

الحصة	تحليل	التاريخ	
المحور	الاشتقاقية	القسم	3 علوم تجريبية
الموضوع	التقريب التآلفي و طريقة أولر	المدة	ساعة واحدة
الكفاءات المستهدفة		المعارف المكتسبة	الإشتقاق + معادلة المماس
الوسائل البداغوجية	السبورة + الحاسوب	المراجع	الكتاب المدرسي + كتاب الأستاذ

سير الدرس	مراحل الدرس	الزمن
نشاط استكشافي	نشاط 1:	

1/ التقريب التآلفي لدالة:

تعريف: نسمي الدالة التآلفية $x \mapsto f'(x_0)(x-x_0) + f(x_0)$ تقريبا تآلفيا للدالة f بجوار x_0 , و نقبل أنه أحسن تقريب تآلفي له.

مثال: أحسن تقريب تآلفي للدالة $x \mapsto \sqrt{x+1}$ بجوار 0 هي الدالة التآلفية

$$x \mapsto 1 + \frac{x}{2} \quad \text{و نكتب:} \quad \sqrt{1+x} \approx 1 + \frac{x}{2} \quad \text{بجوار } 0$$

ملاحظة: نضع $h = x - x_0$, أحسن تقريب تآلفي للدالة f يصبح كما يلي:

$$f(x_0 + h) \approx f'(x_0)h + f(x_0)$$

2/ تقريب منحنى دالة بطريقة أولر:

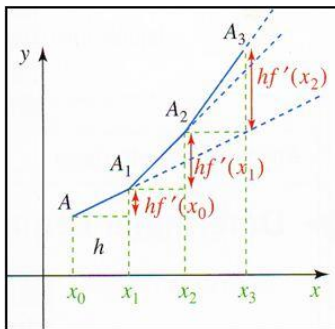
- الهدف من طريقة أولر هو إنشاء منحنى بياني تقريبي للدالة f بمعرفة f' و $y_0 = f(x_0)$

- تعتمد هذه الطريقة التقريب التآلفي للدالة بجوار x_0 .

مبدأ طريقة أولر:

- **الخطوة 1:** ننشئ (نعلم) النقطة $A_0(x_0; f(x_0))$ في المعلم

- **الخطوة 2:** ليكن h عدد حقيقي غير معدوم قريب جدا من 0



نضع: $x_1 = x_0 + h$ و $x_2 = x_1 + h$, ..., $x_n = x_{n-1} + h$

لدينا أحسن تقريب للدالة f بجوار x_0 هو:

$$f(x_0 + h) \approx f'(x_0)h + f(x_0)$$

أي: $f(x_1) \approx f'(x_0)h + f(x_0) = y_1$ وهكذا ننشئ

$$A_1(x_1, f(x_1))$$

و بنفس الطريقة نجد: $f(x_2) \approx f'(x_1)h + f(x_1)$

و هكذا ننشئ النقط $A_1(x_1, f(x_1))$, $A_2(x_2, f(x_2))$, ..., $A_n(x_n, f(x_n))$

- **الخطوة 3:** المنحنى المشكل بالقطع $[A_1; A_0]$, ..., $[A_n; A_{n-1}]$ هو منحنى تقريبي

لمنحنى الدالة f

تطبيق 1: باستعانة بالمثال السابق، أوجد قيمة تقريبية لـ $\sqrt{0,9999}$

تطبيق 2: أنشئ منحنى تقريبي بطريقة أولر للدالة f على المجال $[1; 2]$ حيث

$$f(1) = 1 \quad \text{و} \quad f'(x) = 2x$$

مرحلة التقويم و الاستثمار