

المؤسسة: ثانوية خالص سليمان بشلول -		بطاقة رقم: 24/13		الأستاذ: شداني عبد المالك	
الحصة	تحليل	التاريخ	نوفمبر 2015	المحور	الدالة الأسية
الموضوع	دالة الجذر النوني $x \mapsto \sqrt[n]{x}$	المدة	ساعة واحدة	المعارف المكتسبة	مفهوم الجذر النوني ودراسة تغيرات دالة الجذر النوني
الكفاءات المستهدفة	المراجع	المعارف المكتسبة	الكتاب المدرسي	المراجع	مبرهنة القيم المتوسطة ذات الأساس a
الوسائل البداغوجية	مراحل الدرس	الزمن	الزمن	الزمن	الزمن
صياغة الكفاءة	<p><b>1/ تمهيد:</b></p> <p>بين أن المعادلة <math>x^n = a</math> تقبل حل وحيد <math>b</math> على المجال <math>[0; +\infty[</math> حيث <math>a &gt; 0</math> و <math>b \geq 0</math></p> <p>الحل: الدالة <math>f_n : x \mapsto x^n</math> حيث <math>n</math> عدد طبيعي غير معدوم.</p> <p><math>f_n</math> دالة مستمرة و متزايدة تماما على المجال <math>[0; +\infty[</math> ولدينا:</p> <p><math>\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty</math> و <math>f(0) = 0</math> إذن حسب مبرهنة القيم المتوسطة فإن المعادلة <math>x^n = a</math> تقبل حل وحيد <math>b</math> على المجال <math>[0; +\infty[</math></p>				
صياغة الكفاءة	<p><b>مبرهنة و تعريف:</b> من أجل عدد حقيقي موجب <math>a</math> و <math>n</math> عدد طبيعي غير معدوم</p> <p>▲ يوجد عدد حقيقي موجب <math>b</math> يحقق <math>b^n = a</math> يسمى الجذر النوني لـ <math>a</math></p> <p>ونرمز له بـ: <math>\sqrt[n]{a}</math></p> <p>▲ نسمي الدالة المعرفة على <math>[0; +\infty[</math> بـ: <math>x \mapsto \sqrt[n]{x}</math> دالة الجذر النوني</p>				
صياغة الكفاءة	<p><b>خاصية:</b> من أجل كل عدد حقيقي موجب <math>a</math> و <math>n</math> عدد طبيعي غير معدوم، لدينا:</p> $\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$ <p><b>ملاحظة:</b> <math>\sqrt[n]{0} = 0</math></p>				
مرحلة التقويم و الاستثمار	<p><b>تطبيق 1:</b> أدرس تغيرات الدالة <math>x \mapsto \sqrt[n]{x}</math> على المجال <math>[0; +\infty[</math></p> <p><b>الحل:</b> من أجل <math>x \in [0; +\infty[</math>، لدينا: <math>f_n(x) = \sqrt[n]{x} = x^{\frac{1}{n}} = e^{\frac{1}{n} \ln x}</math></p> <p>ومنه: <math>f_n'(x) = \frac{1}{n} \times \frac{1}{x} e^{\frac{1}{n} \ln x}</math>، نلاحظ أن: <math>f_n'(x) &gt; 0</math> من أجل كل <math>x \in [0; +\infty[</math> ومنه</p> <p>الدالة <math>x \mapsto \sqrt[n]{x}</math> متزايدة على المجال <math>[0; +\infty[</math>.</p> $\lim_{x \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{x} = \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{1}{n} \ln x} = +\infty$				
	<p>تمرين رقم 20 + 21 + 22 + 23 + 24 صفحة 134 (تبسيط الأعداد)</p>				