

العصبة	تحليل	التاريخ	أكتوبر 2015
المحور	الدالة الأسية	القسم	3 علوم تجريبية
الموضوع	المعادلات التفاضلية من الشكل $y' = ay + b$	المدة	ساعة واحدة
الكفاءات المستهدفة	التحكم في حلول معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى	المعارف المكتسبة	مشتق الدالة الأسية
الوسائل البداغوجية		المراجع	الكتاب المدرسي
سير الدرس	مراحل الدرس	الزمن	
نشاط استكشافي	<b>نشاط 1:</b> نعتبر الدالة $f(x) = Ce^{ax}$ حيث $a \in \mathbb{R}^*$ و $c$ عدد ثابت ، تحقق أن الدالة $f$ حل للمعادلة $f'(x) - af(x) = 0$		
صياغة الكفاءة	<b>1/ المعادلات التفاضلية: (العادية)</b> ◀ نسمي كل معادلة تشمل $f(x)$ ومشتقه $f'(x)$ معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى. ◀ حل معادلة تفاضلية من الشكل $y' = ay + b$ معناه البحث عن الدوال القابلة للإشتقاق على $\mathbb{R}$ التي تحقق : $f'(x) = af(x) + b$ <b>2/ المعادلات التفاضلية من الشكل <math>y' = ay</math> ، <math>a \neq 0</math> (متجانسة)</b> <b>مبرهنة:</b> $a$ عدد حقيقي غير معدوم، حلول المعادلة التفاضلية $y' = ay$ هي الدوال $x \mapsto Ce^{ax}$ حيث $C$ عدد ثابت. <b>مثال:</b> حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التفاضلية التالية: $2y' + y = 0$ <b>3/ المعادلات التفاضلية من الشكل <math>y' = ay + b</math> ، <math>a \neq 0</math> (غير متجانسة)</b> <b>مبرهنة:</b> $a$ و $b$ عددان حقيقيان ، $a \neq 0$ ، حلول المعادلة التفاضلية $y' = ay + b$ هي الدوال $x \mapsto Ce^{ax} - \frac{b}{a}$ حيث $C$ عدد ثابت <b>مثال:</b> حل في $\mathbb{R}$ المعادلة التفاضلية التالية: $y' - 2y + 3 = 0$ <b>خاصية:</b> من أجل $f(x_0) = y_0$ حيث $(x_0, y_0)$ ثنائية حقيقية المعادلة التفاضلية $y' = ay + b$ تقبل حل وحيد		
مرحلة التقويم و الاستثمار	<b>تطبيق 1:</b> نعتبر المعادلة: $2y' + y = 1 \dots \dots (1)$ 1/ حل في $\mathbb{R}$ المعادلة (1) عين الحل $f$ للمعادلة بحيث: $f(-1) = 2$ 2/ أدرس تغيرات الدالة $f$ ثم أرسم $(C_f)$ <b>تطبيق 2:</b> $f$ دالة قابلة للإشتقاق على $\mathbb{R}$ عين $f(x)$ علما أن $f(x) + 2f'(x) = 0$ و $(C_f)$ يقبل عند النقطة ذات الفاصلة (-2) مماسا معامل توجيهه $\frac{1}{2}$ 2/ عين $f(x)$ علما أن $f'(x) + 3f(x) = 0$ و $A(0;1)$ نقطة من $(C_f)$ <b>الحل:</b> 1/ $f(x) + 2f'(x) = 0$ ومنه: $f'(x) = -\frac{1}{2}f(x)$ حلول هذه المعادلة التفاضلية هي الدوال: $f(x) = Ce^{-\frac{1}{2}x}$ حيث $C$ عدد ثابت $(C_f)$ يقبل عند النقطة ذات الفاصلة -2 مماسا معامل توجيهه $\frac{1}{2}$ : $f'(-2) = \frac{1}{2}$ لدينا: $f'(x) = -\frac{1}{2}Ce^{-\frac{1}{2}x}$ أي: $-\frac{1}{2}Ce^{-\frac{1}{2}(-2)} = \frac{1}{2}$ ومنه: $C = -\frac{1}{e}$ ، إذن: $f(x) = e^{-\frac{1}{2}(x+1)}$ 2/ $f'(x) + 3f(x) = 0$ ومنه: $f'(x) = -3f(x)$ حلول هذه المعادلة التفاضلية هي الدوال: $f(x) = Ce^{-3x}$ حيث $C$ عدد ثابت $A(0;1)$ نقطة من $(C_f)$ معناه: $f(0) = 1$ إذن: $Ce^{-3 \cdot 0} = 1$ ومنه: $C = 1$ ومنه نحصل: $f(x) = e^{-3x}$		