

المؤسسة: ثانوية خالص سليمان بشلول -		بطاقة رقم: 35/11		الأستاذ: شداني عبد المالك	
الحصة	جبر (الأعداد والحساب)	التاريخ	نوفمبر 2015		
المحور	الأعداد الأولية	القسم	3 تقني رياضي + رياضي		
الموضوع	مبرهنة غوص Gauss	المدة	ساعة واحدة		
الكفاءات المستهدفة	مبرهنة غوص و تطبيقاتها	المعارف المكتسبة			
الوسائل البداغوجية		المراجع	الكتاب المدرسي		

سیر الدرس	مراحل الدرس	الزمن
نشاط إستكشافي	<b>نشاط:</b> a, b, c أعداد صحيحة غير معدومة، حيث a عدد أولي مع b و a يقسم الجداء bc 1/ بين أنه يوجد عدنان صحيحان u و v حيث: $cau + cbv = c$ 2/ بين أنه: a يقسم cau و a يقسم cbv، ثم إستنتج أنه a يقسم c	
صيغة الكفاءة	<b>1 مبرهنة غوص:</b> مبرهنة: a, b, c أعداد صحيحة غير معدومة إذا كان a يقسم الجداء bc و a أولي مع b فإن a يقسم c <b>2/ خواص:</b> (1) a و b عدنان طبيعيان غير معدومين و p عدد أولي إذا كان p يقسم الجداء a × b فإن p يقسم a أو p يقسم b (2) a, b, c و ثلاثة أعداد طبيعية غير معدومة، إذا كان a مضاعفا للعددين b و c وكان b و c أوليين فيما بينهما، فإن a مضاعف للجداء b × c	
مرحلة التقويم و الاستثمار	<b>تطبيق 1:</b> x و y عدنان صحيحان بحيث: $3x = 8(y + 1) \dots (1)$ - أوجد جميع الثنائيات (x; y) التي تحقق المعادلة (1) <b>الحل:</b> لدينا 3 يقسم 3x إذن: 3 يقسم $8(y + 1)$ ، بما أن 3 أولي مع 8 وعليه حسب مبرهنة غوص نجد: 3 يقسم $y + 1$ أي: $y + 1 = 3k$ أي: $y = 3k - 1 / k \in \mathbb{Z}$ بتعويض قيمة y في المعادلة (1) نجد: $x = 8k / k \in \mathbb{Z}$ ومنه مجموعة الحلول هي: $S = \{(8k; 3k - 1) / k \in \mathbb{Z}\}$ - تعيين الحلول الطبيعية التي تحقق: $x < 24$ و $y < 24$ : أي: $\begin{cases} k < 3 \\ k < \frac{23}{3} \end{cases}$ أي: $\begin{cases} 8k < 24 \\ 3k - 1 < 24 \end{cases}$ ومنه: $k \in \{0; 1; 2\}$ ومنه: $S = \{(8; 2), (16; 5)\}$	

ملاحظات حول سير الحصة: .....