

المؤسسة: ثانوية خالص سليمان - بشلول - بطاقة رقم: 63/02 الأستاذ: شداني عبد المالك

|                    |                                      |                  |                              |
|--------------------|--------------------------------------|------------------|------------------------------|
| الخصصة             | تحليل                                | التاريخ          | أفريل 2016                   |
| المحور             | الدوال الأصلية                       | القسم            | 3 علوم تجريبية               |
| الموضوع            | <b>حساب الدوال الأصلية</b>           | المدة            | ساعتين                       |
| الكفاءات المستهدفة | تعيين دوال أصلية لدوال مألوفة ومركبة | المعارف المكتسبة | مفهوم الدوال الأصلية         |
| الوسائل البداغوجية | السبورة، المسطرة                     | المراجع          | الكتاب المدرسي، كتاب الأستاذ |
| سير الدرس          | مراحل الدرس                          |                  |                              |

### **حساب الدوال الأصلية:**

**1/ الدوال الأصلية لدوال مألوفة:** يمثل  $c$  عدد حقيقي كيني

صياغة الكفاءة

| المجال I   | الدالة الأصلية F              | الدالة f   |
|--|-------------------------------|--|
| $\mathbb{R}$   | $kx + c$                      | $k$ ( $k$ عدد حقيقي)                             |
| $\mathbb{R}$   | $\frac{1}{2}x^2 + c$          | $x$  |
| $\mathbb{R}$   | $\frac{1}{n+1}x^{n+1} + c$    | $x^n$ ( $n \in \mathbb{N}^*$ )                   |
| $]0; +\infty[$ أو $]-\infty; 0[$                                 | $-\frac{1}{x} + c$            | $\frac{1}{x^2}$                                  |
| $]0; +\infty[$ أو $]-\infty; 0[$                                 | $-\frac{1}{(n-1)x^{n-1}} + c$ | $\frac{1}{x^n}$ ( $n \geq 2, n \in \mathbb{N}$ ) |
| $]0; +\infty[$   | $2\sqrt{x} + c$               | $\frac{1}{\sqrt{x}}$                             |
| $\mathbb{R}$   | $-\cos x$                     | $\sin x$   |
| $\mathbb{R}$   | $\sin x$                      | $\cos x$   |
| $]-\frac{\pi}{2} + k; \frac{\pi}{2} + k[$ ( $k \in \mathbb{Z}$ ) | $\tan x + c$                  | $1 + \tan^2 x = \frac{1}{\cos^2 x}$              |

### **2/ الدوال الأصلية لدوال مركبة:**

$u$  دالة قابلة للإشتقاق على المجال I.

| على المجال                         | الدالة الأصلية F              | الدالة f  |
|------------------------------------|-------------------------------|---|
| I                                  | $\frac{1}{2}u^2 + c$          | $u'u$   |
| I                                  | $\frac{1}{n+1}u^{n+1} + c$    | $(n \in \mathbb{N}^*) u'u^n$                      |
| $D = \{x / x \in I, u(x) \neq 0\}$ | $-\frac{1}{u} + c$            | $\frac{u'}{u^2}$                                  |
| $D = \{x / x \in I, u(x) \neq 0\}$ | $-\frac{1}{(n-1)u^{n-1}} + c$ | $\frac{u'}{u^n}$ ( $n \geq 2, n \in \mathbb{N}$ ) |

|                       |                 |                                    |
|-----------------------|-----------------|------------------------------------|
| $\frac{u'}{\sqrt{u}}$ | $2\sqrt{u} + c$ | $D = \{x / x \in I, u(x) > 0\}$    |
| $\frac{u'}{u}$        | $\ln u  + c$    | $D = \{x / x \in I, u(x) \neq 0\}$ |
| $u'e^u$               | $e^u + c$       | $I$                                |

### خواص:

- إذا كانت F و G دالتين أصليتين على الترتيب لـ f و g على مجال I فإن F + G دالة أصلية لـ f + g على I.  
- إذا كانت F دالة أصلية للدالة f على مجال I فإن kF دالة أصلية للدالة kf على I ( $k \in \mathbb{R}$ )

د45

### أمثلة

مرحلة التقويم  
و الإستثمار

تطبيق رقم 25 و 26 و 27 و 28 و 29 صفحة 160

تطبيق رقم 53 صفحة 162

تطبيق رقم 47 صفحة 162

تطبيق رقم 48 صفحة 162 (هام جدا)

ملاحظات حول سير الحصة:.....