقاط متميزة ، لدينا:

النقط  $A, B$  و  $C$  هي على إستقامة واحدة إذا فقط إذا كان:

$$\arg\left(\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right) = \pi k \quad / k \in \mathbb{Z}$$

المستقيمين  $(AC)$  و  $(AB)$  متعامدين إذا فقط إذا كان:

$$\arg\left(\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}\right) = \frac{\pi}{2} + \pi k \quad / k \in \mathbb{Z}$$

**تطبيق 1:** في المستوي المركب نعتبر الأعداد المركبة التالية:  $z_A = 1+i$  ،

$z_B = 1+4i$  ،  $z_C = 4+i$  صور النقط  $A, B, C$  على الترتيب

أحسب طويلة و عمدة العدد المركب  $L = \frac{z_B - z_A}{z_C - z_A}$  ثم إستنتج طبيعة المثلث

$ABC$

تمرين رقم 116 صفحة 153

مرحلة  
التقويم و  
الإستثمار