

الحصّة	هندسة	التاريخ	نوفمبر 2015
المحور	الجداء السلمي وتطبيقاته	القسم	3 علوم تجريبية
الموضوع	الجداء السلمي في الفضاء	المدة	ساعة واحدة
الكفاءات المستهدفة	توظيف الجداء السلمي لإثبات تعامد مستقيمين، تعامد مستويين، تعامد مستقيم ومستوي	المعارف المكتسبة	
الوسائل البداغوجية		المراجع	الكتاب المدرسي

سیر الدرس	مراحل الدرس	الزمن
-----------	-------------	-------

نشاط إستكشافي	<b>نشاط:</b> نعتبر النقط $D(\alpha;1)$ ، $C(3;1)$ ، $B(2;-2)$ ، $A(1;0)$ 1) عين طبيعة المثلث $ABC$ 2) أكتب معادلة الدائرة $(\gamma)$ ذات القطر $[AB]$ 3) عين قيمة $\alpha$ حتى يكون $ABCD$ مربعاً 4) أكتب معادلة المستقيم $(BC)$	20د
---------------	--	-----

صياغة الكفاءة	<b>1) الجداء السلمي في الفضاء</b> <b>تعريف:</b> $\vec{u}$ و $\vec{v}$ شعاعين من الفضاء. $A$ ، $B$ و $C$ ثلاث نقط حيث: $\vec{u} = \overrightarrow{AB}$ ، $\vec{v} = \overrightarrow{AC}$ ، يوجد على الأقل مستوي $(P)$ يشمل النقط $A$ ، $B$ ، $C$ بحيث الجداء السلمي للشعاعين $\vec{u}$ و $\vec{v}$ في الفضاء هو الجداء السلمي للشعاعين $\overrightarrow{AB}$ ، $\overrightarrow{AC}$ في المستوي $(P)$ <b>خواص:</b> كل خواص الجداء السلمي في المستوي تطبق على الأشعة من نفس المستوي في الفضاء	10د
---------------	--	-----

	<b>نتائج:</b> $\vec{u}$ ، $\vec{v}$ ، $\vec{w}$ أشعة من الفضاء ينتميان إلى نفس المستوي، $k$ عدد حقيقي $(\vec{u} \cdot \vec{v}) = \vec{v} \cdot \vec{u}$ ، $\vec{u} \cdot \vec{u} = \ \vec{u}\ ^2$ ، $(k\vec{u}) \cdot \vec{v} = \vec{u} \cdot (k\vec{v}) = k(\vec{u} \cdot \vec{v})$ ، $\vec{u} \cdot (\vec{v} + \vec{w}) = \vec{u} \cdot \vec{v} + \vec{u} \cdot \vec{w}$ ، $\ \vec{u} + \vec{v}\ ^2 = \ \vec{u}\ ^2 + 2\vec{u} \cdot \vec{v} + \ \vec{v}\ ^2$	10د
--	--	-----

	<b>العبارة التحليلية للجداء السلمي في الفضاء:</b> في أساس متعامد ومتجانس ليكن $\vec{u}(x;y;z)$ و $\vec{v}(x';y';z')$ لدينا: $\vec{u} \cdot \vec{v} = xx' + yy' + zz'$	5د
--	---	----

	<b>تعريف:</b> يكون الشعاعان $\vec{u}$ و $\vec{v}$ متعامدين إذا وفقط إذا كان $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$ أي: $xx' + yy' + zz' = 0$	5د
--	--	----

	مثال: نعتبر النقط $A(1;0;-1)$ ، $B(2;2;3)$ ، $C(3;1;-2)$ . بين أن المثلث $ABC$ قائم ثم أحسب مساحته ملاحظة: طول الشعاع $\vec{u}(x;y;z)$ هي: $\ \vec{u}\  = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$	5د
--	--	----

	<b>المسافة بين نقطتين في الفضاء:</b> لتكن النقطتين $A(x_A; y_A; z_A)$ و $B(x_B; y_B; z_B)$ في معلم متعامد ومتجانس من الفضاء، لدينا: $AB = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2 + (z_A - z_B)^2}$	5د
--	--	----

	مثال 2: في معلم متعامد ومتجانس من الفضاء، لدينا النقط $A(1;-1;0)$ ، $B(2;3;-4)$ ، $C(-3;0;1)$ ، بين أن $A$ ، $B$ ، $C$ ليست على استقامة واحدة مثال 3: حدد شعاعاً $\vec{n}$ يكون عمودياً على الشعاعين $\vec{u}(-1;1;1)$ و $\vec{v}(1;-2;0)$	5د
--	---	----

	تمرين رقم 8 صفحة 209	5د
--	----------------------	----

مرحلة التقويم و الإستثمار		
---------------------------	--	--

ملاحظات حول سير الحصّة:		
-------------------------	--	--