

الحصة	تحليل	التاريخ	
المحور	الإشتقاقية	القسم	2 عت 2
الموضوع	<b>التقريب التآلفي لدالة</b>	المدة	ساعة واحدة
الكفاءات المستهدفة	التقريب التآلفي لدالة	المعارف المكتسبة	قابلية الإشتقاق عند عدد. معادلة المماس عند نقطة
الوسائل البداغوجية	السبورة ، المسطرة	المراجع	الكتاب المدرسي + كتاب الأستاذ

سیر الدرس	مراحل الدرس	الزمن
-----------	-------------	-------

**نشاط تمهيدي:** نعتبر الدالة  $f$  حيث: معرفة على المجال  $D_f = [-1 ; +\infty[$   
 (1) أدرس قابلية الإشتقاق عند 0 للدالة  $f$  ثم اكتب معادلة المماس للمنحني  $(C_f)$  عند 0

(2) لتكن الدالة  $g$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  حيث:  $g(x) = 1 + \frac{1}{2}x$

x	-0,003	-0,002	-0,001	0,001	0,002
f(x)					
g(x)					

أ) أكمل الجدول التالي:  
 ب) ماذا تستنتج؟

نقول أحسن تقريب تآلفي للدالة  $f$  عند 0 هي الدالة  $g$  ونكتب  $f(x) \simeq 1 + \frac{1}{2}x$

ج) إستنتج القيمة مقربة لكل من  $\sqrt{1,00007}$  و  $\sqrt{0,9999}$ .

النشاط  
الإستكشافي

صياغة  
الكفاءة

**التقريب التآلفي لدالة:**  $f$  دالة قابلة للإشتقاق عند عدد  $a$ .

من أجل كل عدد  $x$  قريب من  $a$  يكون لدينا:  $f(x) \simeq f'(a)(x-a) + f(a)$

أو: مع  $x = h + a$   $f(a+h) \simeq f'(a)h + f(a)$

**مثال:**  $a = 1$  ،  $f(x) = x^3$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{(1+h)^2 - 1}{h} = \lim_{h \rightarrow 0} (h^2 + 3h + 3) = 3$$

ولدينا  $f'(1) = 3$  وعليه من أجل كل  $x$  قريب من 1 يكون لدينا:  $f(x) \simeq f'(1)(x-1) + f(1)$  أي  $f(x) \simeq 3(x-1) + 1$

$$f(x) \simeq 3x - 2$$

فمثلا:  $(1,002)^3 \simeq 3 \times 1,002 - 2 = 1,006$  أي:  $(1,002)^3 \simeq 1,006$

مرحلة التقويم و  
الإستثمار

**نشاط تطبيقي: أعمال موجهة ص 77.**

(1) التقريب التآلفي للدالة  $f$  من أجل  $x$  قريب من 0 هو  $f(0+x) \simeq f(0) + xf'(0)$  و  
 منه نتحصل على الجدول:

$f(x) =$	$(1+x)^2$	$(1+x)^3$	$\sqrt{1+x}$	$\frac{1}{x+1}$	$\frac{1}{(x+1)^2}$	$\cos x$	$\sin x$
$f(x) \simeq$	$1+2x$	$1+3x$	$1+\frac{1}{2}x$	$1-x$	$1-2x$	1	x

$$f(0.003) = \frac{1}{1+0.003} \simeq 1 - 0.003 \simeq 0.997$$

$$f(-0.02) = \frac{1}{1-0.02} \simeq 1 - (-0.02) \simeq 1.02$$

$$(1+0.001)^2 \simeq 1+2(0.001) = 1.002$$

$$(1-0.02)^3 \simeq 1+3(-0.02) = 0.94$$

$$\sqrt{1.004} \simeq 1 + \frac{1}{2}(0.004) = 1.002$$

$$(1-0.01)^2 \simeq 1-2(0.01) = 0.98$$